

การเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลที่มีการแจกแจงไม่ปกติหลายตัวแปร
ให้มีการเข้าสู่การแจกแจงปกติหลายตัวแปร



นางสาวจตุพร ตั้งกาญจนภาสน์

ศูนย์วิทยทรัพยากร

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต


สาขาวิชาสถิติ ภาควิชาสถิติ

คณะพาณิชยศาสตร์และการบัญชี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ปีการศึกษา 2552

ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

COMPARISON OF DATA TRANSFORMATION METHODS OF NON-MULTINORMAL
DISTRIBUTION TO MULTINORMAL DISTRIBUTION



Miss Jatuporn Tangkanjanapas

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements
for the Degree of Master of Science Program in Statistics

Department of Statistics

Faculty of Commerce and Accountancy

Chulalongkorn University

Academic Year 2009

Copyright of Chulalongkorn University

หัวข้อวิทยานิพนธ์

การเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลที่มีการแจกแจงไม่ปกติ
หลายตัวแปรให้มีการเข้าสู่การแจกแจงปกติหลายตัวแปร

โดย

นางสาวจตุพร ตั้งกาญจนภาสน์


สาขาวิชา

สถิติ

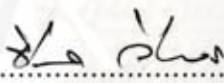
อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก

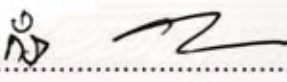
รองศาสตราจารย์ ดร. กัลยา วานิชย์บัญชา

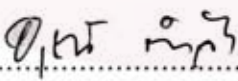
คณะแพทยศาสตร์และการบัญชี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้บัณฑิตวิทยาลัย
ฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรบัณฑิต

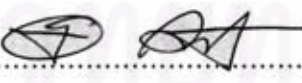
.....คณบดีคณะแพทยศาสตร์และการบัญชี
(รองศาสตราจารย์ ดร. อรรถนพ ต้นละมัย)

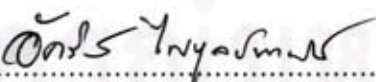
คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

.....ประธานกรรมการ
(รองศาสตราจารย์ ดร. ชีระพร วีระถาวร)

.....อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก
(รองศาสตราจารย์ ดร. กัลยา วานิชย์บัญชา)

.....กรรมการ
(อาจารย์ ดร. อรุณี กำลัง)

.....กรรมการ
(อาจารย์ ดร. อนุภาพ สมบูรณ์สวัสดิ์)

.....กรรมการภายนอกมหาวิทยาลัย
(อาจารย์ ดร. อัศวินทร์ ไพบูลย์พานิช)

จตุพร ตั้งกาญจนภาสน์ : การเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลที่มีการแจกแจงไม่ปกติหลายตัวแปรให้มีการเข้าสู่การแจกแจงปกติหลายตัวแปร. (COMPARISON OF DATA TRANSFORMATION METHODS OF NON-MULTINORMAL DISTRIBUTION TO MULTINORMAL DISTRIBUTION) อ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก : รศ. ดร. กัลยา วานิชย์บัญชา, 191 หน้า.

การวิจัยในครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาและเปรียบเทียบรูปแบบการแปลงข้อมูลที่มีการแจกแจงไม่ปกติหลายตัวแปรให้มีการเข้าสู่การแจกแจงปกติหลายตัวแปร โดยพิจารณาการแปลงข้อมูลทั้งหมด 5 วิธี คือ วิธีการแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล (folded exponential transformations) วิธีการแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ (folded power transformations) วิธีการแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson (Guerrero-Johnson transformations) วิธีการแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz (Aranda-Ordaz transformations) และวิธีการแปลงข้อมูลแบบ สเกล แองกูลา (scaled angular transformations) โดยพิจารณาจากเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับการแปลงข้อมูลว่าได้มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร จากการทดสอบสมมติฐาน (ข้อมูลมีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร) เพื่อให้ทราบว่ารูปแบบการแปลงข้อมูลแบบใดเหมาะสมกับข้อมูลชุดนั้นๆ มากที่สุด ภายใต้สถานการณ์ที่กำหนด คือ ประชากรมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ การแจกแจงแบบแกมมา และการแจกแจงแบบเบตา ซึ่งกำหนดให้มีลักษณะโค้งเบ้ต่างๆกัน ขนาดตัวอย่าง คือ 20 , 30 , 50 และ 100 ณ ระดับนัยสำคัญของการทดสอบเทียบความกลมกลืน 0.05

ในการวิจัยครั้งนี้จำลองสถานการณ์การทดลองด้วยเทคนิคมอนติคาร์โล ซึ่งทำการทดลองซ้ำในแต่ละรอบจนกว่าผลต่างระหว่าง \bar{X}_i ในรอบที่ $i+1$ กับรอบที่ i มีค่าน้อยมากจนถึงว่าไม่แตกต่างกัน โดยมีเกณฑ์ว่า $|\bar{X}_{i+1} - \bar{X}_i| \leq 0.0001$ (โดยที่ $i = 1, 2, \dots, k$ และ i คือจำนวนรอบในการทดลอง) จึงหยุดการทดลอง

การวิจัยครั้งนี้สรุปได้ว่า สำหรับทุกการแจกแจงในทุกระดับของความเบ้ ส่วนใหญ่วิธีการแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด

ภาควิชา..... สถิติ..... ลายมือชื่อนิสิต..... 3055..... ซึ่งสมบูรณ์แล้ว.....
 สาขาวิชา..... สถิติ..... ลายมือชื่ออ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก กศ 2
 ปีการศึกษา...2552

5081762226 : MAJOR STATISTICS

KEYWORDS : Transformation / Multinormality / Weibull Distribution / Gamma Distribution / Beta Distribution

JATUPORN TANGKANJANAPAS : COMPARISON OF DATA TRANSFORMATION METHODS OF NON-MULTINORMAL DISTRIBUTION TO MULTINORMAL DISTRIBUTION. THESIS ADVISOR : ASSOC. PROF. KANLAYA VANICHBANCHA , Ph.D., 191 pp.

The objective of this research was to investigate and compare the data transformation forms which can transform data to multinormal distribution. The data transformation forms were folded exponential transformation folded power transformation, Guerrero-Johnson transformation Aranda-Ordaz transformations and scaled angular Transformation. The highest percentage of accepted multinormal distribution was used in evaluating the capability of the most appropriate data transformation forms for each set of data under the condition assigned when the population was Weibull Distribution, Gamma Distribution and Beta Distribution that assigned different shape of distribution by skewness and kurtosis. Sample sizes were 20, 30, 50 and 100 at the level of significance of the goodness of fit test of 0.05. For this research, the data were simulated by the Monte Carlo method. This simulation was repeated until the difference between of i+1 to i with least considered not different under the criteria of $|\bar{X}_{i+1} - \bar{X}_i| \leq 0.0001$ (i = 1,2,...,k , that i is the cycle of the experiment).

The result of this research was found that for skew-distributions for every level of skewness, the highest percentage of success for transformation forms came from Aranda-Ordaz transformations

Department:..... Statistics.....
Field of Study :..... Statistics.....
Academic Year :..... 2009.....

Student's Signature Jatuporn Tangkanjanapas
Advisor's Signature Kanlaya Vanichbancha

กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จได้ด้วยดีจากความอนุเคราะห์ของบุคคลหลายฝ่ายด้วยกัน ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ ดร. กัลยา วาณิชย์บัญชา อาจารย์ที่ปรึกษา วิทยานิพนธ์ที่กรุณาสละเวลาให้คำแนะนำปรึกษา ตลอดจนแก้ไขข้อบกพร่องต่าง ๆ จนกระทั่ง วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลุล่วงได้ด้วยดี

ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ ดร. ชีระพร วีระถาวร อาจารย์ ดร. อรุณี กำลัง อาจารย์ ดร. อนุภาพ สมบูรณ์สวัสดิ์ และ อาจารย์ ดร. อัศวินทร์ ไพบุญย์พานิช ในฐานะประธานกรรมการและกรรมการสอบวิทยานิพนธ์ ที่กรุณาตรวจแก้ไขข้อคิด และแนะแนวทางที่ทำให้วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สมบูรณ์ยิ่งขึ้น ทั้งนี้ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณคณาจารย์ประจำ ภาควิชาสถิติที่ให้โอกาสทางการศึกษา และประสิทธิประสาทความรู้ให้แก่ผู้วิจัยจนกระทั่งสำเร็จ การศึกษา

ท้ายนี้ผู้วิจัยใคร่ขอกราบขอบพระคุณ บิดา มารดา ซึ่งให้การสนับสนุน และ เพื่อน ๆ ที่ให้กำลังใจแก่ผู้วิจัยเสมอมาจนกระทั่งสำเร็จการศึกษา

ศูนย์วิทยทรัพยากร

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย.....	ง
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	จ
กิตติกรรมประกาศ.....	ฉ
สารบัญ.....	ช
สารบัญตาราง.....	ฅ
สารบัญภาพ.....	ฐ
บทที่	
1 บทนำ.....	1
ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา.....	1
วัตถุประสงค์ของการวิจัย.....	2
ข้อตกลงเบื้องต้น.....	2
ขอบเขตการวิจัย.....	3
วิธีดำเนินการวิจัย.....	6
เกณฑ์การประเมิน.....	7
คำจำกัดความ.....	7
ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ.....	7
2 ทฤษฎีและสถิติที่ใช้ในการวิจัย.....	8
รูปแบบการแปลงข้อมูลที่ศึกษา.....	8
การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล (folded exponential transformation).....	8
การแปลงข้อมูลแบบโฟลด์ พาวเวอร์ (folded power transformation).....	8
การแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson (Guerrero-Johnson transformation)	9
การแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz (Aranda-Ordaz transformation).....	9
การแปลงข้อมูลแบบ สเกล แองกูลา (scaled angular transformation).....	9

บทที่	หน้า
สัมประสิทธิ์ความเบ้.....	9
สัมประสิทธิ์ความโด่ง.....	10
ข้อมูลที่มีการตัดปลาย.....	11
การแจกแจงประชากรที่ทำการวิจัย.....	11
การแจกแจงไวบูลล์ (Weibull Distribution).....	11
การแจกแจงแกมมา (Gamma Distribution).....	13
การแจกแจงเบตา (Beta Distribution).....	14
สถิติที่ใช้ในการทดสอบการแจกแจง.....	16
3 วิธีดำเนินการวิจัย.....	18
แผนการดำเนินการวิจัย.....	18
ขั้นตอนในการดำเนินการวิจัย.....	21
4 ผลการวิจัย.....	25
การเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลโดยพิจารณาจากเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการ ยอมรับสมมติฐาน เมื่อข้อมูลมีตัวแปร 2 ตัวแปร.....	27
การเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลโดยพิจารณาจากเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการ ยอมรับสมมติฐาน เมื่อข้อมูลมีตัวแปร 3 ตัวแปร.....	46
5 สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ.....	65
สรุปผลการวิจัย.....	66
กรณีข้อมูลมีตัวแปร 2 ตัวแปร.....	66
กรณีข้อมูลมีตัวแปร 3 ตัวแปร.....	67
ข้อเสนอแนะ.....	68
ด้านการศึกษาวิจัย.....	68
ด้านการนำไปใช้ประโยชน์.....	68
รายการอ้างอิง.....	101
ภาคผนวก.....	102
ภาคผนวก ก.....	103
ภาคผนวก ข.....	171
ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์.....	191

สารบัญตาราง

ตารางที่		หน้า
1.1	ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง และค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร ของการแจกแจงแบบไวบูลล์.....	5
1.2	ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง และค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร ของการแจกแจงแบบแกมมา.....	5
1.3	ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง และค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร ของการแจกแจงแบบเบตา.....	6
3.1	ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง และค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร ของการแจกแจงแบบไวบูลล์.....	19
3.2	ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง และค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร ของการแจกแจงแบบแกมมา.....	19
3.3	ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง และค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร ของการแจกแจงแบบเบตา.....	20
4.1	แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่าง เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์.....	27
4.2	แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์.....	46
5.1	สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงไวบูลล์ 2 ตัวแปร.....	73
5.2	สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงไวบูลล์ 2 ตัวแปร.....	74
5.3	สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงไวบูลล์ 2 ตัวแปร.....	75
5.4	สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงไวบูลล์ 2 ตัวแปร.....	76
5.5	สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมา 2 ตัวแปร.....	77

สารบัญภาพ

ภาพที่		หน้า
2.1	ฟังก์ชันความหนาแน่นของการแจกแจงไวบูลล์.....	12
2.2	ฟังก์ชันความหนาแน่นของการแจกแจงแกมมา.....	14
2.3	ฟังก์ชันความหนาแน่นของการแจกแจงเบตา.....	15
3.1	ขั้นตอนในการดำเนินงานวิจัยทั้งหมด.....	23
4.1	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการ แปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อ ข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20.....	29
4.2	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการ แปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อ ข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30.....	31
4.3	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการ แปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อ ข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50.....	32
4.4	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการ แปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อ ข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100.....	33
4.5	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการ แปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อ ข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20.....	34
4.6	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการ แปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อ ข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30.....	35
4.7	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการ แปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อ ข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50.....	37
4.8	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการ แปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อ ข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100.....	38

ภาพที่		หน้า
4.19	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50.....	56
4.20	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100.....	58
4.21	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20.....	59
4.22	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30.....	60
4.23	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50.....	61
4.24	การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100.....	63
5.1	แสดงขั้นตอนสรุปการเลือกวิธีการแปลงข้อมูลที่มีการแจกแจงไม่ปกติหลายตัวแปร ให้มีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงปกติหลายตัวแปร ในกรณี 2 ตัวแปร.....	70
5.2	แสดงขั้นตอนสรุปการเลือกวิธีการแปลงข้อมูลที่มีการแจกแจงไม่ปกติหลายตัวแปร ให้มีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงปกติหลายตัวแปร ในกรณี 3 ตัวแปร.....	71

บทที่ 1

บทนำ

ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

ในปัจจุบันมีการนำการวิเคราะห์หลายตัวแปร (multivariate analysis) เข้ามาใช้งานวิจัยด้านต่างๆ หลายสาขา ซึ่งการวิเคราะห์หลายตัวแปรก็มีหลายวิธี การเลือกใช้วิธีการวิเคราะห์หลายตัวแปรขึ้นอยู่กับลักษณะของข้อมูลที่น่ามาศึกษาและจุดประสงค์ของการพยากรณ์ โดยการวิเคราะห์หลายตัวแปร ถือเป็นวิธีทางสถิติที่ใช้กันทั่วไป โดยอาจจะใช้ในรูป การวิเคราะห์ความแปรปรวนหลายตัวแปร (multivariate analysis of variance) และการวิเคราะห์สหสัมพันธ์แคนนอนิคอล (canonical correlation analysis) เป็นต้น เพื่อให้ได้มาซึ่งข้อสรุปที่มีประสิทธิภาพ มีความถูกต้อง และเชื่อถือได้ ข้อมูลจะต้องเป็นไปตามเงื่อนไขต่างๆ ให้เหมาะสมกับข้อมูลที่ต้องการศึกษา ซึ่งในการวิเคราะห์นั้น จะต้องคำนึงถึงเงื่อนไขหรือข้อสมมติ (assumptions) ก่อนการตัดสินใจทำการวิเคราะห์ข้อมูลที่มีอยู่ ซึ่งการวิเคราะห์บางประเภทมีข้อสมมติเบื้องต้นว่า ตัวแปรทุกตัวจะต้องมีการแจกแจงปกติหลายตัวแปร หรือตัวแปรในแต่ละเซตจะต้องเป็นอิสระต่อกัน เพราะหากปรากฏว่าข้อมูลที่น่ามาศึกษามีการแจกแจงที่ไม่ปกติหลายตัวแปรจะทำให้ผลการวิเคราะห์ที่ได้ไม่ถูกต้องและขาดความน่าเชื่อถือ

โดยทั่วไปแล้ว ข้อมูลที่ได้อาจจะไม่เป็นไปตามข้อสมมติต่างๆ ที่กำหนดไว้ เนื่องจากข้อมูลจริงที่ได้โดยส่วนใหญ่จะมีจำนวนน้อยเมื่อเทียบกับข้อมูลที่ไม่ได้มาจากการทดลอง และหากข้อมูลไม่เป็นไปตามข้อสมมติดังกล่าวแล้ว อาจทำให้การวิเคราะห์ไม่ถูกต้อง (invalid) และนำไปสู่การสรุปผลการวิเคราะห์ที่ผิดพลาด และขาดความเชื่อถือ ซึ่งการแก้ปัญหาในกรณีที่มีข้อมูลที่มีการแจกแจงที่ไม่ปกติหลายตัวแปรคือ การใช้วิธีการแปลงข้อมูล (data transformation) โดยการแปลงข้อมูลนี้จะเป็นการปรับค่าข้อมูลด้วยการใช้วิธีการทางคณิตศาสตร์ที่ไม่ซับซ้อน จึงมีนักสถิติหลายๆท่านได้นำเสนอวิธีการแปลงข้อมูลเพื่อแก้ไขปัญหาดังกล่าว เพื่อให้ข้อมูลที่ได้มีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงปกติหลายตัวแปรมากที่สุด เช่น

ในปี ค.ศ. 2003 Hans-Peter Piepho ได้ทำการศึกษาเกี่ยวกับการแปลงข้อมูลแบบการแจกแจงแบบเบตา โดยใช้วิธีการแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล (folded exponential transformations) การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ (folded Power transformations) การแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson (Guerrero-Johnson transformations) การแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz (Aranda-

Ordaz transformations) และการแปลงข้อมูลแบบ แอังกูลา (angular transformations) สำหรับการเปรียบเทียบความสามารถของการแปลงข้อมูลโดยวิธีดังกล่าวข้างต้น พบว่า การแปลงข้อมูลแบบ แอังกูลา (angular transformations) ได้ผลการแปลงไม่ดีเท่าการแปลงข้อมูลแบบที่เหลือ เมื่อข้อมูลจริงที่ได้มีความเบี่ยงเบนมากๆ หรือข้อมูลที่ได้มีการกระจายตัวแบบ J-shaped แต่ในขั้นตอนการคำนวณจะเห็นว่าการแปลงข้อมูลแบบ แอังกูลาคำนวณง่ายกว่าการแปลงแบบอื่น เพื่อให้มีความยืดหยุ่นมากขึ้นจึงได้ทำการประยุกต์ การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโปเนนเชียล เป็น การแปลงข้อมูลแบบ สเกล แอังกูลา

จากผลการวิจัยข้างต้นผู้วิจัยจึงเกิดความสนใจที่จะศึกษารูปแบบวิธีการแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโปเนนเชียล การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ การแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson การแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz และ การแปลงข้อมูลแบบ สเกล แอังกูลา ว่าวิธีการแปลงข้อมูลแบบใดที่ทำให้ข้อมูลชุดนั้นๆมีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงปกติหลายตัวแปรมากที่สุด และหาข้อสรุปของรูปแบบการแปลงข้อมูลเพื่อให้ผู้ที่จะทำการวิเคราะห์สามารถเลือกรูปแบบการแปลงข้อมูลได้ง่ายและเหมาะสมกับข้อมูลนั้นมากที่สุด

วัตถุประสงค์ของการวิจัย

1. เพื่อศึกษาและเปรียบเทียบรูปแบบการแปลงข้อมูลจากข้อมูลที่มีการแจกแจงไม่ปกติหลายตัวแปร ให้มีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงปกติหลายตัวแปรรูปแบบการแปลงคือ
 - 1.1 การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโปเนนเชียล (folded exponential transformations)
 - 1.2 การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ (folded Power transformations)
 - 1.3 การแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson (Guerrero-Johnson transformations)
 - 1.4 การแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz (Aranda-Ordaz transformations)
 - 1.5 การแปลงข้อมูลแบบ สเกล แอังกูลา (scaled angular transformations)
2. เพื่อหาข้อสรุปของรูปแบบการแปลงข้อมูลที่เหมาะสมสำหรับข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่ปกติหลายตัวแปร

ข้อตกลงเบื้องต้น

ในการวิเคราะห์ครั้งนี้ผู้วิจัยได้กำหนดข้อตกลงเบื้องต้นดังนี้

1. การปรับการแจกแจงของข้อมูลเพื่อให้ข้อมูลมีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร
2. ข้อมูลที่ศึกษาไม่มีค่าติดลบ
3. ข้อมูลที่ศึกษาจะใช้ลักษณะข้อมูลบันทึกที่เกิดขึ้นจริงในส่วนค่าต่ำสุดถึงค่าสูงสุดซึ่งแสดงได้ด้วยสัญลักษณ์ดังนี้

$$\tilde{Y}_i = \begin{cases} \tilde{X}_i & : d < \tilde{X}_i \leq m \\ m & : \tilde{X}_i > m \end{cases}$$

โดยที่ \tilde{Y}_i คือ ข้อมูลที่เก็บบันทึกหลายตัวแปร
 \tilde{X}_i คือ ข้อมูลที่เกิดขึ้นจริงหลายตัวแปร
 d คือ ค่าต่ำสุด(Deductible)
 m คือ ค่าสูงสุด(Limit)

จำนวนข้อมูลที่ถูกตัดปลายทางขวา ในการวิจัยจำนวนข้อมูลที่ถูกตัดนั้นค่าของข้อมูลจะไม่ถูกตัดทิ้งเลย ค่าของข้อมูลแต่ละจำนวนจะเป็นค่าสูงสุด

ขอบเขตของการวิจัย

ในการวิจัยครั้งนี้กระทำภายใต้ขอบเขตดังนี้

1.4.1 วิธีการแปลงข้อมูลที่สนใจศึกษาในงานวิจัยครั้งนี้ คือ

1.4.1.1 การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโปเนนเชียล (folded exponential transformations) ซึ่งมี

รูปแบบดังนี้

$$y' = \begin{cases} \frac{\exp(\lambda x) - \exp\{\lambda(1-x)\}}{2\lambda} & \lambda \neq 0 \\ x - \frac{1}{2} & \lambda = 0 \end{cases}$$

1.4.1.2 การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ (folded power transformations) ซึ่งมี

รูปแบบดังนี้

$$y' = \begin{cases} \frac{x^\lambda - (1-x)^\lambda}{\lambda} & \lambda \neq 0 \\ \log\left(\frac{x}{1-x}\right) & \lambda = 0 \end{cases}$$

1.4.1.3 การแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson (Guerrero-Johnson transformations)

ซึ่งมีรูปแบบดังนี้

$$y' = \begin{cases} \frac{\left(\frac{x}{1-x}\right)^\lambda - 1}{\lambda} & \lambda \neq 0 \\ \log\left(\frac{x}{1-x}\right) & \lambda = 0 \end{cases}$$

1.4.1.4 การแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz (Aranda-Ordaz transformations) ซึ่งมี

รูปแบบดังนี้

$$y' = \begin{cases} \left\{ \frac{x^\lambda - (1-x)^\lambda}{x^\lambda + (1-x)^\lambda} \right\} & \lambda \neq 0 \\ \log\left(\frac{x}{1-x}\right) & \lambda = 0 \end{cases}$$

1.4.1.5 การแปลงข้อมูลแบบ สเกล แองกูลา (scaled angular transformations) ซึ่งมี

รูปแบบดังนี้

$$y' = \begin{cases} 2 \sin^{-1}(\sqrt{x})/\pi & 0 \leq x < 1 \\ -\cos^{-1}(2x-1) & x = 1 \end{cases}$$

1.4.2 จำนวนตัวแปรที่นำมาศึกษาเท่ากับ 2 และ 3 ตัวแปร

1.4.3 ขนาดตัวอย่างที่ศึกษาเท่ากับ 20, 30, 50 และ 100

1.4.4 กำหนดลักษณะการแจกแจงของประชากรที่ต้องการศึกษา โดยจะกำหนดค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ γ_1 และค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง γ_2 ของการแจกแจงให้มีค่าแตกต่างจากค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ และค่าสัมประสิทธิ์ความโด่งของการแจกแจงปกติคือ 0 และ 3 ใน

ระดับความแตกต่างจากน้อยไปมาก ซึ่งในการศึกษาวิจัยครั้งนี้จะกำหนดค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้และค่าสัมประสิทธิ์ความโด่งดังนี้

1.4.4.1 การแจกแจงแบบไวบูลล์ (Weibull Distribution) กำหนดค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร(C.V.) ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ และค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง ดังนี้

ตารางที่ 1.1 ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง และค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร ของการแจกแจงแบบไวบูลล์

ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ (γ_1)	ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง (γ_2)	C.V.
0.50	3.03	62.86
1.00	4.16	73.44
1.50	6.13	85.68
2.00	9	100.00
2.50	12.83	116.43

1.4.4.2 การแจกแจงแบบแกมมา (Gamma Distribution) กำหนดค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร(C.V.) ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ และค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง ดังนี้

ตารางที่ 1.2 ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง และค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร ของการแจกแจงแบบแกมมา

ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ (γ_1)	ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง (γ_2)	C.V.
0.50	3.38	25
1.00	4.5	50
1.50	6.37	75
2.00	9	100
2.50	12.38	125

1.4.4.3 การแจกแจงแบบเบตา (beta distribution) กำหนดค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร (C.V.) ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ และค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง ดังนี้

ตารางที่ 1.3 ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง และค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร ของการแจกแจงแบบเบตา

ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ (γ_1)	ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง (γ_2)	C.V.
-2.50	10.80	16.88
-2.00	8.15	18.82
-1.00	4.46	33.33
1.00	4.46	100.00
2.00	8.15	146.17
2.50	10.80	159.43

ตัวแปรแต่ละตัวที่นำมาศึกษา เป็นตัวแปรสัมพันธ์เนื่องที่เป็นอิสระต่อกัน และกำหนดให้ค่าความแปรปรวนในแต่ละกลุ่มมีค่าเท่ากัน ($\sigma_i^2 = \sigma^2$)

วิธีดำเนินการวิจัย

1. จำลองข้อมูลที่ได้จากการทดลอง โดยใช้เทคนิคมอนติคาร์โล (Monte Carlo Simulation)
2. ทำการตรวจสอบข้อมูลที่ได้จากการจำลองว่าเป็นข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่ปกติหลายตัวแปรก่อนทำการแปลงข้อมูล ด้วยวิธีของ มาร์เตียและเคนท์ (Mardia and Kent Method)
3. ทำการแก้ไขปัญหาข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่ปกติหลายตัวแปรโดยการแปลงข้อมูลด้วยรูปแบบต่าง ๆ
4. ทำการทดสอบการแจกแจงของข้อมูลภายหลังการแปลงข้อมูลว่ามีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรหรือไม่ ด้วยวิธีของ มาร์เตียและเคนท์ (Mardia and Kent Method)
5. ทำการทดลองซ้ำ k รอบจนกว่าจะได้ครบตามจำนวนรอบที่ต้องการ ซึ่งจะทำการนับจำนวนชุดข้อมูลที่มีการแจกแจงปกติหลายตัวแปร และนำค่าที่นับได้มาหาเปอร์เซ็นต์ของการยอมรับสมมติฐานว่าง (H_0 : ข้อมูลมีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร)
6. สรุปผลการแปลงข้อมูล

เกณฑ์ที่ใช้ในการตัดสินใจ

1. ยอมรับสมมติฐานว่างของการทดสอบการแจกแจงปกติหลายตัวแปร (H_0 : ข้อมูลมีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร) โดยจะใช้วิธีของ มาร์ดีเยและเคนท์ (Mardia and Kent Method) ในการทดสอบสมมติฐานดังกล่าว
2. พิจารณาจากเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับการแปลงข้อมูลว่าได้มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรจากการทดสอบสมมติฐาน (H_0 : ข้อมูลมีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร) เพื่อให้ทราบว่าการแปลงข้อมูลแบบใดเหมาะสมกับข้อมูลชุดนั้นๆ มากที่สุด
3. การทดลองซ้ำในแต่ละรอบจนกว่าผลต่างระหว่าง \bar{X} ในรอบที่ $i+1$ กับรอบที่ i มีค่าน้อยมากจนถือว่าไม่แตกต่างกัน โดยมีเกณฑ์ว่า $|\bar{X}_{i+1} - \bar{X}_i| \leq 0.0001$ (โดยที่ $i = 1, 2, \dots, k$ และ K คือจำนวนรอบในการทดลอง) จึงหยุดการทดลอง

คำจำกัดความที่ใช้ในการวิจัย

ในการวิจัยครั้งนี้มีคำจำกัดความที่ใช้ดังนี้

การแปลง (transformations) หมายถึง การเปลี่ยนค่าของข้อมูลด้วยรูปแบบที่เหมือนกันทั้งหมด ข้อมูล เพื่อปรับโครงสร้างของข้อมูลให้มีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรมากที่สุด

ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับในงานวิจัยครั้งนี้ คือ

1. เป็นแนวทางให้ผู้วิเคราะห์สามารถเลือกรูปแบบการแปลงข้อมูลที่เหมาะสมกับข้อมูลที่มีอยู่ เพื่อแปลงข้อมูลให้มีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรมากที่สุด
2. เพื่อทราบถึงปัจจัยที่มีผลต่อรูปแบบการแปลงข้อมูลที่ทำให้ข้อมูลมีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรมากที่สุด
3. เพื่อเป็นแนวทางในการศึกษาวิจัยต่อไป

บทที่ 2

ทฤษฎีที่เกี่ยวข้องกับการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้ทำการศึกษาเปรียบเทียบรูปแบบการแปลงข้อมูลจากข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่ปกติสำหรับหลายตัวแปรให้มีการแจกแจงเข้าสู่แบบปกติสำหรับหลายตัวแปร โดยพิจารณารูปแบบการแปลงข้อมูลทั้งหมด 5 รูปแบบ คือ การแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล การแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ การแปลงแบบ Guerrero-Johnson การแปลงแบบ Aranda-Oradaz และการแปลงแบบ scaled angular ภายใต้ลักษณะการแจกแจงของประชากรและสถานการณ์ต่างๆ ดังได้กล่าวในขอบเขตของการวิจัยในบทที่ 1

ในบทนี้จะกล่าวถึงรายละเอียดของรูปแบบการแปลงข้อมูลแต่ละรูปแบบ และรายละเอียดของการแจกแจงที่ใช้ในการวิจัย ดังนี้

รูปแบบการแปลงข้อมูลที่ศึกษา

1. การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล (folded exponential transformations)

ในปี ค.ศ. 2003 Hans-Peter Piepho ได้เสนอวิธีการแปลงข้อมูล ซึ่งการแปลงข้อมูลรูปแบบนี้สามารถใช้ได้กับข้อมูลที่อยู่ระหว่าง $[0,1]$ ด้วยวิธีการแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล มีรูปแบบคือ

$$y' = \begin{cases} \frac{\exp(\lambda x) - \exp\{\lambda(1-x)\}}{2\lambda} & \lambda \neq 0 \\ x - \frac{1}{2} & \lambda = 0 \end{cases}$$

2. การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ (folded power transformations)

ศึกษาจาก หนังสือ Plot, Transformation and Regression รวบรวมโดย A.C. Atkinson (1985) ซึ่งการแปลงข้อมูลรูปแบบนี้สามารถใช้ได้กับข้อมูลที่อยู่ระหว่าง $(0,1)$ ด้วยวิธีการแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ มีรูปแบบคือ

$$y' = \begin{cases} x^\lambda - (1-x)^\lambda & \lambda \neq 0 \\ \log\left(\frac{x}{1-x}\right) & \lambda = 0 \end{cases}$$

3. การแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson (Guerrero-Johnson transformations)

ในปี ค.ศ. 1982 Victor M. Guerrero และ Rivhard A. Johnson ได้เสนอวิธีการแปลงข้อมูล ซึ่งการแปลงข้อมูลรูปแบบนี้สามารถใช้ได้กับข้อมูลที่อยู่ระหว่าง (0,1) ด้วยวิธีการแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson มีรูปแบบคือ

$$y' = \begin{cases} \left(\frac{x}{1-x}\right)^\lambda - 1 & \lambda \neq 0 \\ \log\left(\frac{x}{1-x}\right) & \lambda = 0 \end{cases}$$

4. การแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz (Aranda-Ordaz transformations)

ในปี ค.ศ. 1981 Francisco J. Aranda-Ordaz ได้เสนอวิธีการแปลงข้อมูล ซึ่งการแปลงข้อมูลรูปแบบนี้สามารถใช้ได้กับข้อมูลที่อยู่ระหว่าง (0,1) ด้วยวิธีการแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz มีรูปแบบคือ

$$y' = \begin{cases} \frac{\{x^\lambda - (1-x)^\lambda\}}{\{x^\lambda + (1-x)^\lambda\}} & \lambda \neq 0 \\ \log\left(\frac{x}{1-x}\right) & \lambda = 0 \end{cases}$$

5. การแปลงข้อมูลแบบ scaled angular (scaled angular transformations)

ในปี ค.ศ. 2003 Hans-Peter Piepho เพื่อให้มีความยืดหยุ่นในการแปลงข้อมูลมากขึ้นจึงได้ทำการประยุกต์วิธีการ ได้เสนอวิธีการแปลงข้อมูลแบบ scaled angular มีรูปแบบคือ

$$y' = \begin{cases} 2 \sin^{-1}(\sqrt{x})/\pi & 0 \leq x < 1 \\ -\cos^{-1}(2x-1) & x = 1 \end{cases}$$

สัมประสิทธิ์ความเบ้ (coefficient of skewness)

สัมประสิทธิ์ความเบ้ใช้สัญลักษณ์แทนด้วย γ_1 เป็นค่าที่ใช้วัดความสมมาตรหรือความเบ้ (skewness) ของการแจกแจง

- ถ้าการแจกแจงไม่มีความเบ้ หรือมีความสมมาตร (symmetry) จะได้ค่า $\gamma_1 = 0$
- ถ้าการแจกแจงเบ้ขวา(right skewness) หรือเบ้บวก(positive skewness) จะได้ค่า $\gamma_1 > 0$

- ถ้าการแจกแจงเบ้ซ้าย(left skewness) หรือเบ้ลบ(negative skewness) จะได้ค่า $\gamma_1 < 0$
การวัดความเบ้หรือหาค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ γ_1 ของการแจกแจงนั้น จะพิจารณาจากค่า
โมเมนต์ที่ 3 รอบค่าเฉลี่ย โดยที่ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ γ_1 ของการแจกแจงของ X มีนิยามดังนี้

$$\gamma_1 = \frac{E[(X - E(X))^3]}{(\text{Var}(X))^{3/2}}$$

ในกรณีที่ไมทราบค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ γ_1 ของการแจกแจงของ X เราสามารถประมาณค่า
สัมประสิทธิ์ความเบ้ γ_1 ได้จากข้อมูลตัวอย่างโดยใช้ตัวประมาณโมเมนต์ซึ่งมีสูตรดังนี้

$$\gamma_1 = \frac{\left[\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^3}{n} \right]}{\left(\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n} \right)^{3/2}}$$

สัมประสิทธิ์ความโด่ง (coefficient of kurtosis)

สัมประสิทธิ์ความโด่งใช้สัญลักษณ์แทนด้วย γ_2 เป็นค่าที่ใช้วัดความโด่งชั้นของการแจกแจง ซึ่งใน
การพิจารณาความโด่งชั้นของการแจกแจงนั้นจะใช้ความโด่งชั้นของการแจกแจงแบบปกติเป็นฐานในการ
เปรียบเทียบว่าการแจกแจงนั้น มีความโด่งชั้นมากน้อยอย่างไร

- ถ้าการแจกแจงแบบปกติจะมีค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง $\gamma_2 = 3$
- ถ้าการแจกแจงของประชากรใดมีค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง $\gamma_2 > 3$ เราเรียกว่าโด่งชั้นมากกว่า
การแจกแจงแบบปกติ (leptokurtic)
- ถ้าการแจกแจงของประชากรใดมีค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง $\gamma_2 < 3$ เราเรียกว่าโด่งชั้นน้อยกว่า
การแจกแจงแบบปกติ (platykurtic)

การวัดความโด่งหรือหาค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง γ_2 ของการแจกแจงนั้น จะพิจารณาจากค่า
โมเมนต์ศูนย์กลางอันดับที่ 4 โดยที่ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง γ_2 ของการแจกแจงของ X จะมีนิยามดังนี้

$$\gamma_2 = \frac{E[(X - E(X))^4]}{(\text{Var}(X))^2}$$

ในกรณีที่ไมทราบค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง γ_2 ของการแจกแจงของ X เราสามารถประมาณค่า
สัมประสิทธิ์ความโด่ง γ_2 ได้จากข้อมูลตัวอย่างโดยใช้ตัวประมาณโมเมนต์ซึ่งมีสูตรดังนี้

$$\gamma_2 = \frac{\left[\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^4 / n \right]}{\left(\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 / n \right)^2}$$

ข้อมูลที่มีการตัดปลาย (Truncated Data)

ลักษณะข้อมูลที่ถูกตัดปลายทั้งทางซ้ายและทางขวา

$$Y = \begin{cases} X & : d < X \leq m \\ m & : X > m \end{cases}$$

ฉะนั้นฟังก์ชันความหนาแน่นของ Y คือ

$$f_y(X) = \frac{f_x(X)}{F_x(m) - F_x(d)} ; d < X \leq m$$

และฟังก์ชันการแจกแจงสะสมของ Y คือ

$$F_y(X) = \frac{F_x(X) - F_x(d)}{F_x(m) - F_x(d)} ; d < X \leq m$$

โดยที่ Y คือ ตัวแปรสุ่มความเสียหายที่มีการเก็บบันทึก

X คือ ตัวแปรสุ่มความเสียหายที่เกิดขึ้นจริง

d คือ ค่าความรับผิดชอบส่วนแรก

m คือ ค่าความรับผิดชอบสูงสุด

$F_y(X)$ คือ ฟังก์ชันการแจกแจงสะสมของตัวแปรสุ่ม Y

$F_x(X)$ คือ ฟังก์ชันการแจกแจงสะสมของตัวแปรสุ่ม X

การแจกแจงของประชากรที่ทำการวิจัย

ในการศึกษาวิจัยจะทำการศึกษาในกรณีที่ประชากรมีการแจกแจงที่ไม่ใช่การแจกแจงแบบปกติ ดังต่อไปนี้

1. การแจกแจงแบบไวบูลล์ (Weibull Distribution)

กำหนดให้ X เป็นตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ ด้วยพารามิเตอร์ α และ β จะได้

ฟังก์ชันความหนาแน่นของ X เป็นดังนี้

$$f(x) = \alpha\beta x^{\beta-1} e^{-\alpha x^\beta} , \quad x \geq 0; \alpha > 0, \beta > 0$$

โดยที่

X เป็นค่าของข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์

α เป็นพารามิเตอร์สัดส่วน (shape parameter) ของการแจกแจง

β เป็นพารามิเตอร์มาตราส่วน (scale parameter) ของการแจกแจง

ถ้าตัวแปรสุ่ม X มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ จะได้ว่า

1. ค่าเฉลี่ยของตัวแปรสุ่ม X

$$E(X) = \frac{\Gamma\left(1 + \frac{1}{\beta}\right)}{\alpha^{1/\beta}}$$

2. ค่าความแปรปรวนของตัวแปรสุ่ม X

$$\text{Var}(X) = \frac{\Gamma\left(1 + \frac{2}{\beta}\right) - \left[\Gamma\left(1 + \frac{1}{\beta}\right)\right]^2}{\alpha^{2/\beta}}$$

3. ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ (γ_1)

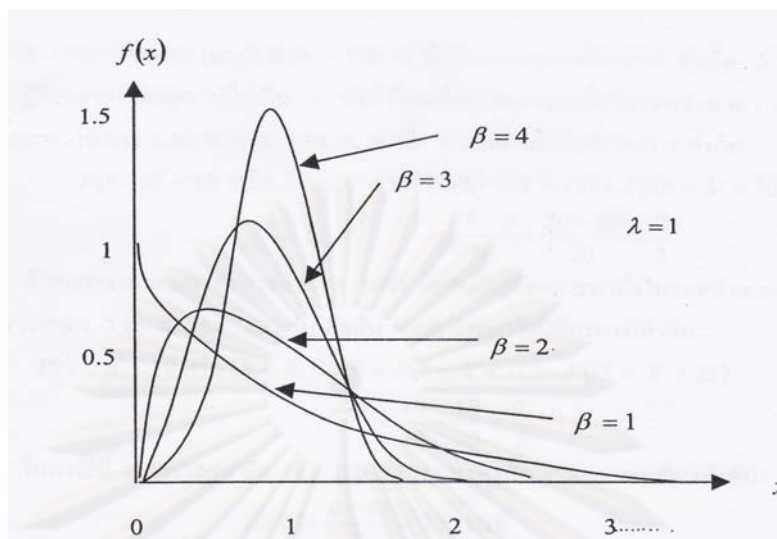
$$\gamma_1 = \frac{\Gamma\left(1 + \frac{3}{\beta}\right) - 3\Gamma\left(1 + \frac{2}{\beta}\right)\Gamma\left(1 + \frac{1}{\beta}\right) + 2\left[\Gamma\left(1 + \frac{1}{\beta}\right)\right]^3}{\left[\Gamma\left(1 + \frac{2}{\beta}\right) - \left[\Gamma\left(1 + \frac{1}{\beta}\right)\right]^2\right]^{3/2}}$$

4. ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง (γ_2)

$$\gamma_2 = \frac{\Gamma\left(1 + \frac{4}{\beta}\right) + 6\Gamma\left(1 + \frac{2}{\beta}\right)\left[\Gamma\left(1 + \frac{1}{\beta}\right)\right]^2 - 3\left[\Gamma\left(1 + \frac{1}{\beta}\right)\right]^4 - 4\Gamma\left(1 + \frac{3}{\beta}\right)\Gamma\left(1 + \frac{1}{\beta}\right)}{\left[\Gamma\left(1 + \frac{2}{\beta}\right) - \left[\Gamma\left(1 + \frac{1}{\beta}\right)\right]^2\right]^2}$$

กราฟแสดงฟังก์ชันความหนาแน่นของการแจกแจงไวบูลล์ ที่มีค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ γ_1 และสัมประสิทธิ์ความโด่ง γ_2 ต่างๆ แสดงดังรูปที่ 2.1

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



ภาพที่ 2.1 ฟังก์ชันความหนาแน่นของการแจกแจงไวบูลล์

2. การแจกแจงแบบแกมมา (Gamma Distribution)

กำหนดให้ X เป็นตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงแบบแกมมา ด้วยพารามิเตอร์ α และ β จะได้ฟังก์ชันความหนาแน่นของ X เป็นดังนี้

$$f(x) = \frac{\lambda^\alpha}{\Gamma(\alpha)} x^{\alpha-1} e^{-\beta x}, \quad x \geq 0; \alpha > 0, \lambda > 0$$

โดยที่

X เป็นค่าของข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบแกมมา

α เป็นพารามิเตอร์สัดส่วน (shape parameter) ของการแจกแจง

λ เป็นพารามิเตอร์มาตราส่วน (scale parameter) ของการแจกแจง

ถ้าตัวแปรสุ่ม X มีการแจกแจงแบบแกมมา จะได้ว่า

1. ค่าเฉลี่ยของตัวแปรสุ่ม X

$$E(X) = \frac{\alpha}{\lambda}$$

2. ค่าความแปรปรวนของตัวแปรสุ่ม X

$$\text{Var}(X) = \frac{\alpha}{\lambda^2}$$

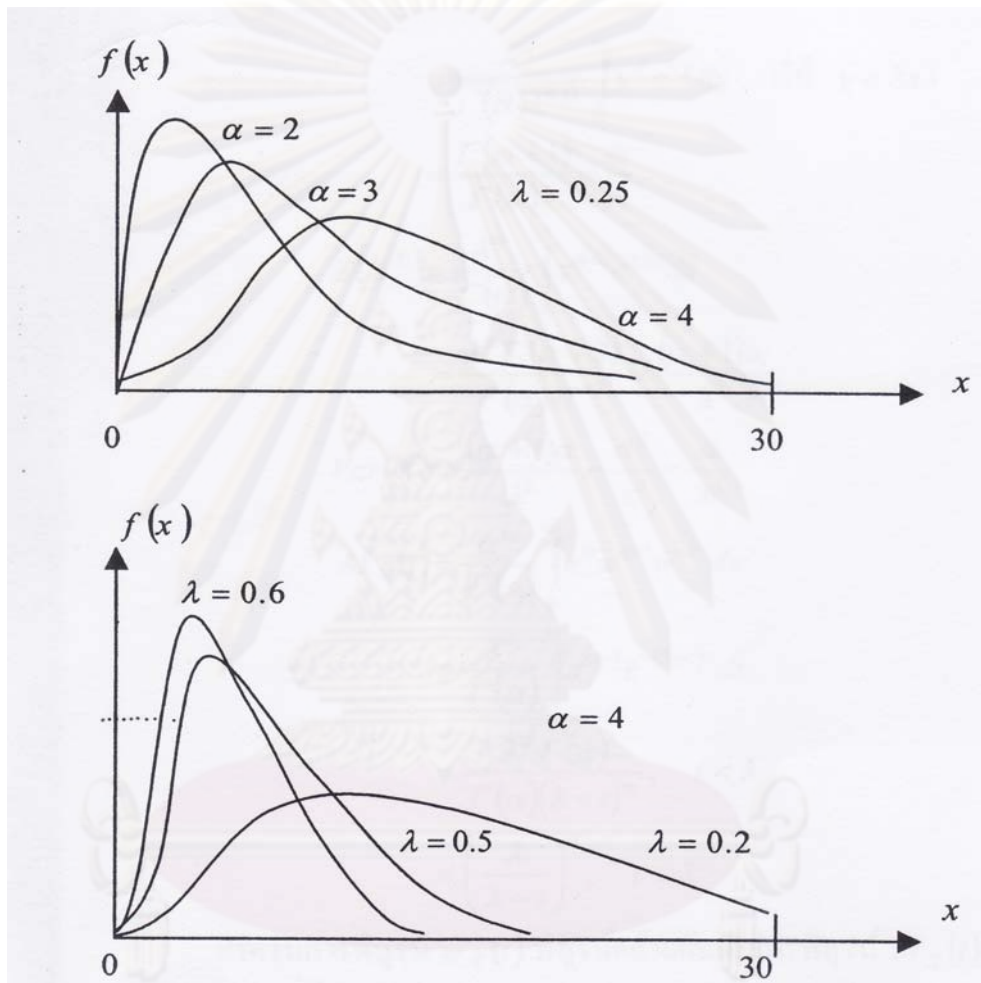
3. ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ (γ_1)

$$\gamma_1 = \frac{2}{\sqrt{\alpha}}$$

4. ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง (γ_2)

$$\gamma_2 = 3 + \frac{6}{\alpha}$$

กราฟแสดงฟังก์ชันความหนาแน่นของการแจกแจงแกมมา ที่มีค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ γ_1 และสัมประสิทธิ์ความโด่ง γ_2 ต่างๆ แสดงดังรูปที่ 2.2



ภาพที่ 2.2 ฟังก์ชันความหนาแน่นของการแจกแจงแกมมา

3. การแจกแจงแบบเบตา (Beta Distribution)

กำหนดให้ X เป็นตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงแบบเบตา ด้วยพารามิเตอร์ α และ β จะได้ฟังก์ชันความหนาแน่นของ X เป็นดังนี้

$$f(x) = \frac{\Gamma(\alpha + \beta)}{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)} x^{\alpha-1} (1-x)^{\beta-1}, \quad 0 \leq x \leq 1; \quad \alpha > 0, \quad \beta > 0$$

โดยที่

X เป็นค่าของข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบเบตา

α เป็นพารามิเตอร์สัดส่วน (shape parameter) ของการแจกแจง

β เป็นพารามิเตอร์มาตราส่วน (scale parameter) ของการแจกแจง

ถ้าตัวแปรสุ่ม X มีการแจกแจงแบบเบตา จะได้ว่า

1. ค่าเฉลี่ยของตัวแปรสุ่ม X

$$E(X) = \frac{\alpha}{\alpha + \beta}$$

2. ค่าความแปรปรวนของตัวแปรสุ่ม X

$$Var(X) = \frac{\alpha\beta}{(\alpha + \beta + 1)(\alpha + \beta)^2}$$

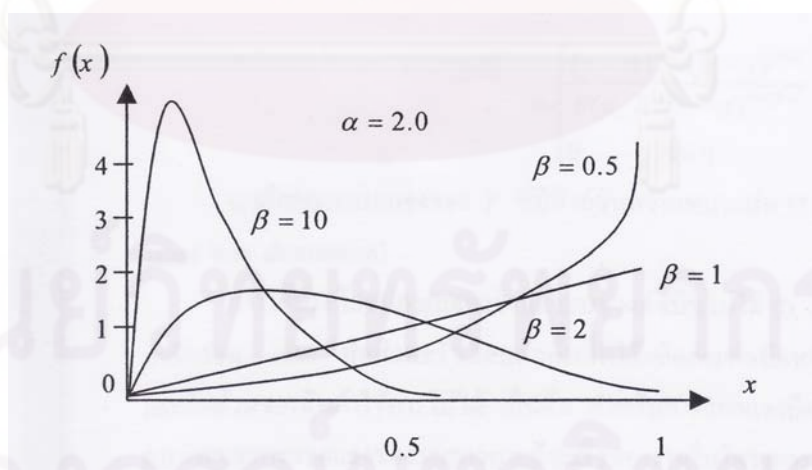
3. ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ (γ_1)

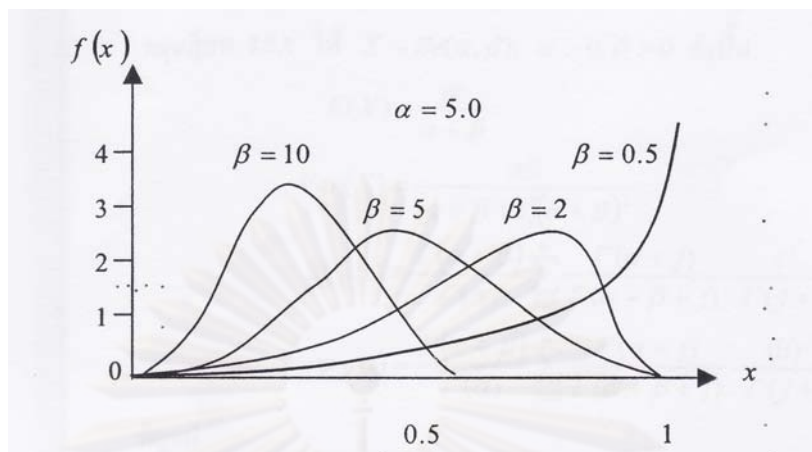
$$\gamma_1 = \frac{2(\beta - \alpha)(\alpha + \beta + 1)^{3/2}}{(\alpha + \beta + 2)(\alpha\beta)^{1/2}}$$

4. ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง (γ_2)

$$\gamma_2 = \frac{3(\alpha + \beta + 1)2(\alpha + \beta)^2 + \alpha\beta(\alpha + \beta - 6)}{(\alpha\beta)(\alpha + \beta + 2)(\alpha + \beta + 3)}$$

กราฟแสดงฟังก์ชันความหนาแน่นของการแจกแจงเบตา ที่มีค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ γ_1 และสัมประสิทธิ์ความโด่ง γ_2 ต่างๆ แสดงดังรูปที่ 2.3





ภาพที่ 2.3 ฟังก์ชันความหนาแน่นของการแจกแจงเบตา

สถิติที่ใช้ในการทดสอบการแจกแจง

ในการทดสอบว่าข้อมูลที่จะนำมาใช้ในการวิเคราะห์นั้นมาจากการแจกแจงแบบปกติหรือไม่ สามารถตรวจสอบได้หลายวิธี เช่น วิธีของมาร์เตียและเคนท์ (Mardia and Kent Method) วิธีของ Kanta Naito (Kanta Naito Method) วิธีของ Takeaki Kariya, Ruey S. Tsay และ Nobuhiko Terui (Takeaki Kariya, Ruey S. Tsay and Nobuhiko Terui Method) เป็นต้น ในการศึกษาครั้งนี้ผู้วิจัยจะเลือกใช้วิธีของ มาร์เตียและเคนท์ (Mardia and Kent Method) เนื่องจากเป็นวิธีที่มีประสิทธิภาพมากในหลายสถานการณ์การตรวจสอบ โดยมีข้อสมมติฐานในการทดสอบ ดังนี้

H_0 : ข้อมูลมีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร

H_1 : ข้อมูลไม่มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร

ค่าสถิติที่ใช้ในการทดสอบ คือ

$$T = T_3 + T_4$$

โดยที่

$$T_3 = \frac{1}{6}nb_{1,p}$$

$$T_4 = \frac{1}{24}n[b_{2,p}^* - 6b_{2,p} + 3p(p+2)]$$

$$b_{1,p} = \frac{1}{n^2} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n D_{ij}^3$$

$$b_{2,p} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n D_{ii}^2$$

$$b_{2,p}^* = \frac{1}{n^2} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n D_{ij}^4$$

และ $D_{ii} = (\tilde{x}_i - \bar{x})S^{-1}(\tilde{x}_i - \bar{x})$

$$D_{ij} = (\tilde{x}_i - \bar{x})S^{-1}(\tilde{x}_j - \bar{x})$$

เมื่อ p แทน จำนวนตัวแปร

\bar{x} แทน เวกเตอร์ค่าเฉลี่ยของตัวอย่าง

$$\bar{x} = \begin{bmatrix} \bar{x}_1 \\ \bar{x}_2 \\ \vdots \\ \bar{x}_p \end{bmatrix}$$

S แทน เมทริกซ์ความแปรปรวนร่วมของตัวอย่าง

$$S = \begin{bmatrix} S_{11} & S_{12} & \cdots & S_{1p} \\ S_{21} & S_{22} & \cdots & S_{2p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ S_{p1} & S_{p2} & \cdots & S_{pp} \end{bmatrix}$$

$$S_{ii} = \sum_{t=1}^n (x_{it} - \bar{x}_i)^2, \quad S_{ij} = \sum_{t=1}^n (x_{it} - \bar{x}_i)(x_{jt} - \bar{x}_j)$$

$b_{1,p}$ แทน สัมประสิทธิ์ความเบ้ของหลายตัวแปร

$b_{2,p}$ แทน สัมประสิทธิ์ความโด่งของหลายตัวแปร

D_{ii} แทน Mahalanobis distance ของ \tilde{x}_i

D_{ij} แทน Mahalanobis distance ของ $\tilde{x}_i - \bar{x}$ และ $\tilde{x}_j - \bar{x}$

ภายใต้ H_0 เป็นจริง จะได้ว่า $T_3 \sim \chi_{df=\frac{p(p+1)}{6}}^2$ และ $T_4 \sim \chi_{df=\frac{p(p+1)(p+2)(p+3)}{24}}^2$ เป็น

อิสระต่อกัน ดังนั้น $T \sim \chi_{df=\frac{p(p+1)(p+2)(p+7)}{24}}^2$

ซึ่งจะปฏิเสธสมมติฐานว่าง (H_0) เมื่อค่าสถิติที่ใช้ในการทดสอบที่คำนวณได้มีค่ามากกว่าค่าวิกฤต (χ^2) ที่ขนาดตัวอย่าง (n) และระดับนัยสำคัญที่ต้องการ

บทที่ 3

วิธีการดำเนินงาน

การวิจัยครั้งนี้เป็นการวิจัยเชิงทดลอง เพื่อหาข้อสรุปในการเปรียบเทียบรูปแบบการแปลงข้อมูล จากข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่ปกติหลายตัวแปรให้มีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงปกติหลายตัวแปร รูปแบบการแปลงข้อมูล 5 รูปแบบ คือ

1. การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโปเนนเชียล (folded exponential transformations)
2. การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ (folded power transformations)
3. การแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson (Guerrero-Johnson transformations)
4. การแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz (Aranda-Ordaz transformations)
5. การแปลงข้อมูลแบบ scaled angular (scaled angular transformations)

ในการศึกษาครั้งนี้ใช้โปรแกรม R หาค่าเปอร์เซ็นต์ของการยอมรับการแปลงข้อมูลว่าได้มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร (H_0 : ข้อมูลมีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร) กำหนดจำนวนรอบทำการทดลองซ้ำในแต่ละรอบจนกว่าผลต่างระหว่าง \bar{X} ในรอบที่ $i+1$ กับรอบที่ i มีค่าน้อยมากจนถือว่าไม่แตกต่างกัน โดยมีเกณฑ์ว่า $|\bar{X}_{i+1} - \bar{X}_i| \leq 0.0001$ (โดยที่ $i = 1, 2, \dots, k$ และ i คือรอบในการทดลอง) จึงหยุดการทดลอง และขั้นตอนแผนการดำเนินการวิจัย และขั้นตอนในการดำเนินการวิจัย จะนำเสนอเป็นลำดับดังต่อไปนี้

แผนการดำเนินการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์การยอมรับการแปลงข้อมูลว่าได้มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรของรูปแบบการแปลงข้อมูลที่ใช้ในการแปลงข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่ปกติหลายตัวแปร

ซึ่งผู้วิจัยได้กำหนดสถานการณ์ต่างๆ สำหรับการเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์การยอมรับการแปลงว่าได้มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรของรูปแบบการแปลงข้อมูลทั้ง 5 รูปแบบ มีดังนี้

3.1.1 กำหนดลักษณะการแจกแจงของประชากรที่ต้องการศึกษา โดยจะกำหนดค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ γ_1 และค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง γ_2 ของการแจกแจงให้มีค่าแตกต่างจากค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้

และค่าสัมประสิทธิ์ความโค้งของการแจกแจงปกติคือ 0 และ 3 ในระดับความแตกต่างจากน้อยไปมาก ซึ่งในการศึกษาวิจัยครั้งนี้จะกำหนดค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้และค่าสัมประสิทธิ์ความโค้งดังนี้

1. การแจกแจงแบบไวบูลล์ กำหนดค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร(C.V.) ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ ค่าสัมประสิทธิ์ความโค้ง ค่าพารามิเตอร์ α และ β ของการแจกแจงไวบูลล์ ดังนี้

ตารางที่ 3.1 ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้(γ_1) ค่าสัมประสิทธิ์ความโค้ง(γ_2) ค่าพารามิเตอร์ α, β และค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร ของการแจกแจงแบบไวบูลล์

γ_1	γ_2	α	β	C.V.
0.50	3.03	2.215	2	62.86
1.00	4.16	1.563	2	73.44
1.50	6.13	1.211	2	85.68
2.00	9.00	1	2	100.00
2.50	12.83	0.863	2	116.43

2. การแจกแจงแบบแกมมา กำหนดค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร(C.V.) ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ และค่าสัมประสิทธิ์ความโค้ง ค่าพารามิเตอร์ α และ λ ของการแจกแจงแกมมา ดังนี้

ตารางที่ 3.2 ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ ค่าสัมประสิทธิ์ความโค้ง ค่าพารามิเตอร์ α, λ และค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร ของการแจกแจงแบบแกมมา

γ_1	γ_2	α	λ	C.V.
0.50	3.38	16	1	25
1.00	4.5	4	1	50
1.50	6.37	1.78	1.23	75
2.00	9.00	1	0.8	100
2.50	12.38	0.64	1	125

3. การแจกแจงแบบเบตา กำหนดค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร(C.V.) ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ และค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง ค่าพารามิเตอร์ α และ β ของการแจกแจงเบตาดังนี้

ตารางที่ 3.3 ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ ค่าสัมประสิทธิ์ความโด่ง ค่าพารามิเตอร์ α, β และค่าสัมประสิทธิ์ความผันแปร ของการแจกแจงแบบเบตา

γ_1	γ_2	α	β	C.V.
-2.50	10.80	4.16	0.3	16.88
-2.00	8.15	2.33	0.3	18.82
-1.00	4.46	1.5	0.5	33.33
1.00	4.46	0.5	1.5	100.00
2.00	8.15	0.3	2.33	146.17
2.50	10.80	0.3	4.16	159.43

ตัวแปรแต่ละตัวที่นำมาศึกษา เป็นตัวแปรสุ่มต่อเนื่องที่เป็นอิสระต่อกัน และกำหนดให้ค่าความแปรปรวนในแต่ละกลุ่มมีค่าเท่ากัน ($\sigma_i^2 = \sigma^2$)

3.1.2 กำหนดวิธีการแปลงข้อมูลที่สนใจศึกษาในงานวิจัยครั้งนี้ ดังนี้

3.1.2.1 การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโปเนนเชียล (folded exponential transformations) ซึ่งมีรูปแบบดังนี้

$$y' = \begin{cases} \frac{\exp(\lambda x) - \exp\{\lambda(1-x)\}}{2\lambda} & \lambda \neq 0 \\ x - \frac{1}{2} & \lambda = 0 \end{cases}$$

3.1.2.2 การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ (folded power transformations) ซึ่งมีรูปแบบดังนี้

$$y' = \begin{cases} \frac{x^\lambda - (1-x)^\lambda}{\lambda} & \lambda \neq 0 \\ \log\left(\frac{x}{1-x}\right) & \lambda = 0 \end{cases}$$

3.1.2.3 การแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson (Guerrero-Johnson transformations) ซึ่งมี

รูปแบบดังนี้

$$y' = \begin{cases} \frac{\left(\frac{x}{1-x}\right)^\lambda - 1}{\lambda} & \lambda \neq 0 \\ \log\left(\frac{x}{1-x}\right) & \lambda = 0 \end{cases}$$

3.1.2.4 การแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz (Aranda-Ordaz transformations) ซึ่งมี

รูปแบบดังนี้

$$y' = \begin{cases} \frac{\{x^\lambda - (1-x)^\lambda\}}{\{x^\lambda + (1-x)^\lambda\}} & \lambda \neq 0 \\ \log\left(\frac{x}{1-x}\right) & \lambda = 0 \end{cases}$$

3.1.2.5 การแปลงข้อมูลแบบ scaled angular (scaled angular transformations) ซึ่งมี

รูปแบบดังนี้

$$y' = \begin{cases} 2 \sin^{-1}(\sqrt{x})/\pi & 0 \leq x < 1 \\ -\cos^{-1}(2x-1) & x = 1 \end{cases}$$

3.1.3 กำหนดจำนวนตัวแปรที่นำมาศึกษาเท่ากับ 2 และ 3 ตัวแปร

3.1.4 กำหนดขนาดตัวอย่างที่ศึกษาเท่ากับ 20, 30, 50 และ 100

3.1.5 กำหนดระดับนัยสำคัญของการทดสอบ คือ 0.05

ขั้นตอนในการดำเนินการวิจัย

1. จำลองข้อมูลที่เก็บบันทึกหลายตัวแปรที่มีค่า

$$\tilde{Y}_i = \begin{cases} \tilde{X}_i & : d < \tilde{X}_i \leq m \\ m & : \tilde{X}_i > m \end{cases}$$

โดยที่ \tilde{Y}_i คือ ข้อมูลที่เก็บบันทึกหลายตัวแปร \tilde{X}_i คือ ข้อมูลที่เกิดขึ้นจริงหลายตัวแปร

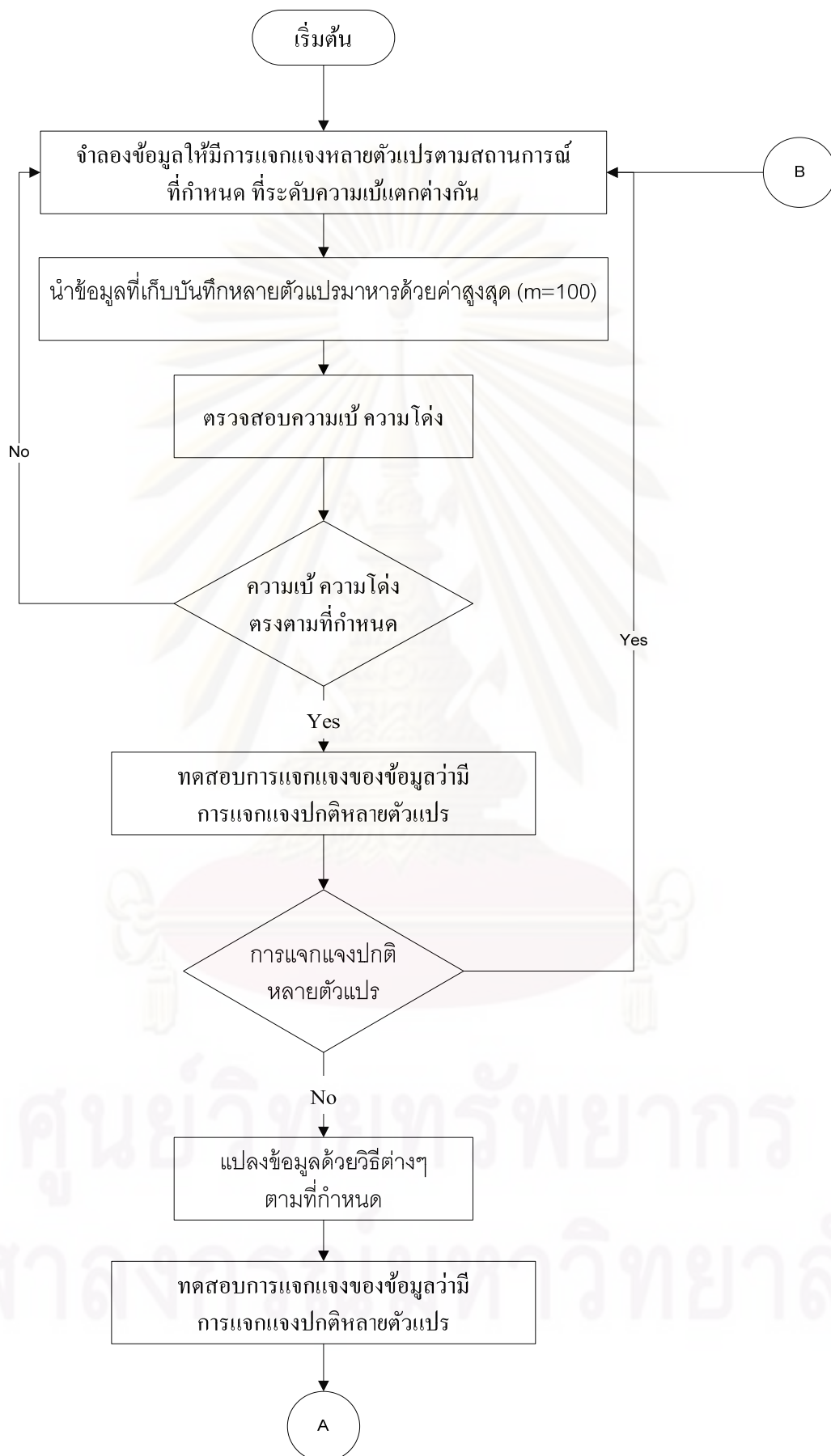
d คือ ค่าต่ำสุด(d=0)

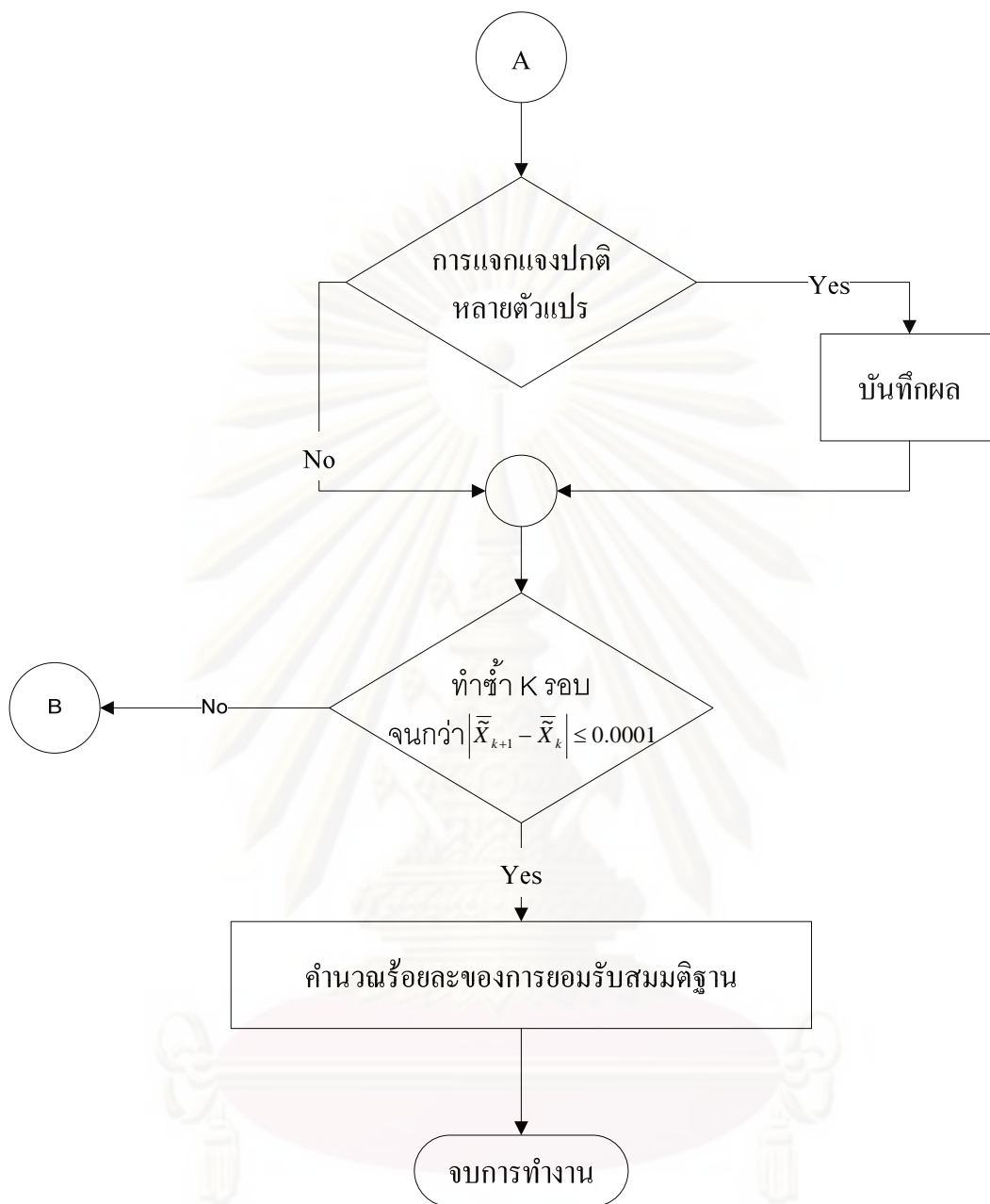
m คือ ค่าสูงสุด(m=100)

ที่การแจกแจงแบบต่างๆ ที่ความเบ้ ความโด่ง แตกต่างกันตามที่กำหนด

2. นำข้อมูลที่เก็บบันทึกหลายตัวแปรมาหารด้วยค่าสูงสุด ($m=100$)
3. ทำการตรวจสอบข้อมูลที่ได้จากการจำลองว่าเป็นข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่ปกติหลายตัวแปรก่อนทำการแปลงข้อมูล ด้วยวิธีของ มาร์เดียมและเคนท์ (Mardia and Kent Method)
4. ทำการแก้ไขปัญหาข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่ปกติหลายตัวแปรโดยการแปลงข้อมูลด้วยรูปแบบต่าง ๆ
5. ทำการทดสอบการแจกแจงของข้อมูลภายหลังการแปลงข้อมูลว่ามีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรหรือไม่ ด้วยวิธีของ มาร์เดียมและเคนท์ (Mardia and Kent Method)
6. ทำการทดลองซ้ำ k รอบจนกว่าจะได้ครบตามจำนวนรอบที่ต้องการ ซึ่งจะทำการนับจำนวนชุดข้อมูลที่มีการแจกแจงปกติหลายตัวแปร และนำค่าที่นับได้มาหาเปอร์เซ็นต์ของการยอมรับสมมติฐานว่าง (H_0 : ข้อมูลมีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร)
7. สรุปผลการแปลงข้อมูล

ขั้นตอนในการดำเนินการวิจัยทั้งหมดที่ได้กล่าวมาข้างต้นสามารถแสดงได้ดังรูปที่ 3.1





ศูนย์วิทยทรัพยากร

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

บทที่ 4

ผลการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้ทำเพื่อศึกษาและเปรียบเทียบรูปแบบการแปลงข้อมูลจากข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่ปกติหลายตัวแปรให้มีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร โดยพิจารณารูปแบบการแปลงข้อมูลทั้งหมด 5 รูปแบบ คือ การแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล การแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ การแปลงแบบ Guerrero-Johnson การแปลงแบบ Aranda-Oradaz และการแปลงแบบ สเกล แองกูลา โดยจะทำการแปลงข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่ปกติหลายตัวแปรซึ่งมีลักษณะการแจกแจง ความเบ้และความโด่งแตกต่างกันออกไป แล้วพิจารณาเปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างเพื่อดูว่ารูปแบบการแปลงแบบใดแปลงข้อมูลให้มีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรมากที่สุด การนำเสนอผลการวิจัยแบ่งเป็น 2 ส่วน

ส่วนที่ 1 การเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลโดยพิจารณาจากเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่าง เมื่อข้อมูลมีตัวแปร 2 ตัวแปร

ส่วนที่ 2 การเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลโดยพิจารณาจากเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่าง เมื่อข้อมูลมีตัวแปร 3 ตัวแปร

ซึ่งการนำเสนอผลการวิจัยทั้ง 2 ส่วนนี้จะนำเสนอในรูปแบบของตาราง โดยตารางที่จะนำเสนอจะแบ่งตามขนาดตัวอย่าง และการแจกแจงของประชากร ดังต่อไปนี้

- 1) การแจกแจงไวบูลล์
- 2) การแจกแจงแกมมา
- 3) การแจกแจงเบตา

สัญลักษณ์ที่ใช้ในการนำเสนอผลการวิจัย มีดังนี้

n	หมายถึง ขนาดตัวอย่าง
λ_1	หมายถึง เลขยกกำลังที่ใช้ในรูปแบบการแปลงตัวแปรตัวที่ 1
λ_2	หมายถึง เลขยกกำลังที่ใช้ในรูปแบบการแปลงตัวแปรตัวที่ 2
λ_3	หมายถึง เลขยกกำลังที่ใช้ในรูปแบบการแปลงตัวแปรตัวที่ 3
โฟลด์ เอกโพเนนเชียล	หมายถึง การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล
โฟลด์ พาวเวอร์	หมายถึง การแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

Guerrero-Johnson หมายถึง การแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson
Aranda-Ordaz หมายถึง การแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz
สเกล แองกูลา หมายถึง การแปลงข้อมูลแบบ สเกล แองกูลา



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ส่วนที่ 1 การเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลโดยพิจารณาจากเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างเมื่อข้อมูลมีตัวแปร 2 ตัวแปร

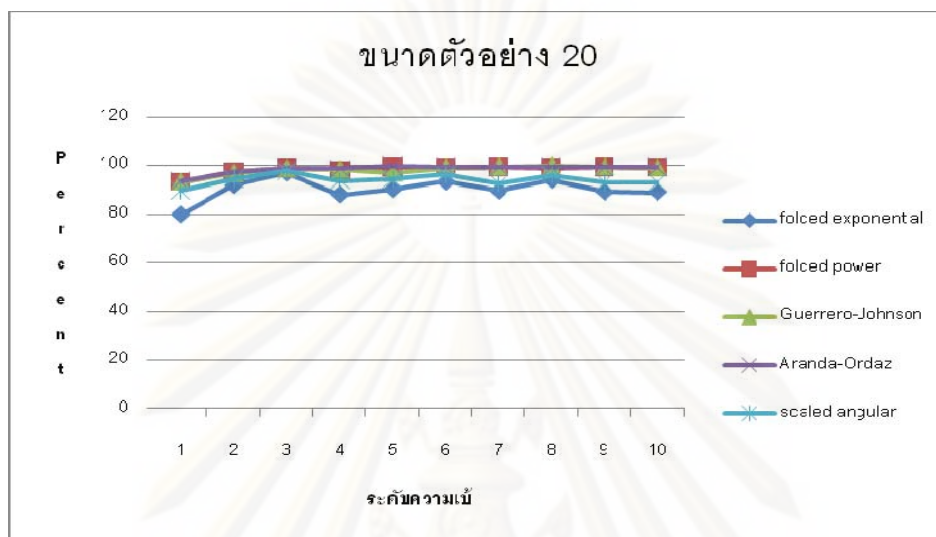
ตารางที่ 4.1 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่าง เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง					
				ไฟล์ต เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ต พาวเวอร์		
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	16	16	79.85	0.4	0.2	93.41
		1-1.5	4.16-6.13	16	15	92.05	0.3	0.5	97.55
		1.5-2	6.13-9	16	13-16	97.26	0.2-0.3	0.4-0.6	98.90
		2-2.5	9-12.83	16	11-12	88.12	0.2	0.4	98.34
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	16	15-16	90.35	0.2	0.3	99.42
		1.5-2	6.13-9	16	15-16	93.45	0.2-0.3	0.4	99.15
		2-2.5	9-12.83	16	12-16	89.62	0.3	0.4	99.53
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	16	16	94.25	0.2	0.4	99.14
		2-2.5	9-12.83	16	13-16	89.21	0.2	0.3	99.59
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	16	12-16	89.06	0.2	0.3	99.22

ตารางที่ 4.1(ต่อ)แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่าง เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้ ของ X_1	ความโค้ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโค้ง ของ X_2	วิธีการแปลง						
				Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz			สเกล แองกูลา
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	0.2-0.4	0.3-0.5	93.41	-0.5,0.5	-0.4,0.4	93.77	89.74
		1-1.5	4.16-6.13	0.2-0.3	0.5	96.94	-0.4,0.4	-0.6,0.6	97.55	94.5
		1.5-2	6.13-9	0.2-0.4	0.6	98.90	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.8- -0.6) ,(0.6-0.8)	99.18	97.81
		2-2.5	9-12.83	0.2	0.5	98.57	-0.3,0.3	-0.6,0.6	98.81	93.82
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	0.2	0.3	97.10	-0.3,0.3	-0.4,0.4	100	94.44
		1.5-2	6.13-9	0.3	0.4	99.15	-0.3,0.3	-0.5,0.5	99.58	96.41
		2-2.5	9-12.83	0.3	0.4-0.5	99.53	-0.4,0.4	(-0.6- -0.4) ,(0.4-0.6)	99.53	92.92
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	0.2	0.4	99.85	-0.3,0.3	-0.5,0.5	99.43	96.26
		2-2.5	9-12.83	0.2-0.5	0.3-0.4	99.59	-0.3,0.3	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	99.59	93.31
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.2-0.5	0.3-0.4	99.22	-0.3,0.3	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	99.48	93.23

รูปที่ 4.1 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20



จากตารางที่ 4.1 และรูปที่ 4.1 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 พบว่าวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงสุดด้วยค่า $\lambda_1 = -0.5, 0.5$ และค่า $\lambda_2 = -0.4, 0.4$

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 พบว่าวิธีการแปลงแบบ ฟอล์ด พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงสุด วิธีการแปลงแบบ ฟอล์ด พาวเวอร์ด้วยค่า $\lambda_1 = 0.3$ และค่า $\lambda_2 = 0.5$ และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ด้วยค่า $\lambda_1 = -0.4, 0.4$ และค่า $\lambda_2 = -0.6, 0.6$

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 พบว่าวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงสุดด้วยค่า $\lambda_1 = -0.4$ ถึง -0.3 และ 0.3 ถึง 0.4 และค่า $\lambda_2 = -0.8$ ถึง -0.6 และ 0.6 ถึง 0.8

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 พบว่าวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุดด้วยค่า $\lambda_1 = -0.3, 0.3$ และค่า $\lambda_2 = -0.6, 0.6$

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 พบว่าวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุดด้วยค่า $\lambda_1 = -0.3, 0.3$ และค่า $\lambda_2 = -0.4, 0.4$

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 พบว่าวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุดด้วยค่า $\lambda_1 = -0.3, 0.3$ และค่า $\lambda_2 = -0.5, 0.5$

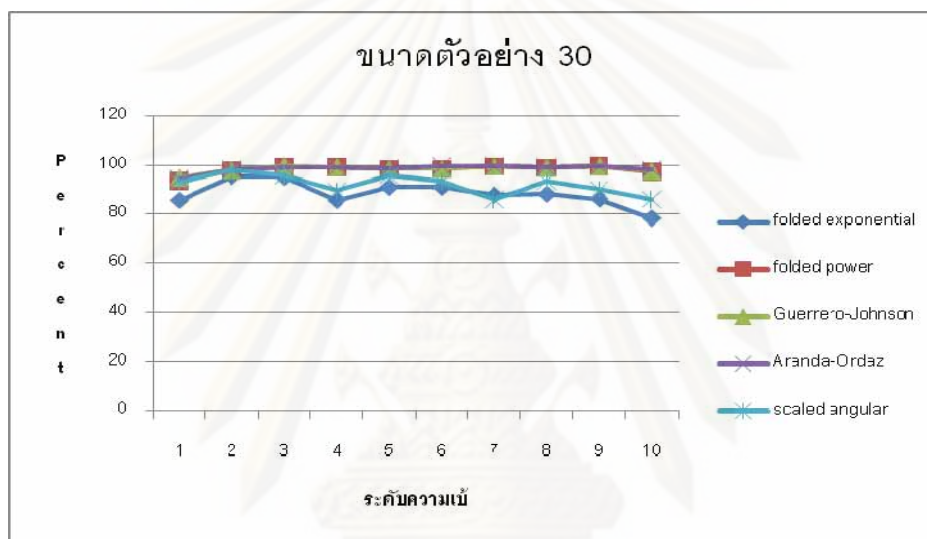
เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 พบว่าวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุดวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ด้วยค่า $\lambda_1 = 0.3$ และค่า $\lambda_2 = 0.4$ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ด้วยค่า $\lambda_1 = 0.3$ และค่า $\lambda_2 = 0.4$ ถึง 0.5 และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ด้วยค่า $\lambda_1 = -0.4, 0.4$ และค่า $\lambda_2 = -0.6$ ถึง -0.4 และ 0.4 ถึง 0.6

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 พบว่า วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุดวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ด้วยค่า $\lambda_1 = 0.2$ และค่า $\lambda_2 = 0.4$

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 พบว่าวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุดวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ด้วยค่า $\lambda_1 = 0.2$ และค่า $\lambda_2 = 0.3$ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ด้วยค่า $\lambda_1 = 0.2$ ถึง 0.5 และค่า $\lambda_2 = 0.3$ ถึง 0.4 และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ด้วยค่า $\lambda_1 = -0.3, 0.3$ และค่า $\lambda_2 = -0.5$ ถึง -0.3 และ 0.3 ถึง 0.5

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 พบว่าวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุดด้วยค่า $\lambda_1 = -0.3, 0.3$ และค่า $\lambda_2 = -0.5$ ถึง -0.3 และ 0.3 ถึง 0.5

รูปที่ 4.2 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30



จากรูปที่ 4.2 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30

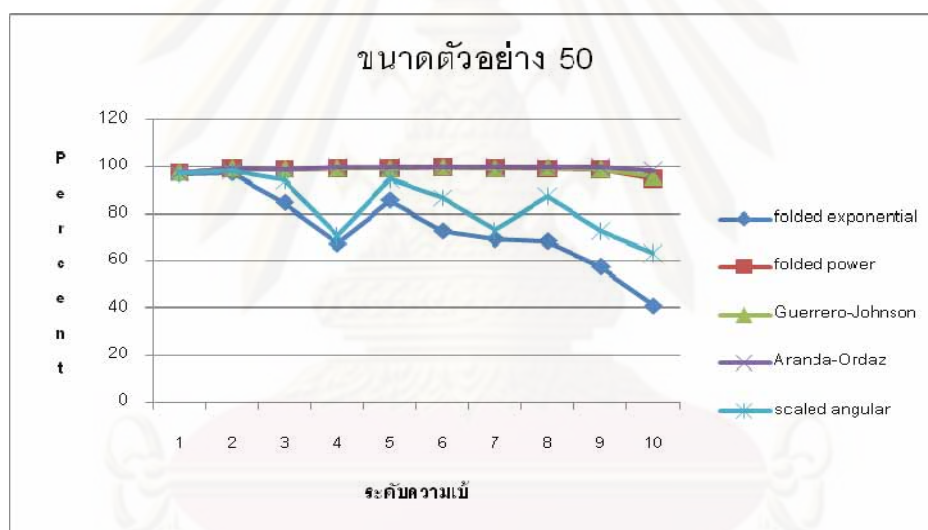
พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 และ 1.5 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 และ 2 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 2 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับ

สมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ สเกล แองกูลา

รูปที่ 4.3 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50



จากรูปที่ 4.3 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 2 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ สเกล แองกูลา

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

รูปที่ 4.4 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100



จากรูปที่ 4.4 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 และ 2 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

รูปที่ 4.5 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20

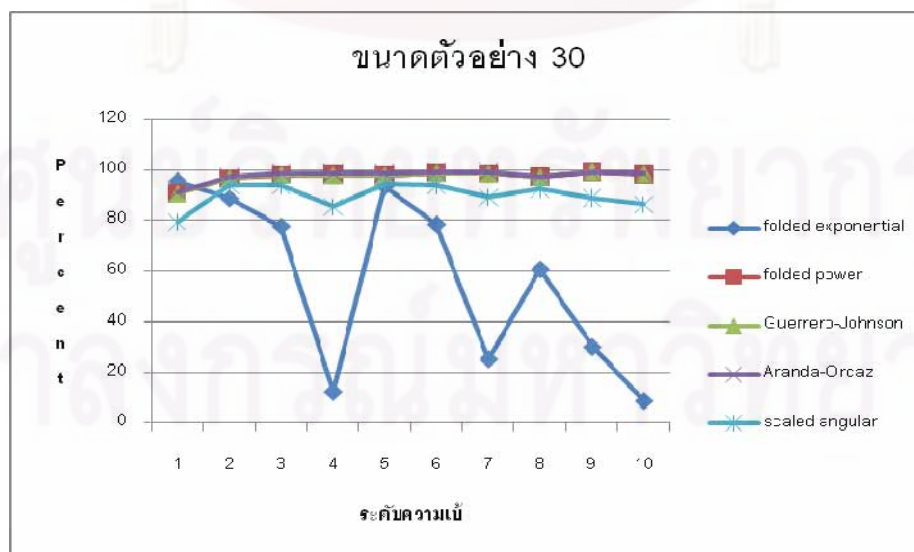


จากรูปที่ 4.5 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 และ 2 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz และ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ สเกล แองกูลา

รูปที่ 4.6 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30



จากรูปที่ 4.6 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

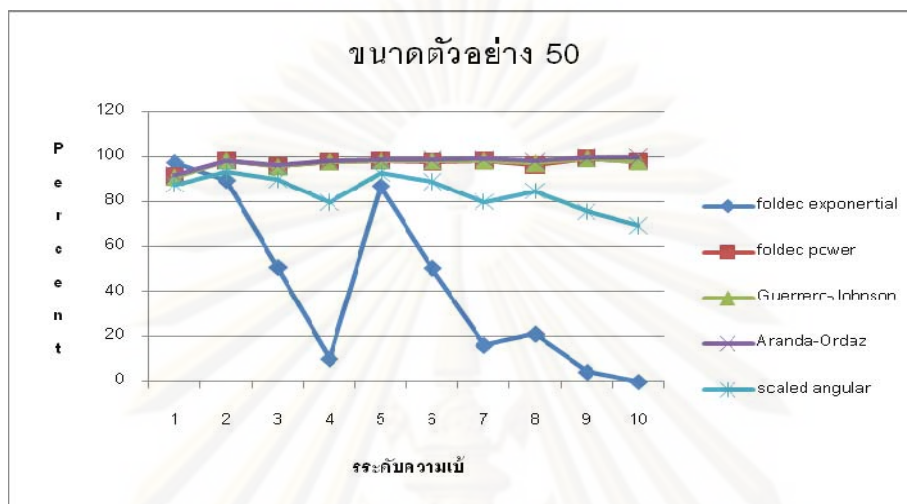
เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ สเกล แองกูลา

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

รูปที่ 4.7 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50



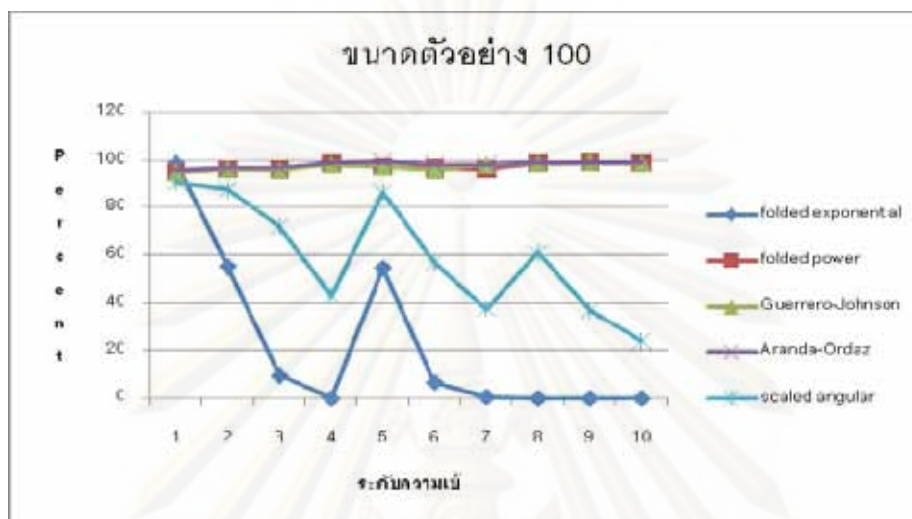
จากรูปที่ 4.7 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ สเกล แองกูลา

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

รูปที่ 4.8 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100



จากรูปที่ 4.8 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

รูปที่ 4.9 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20



จากรูปที่ 4.9 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ สเกล แองกูลา

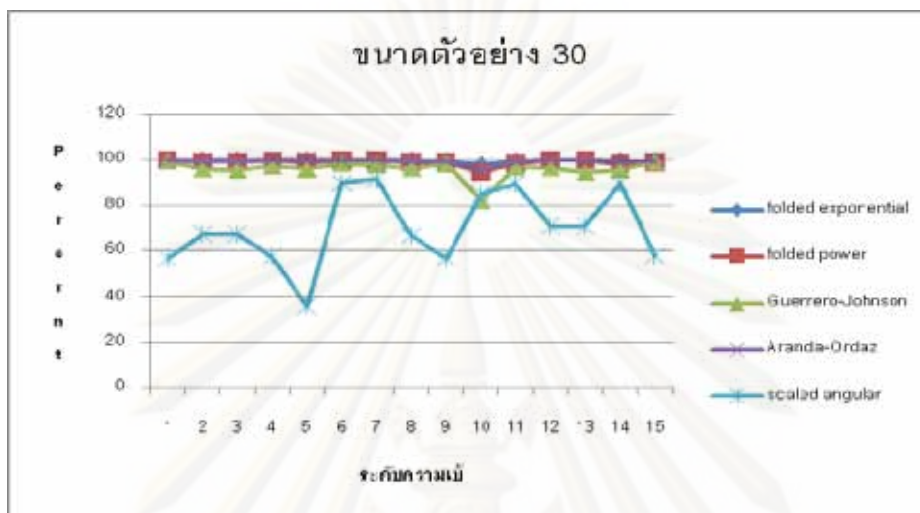
เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 1 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล และวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 2 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟล์ด เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ โฟล์ด พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟล์ด พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟล์ด เอกโพเนนเชียล และวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 และ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ โฟล์ด เอกโพเนนเชียล ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟล์ด พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

รูปที่ 4.10 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30



จากรูปที่ 4.10 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล และวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

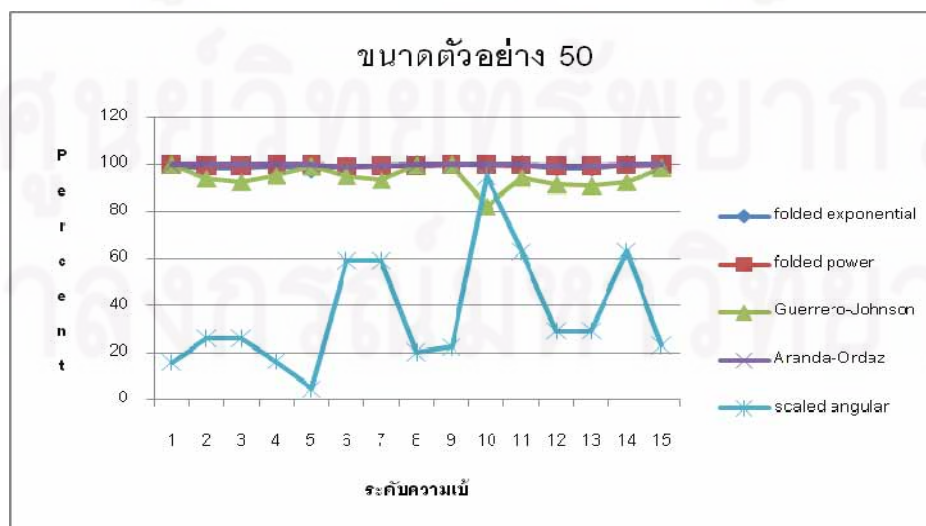
เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 1 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 2 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 1 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

รูปที่ 4.11 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50



จากรูปที่ 4.11 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 1 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล และวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 1 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

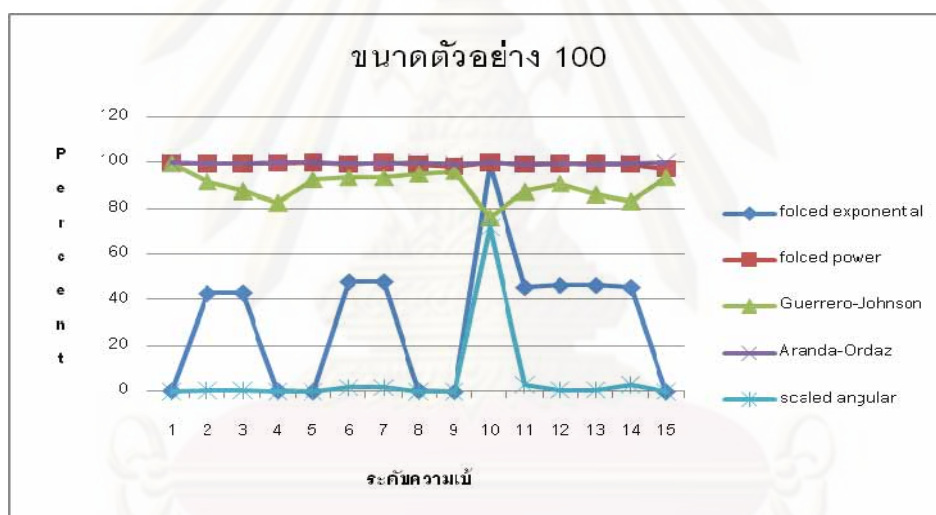
เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลง

แบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล

รูปที่ 4.12 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100



จากรูปที่ 4.12 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 และ 1 ถึง 2 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 และ 1 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการ

ยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 1 และ 2 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ส่วนที่ 2 การเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลโดยพิจารณาจากเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างเมื่อข้อมูลมีตัวแปร 3 ตัวแปร

ตารางที่ 4.13 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						โฟรต์ เอกโพเนนเชียล				โฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	20	19	20	91.37	0.3	0.4	0.2	96.86
				1.5-2	6.13-9	20	(13-14), (19-20)	20	92.57	0.3-0.4	0.5	0.2	97.75
				2-2.5	9-12.83	20	12,(14-15), (17-18)	20	93.44	0.4	0.4	0.1	97.75
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	20	20	92.35	0.3	0.5	0.2	97.53
				2-2.5	9-12.83	20	(15-16),18	20	93.68	0.3-0.4	0.4-0.5	0.1-0.2	97.79
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	20	20	93.20	0.2	0.5
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	20	20	92.52	0.3	0.3	0.2	98.06
				2-2.5	9-12.83	20	19-20	20	93.16	0.3	0.3	0.1	97.82
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	20	20	92.88	0.2	0.4	0.2	97.80
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	19-20	20	92.77	0.3	0.3	0.2	97.79

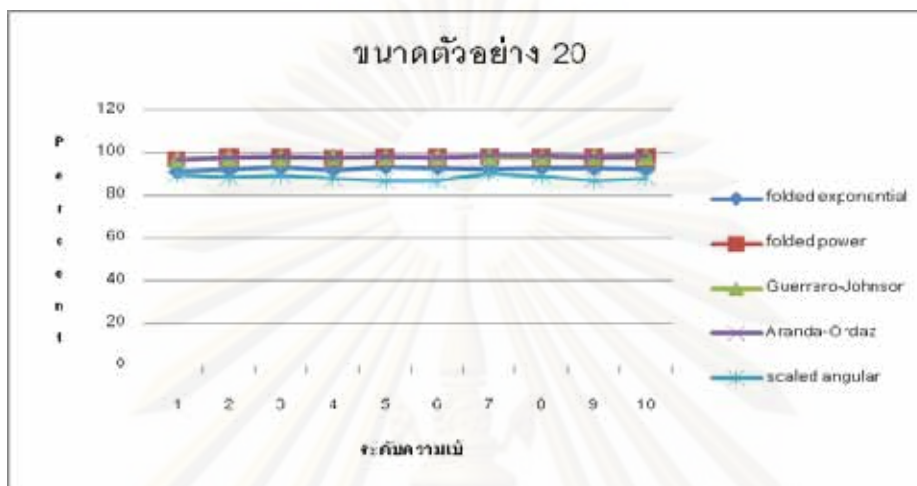
ตารางที่ 4.13(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	0.3	0.5	0.2	96.86	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3	96.86
				1.5-2	6.13-9	0.3-0.4	0.5	0.2	97.75	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3	97.97
				2-2.5	9-12.83	0.4	0.5	0.2	97.75	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.2,0.2	98.27
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	0.3	0.5	0.2	97.86	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	97.75
				2-2.5	9-12.83	0.3	0.5	0.2	97.95	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.2,0.2	98.26
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.2	0.5	0.2	98.06	(-0.4- -0.3) (0.3,0.4)	-0.5,0.5	-0.3,0.3	97.92
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	0.2-0.3	0.4	0.2	98.06	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	98.58
				2-2.5	9-12.83	0.3	0.4	0.2	97.96	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	98.54
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.2	0.4	0.2	98.06	(-0.4- -0.3) (0.3,0.4)	-0.5,0.5	-0.3,0.3	98.45
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.3	0.3	0.2	98.14	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	98.60

ตารางที่ 4.13(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	90.04
				1.5-2	6.13-9	88.30
				2-2.5	9-12.83	89.55
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	87.94
				2-2.5	9-12.83	86.87
				1.5-2	6.13-9	86.89
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	90.58
				2-2.5	9-12.83	89.23
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	87.18
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	88.23

รูปที่ 4.13 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20



จากรูปที่ 4.13 และรูปที่ 4.13 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20

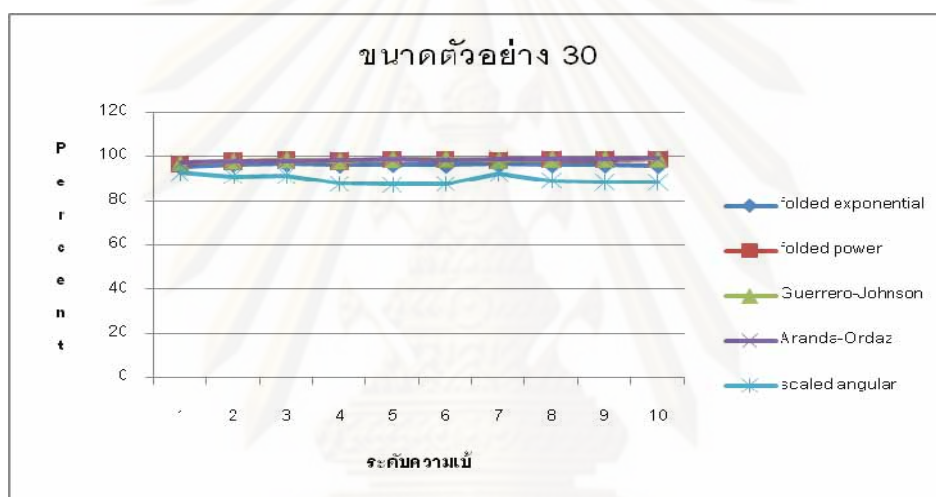
พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 3 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 พบว่าวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างที่สุดวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ด้วยค่า $\lambda_1 = 0.3$ ค่า $\lambda_2 = 0.4$ และค่า $\lambda_3 = 0.2$ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ด้วยค่า $\lambda_1 = 0.3$ ค่า $\lambda_2 = 0.5$ และค่า $\lambda_3 = 0.2$ และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ด้วยค่า $\lambda_1 = -0.5, 0.5$ และค่า $\lambda_2 = -0.5, 0.5$ และค่า $\lambda_3 = -0.3, 0.3$

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 3 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 พบว่า วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างที่สุด วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ด้วยค่า $\lambda_1 = -0.5, 0.5$ และค่า $\lambda_2 = -0.5, 0.5$ และค่า $\lambda_3 = -0.3, 0.3$

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 3 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 พบว่า วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 3 ตั้งตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 พบว่า วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ด้วยค่า $\lambda_1 = -0.4, 0.4$ และค่า $\lambda_2 = -0.5, 0.5$ และค่า $\lambda_3 = -0.3, 0.3$

รูปที่ 4.14 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30



จากรูปที่ 4.14 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่

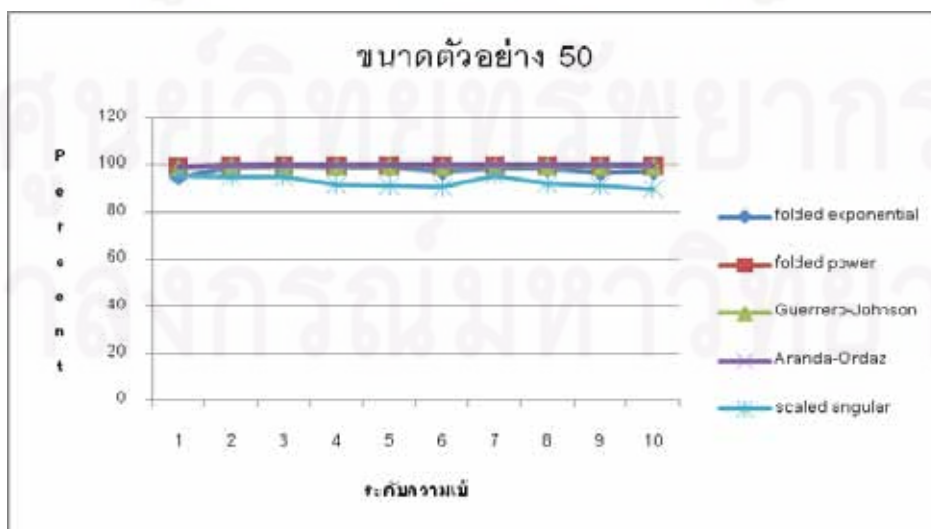
2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโปเนนเชียล

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

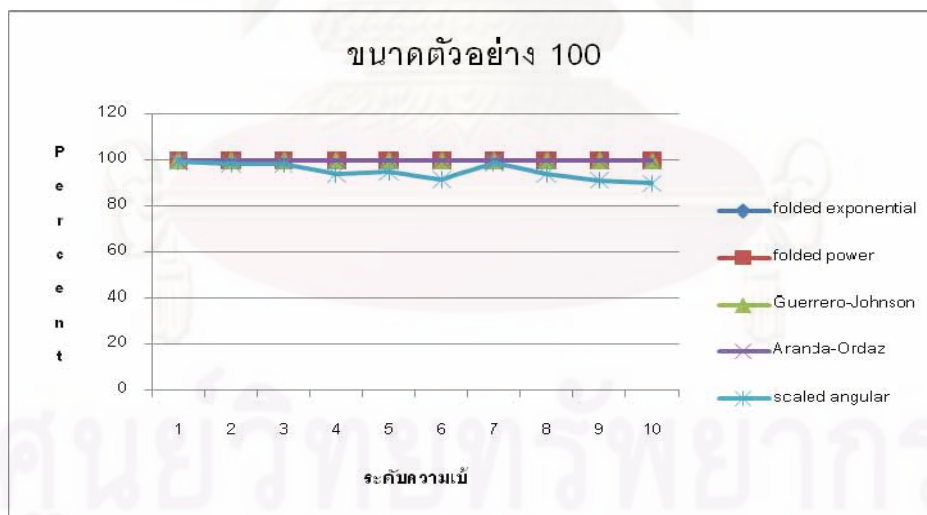
รูปที่ 4.15 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50



จากรูปที่ 4.15 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ด พาวเวอร์ ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ด พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

รูปที่ 4.16 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100



จากรูปที่ 4.16 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1.5 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ สเกล แองกูลา

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1.5 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล

รูปที่ 4.17 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20



จากรูปที่ 4.17 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

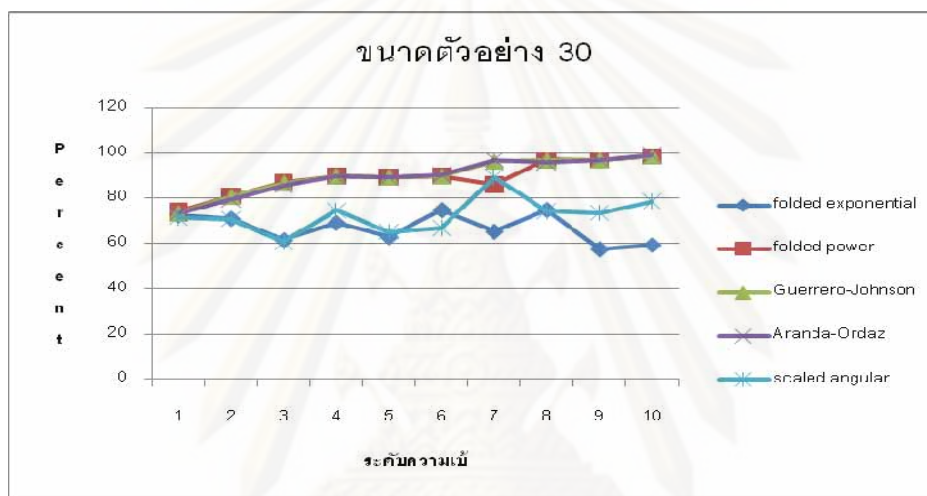
เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบสเกล แองกูลา

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30

รูปที่ 4.18 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30



จากรูปที่ 4.18 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ สเกล แองกูลา

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 5 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

รูปที่ 4.19 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่าง

50



เท่ากับ

จากรูปที่ 4.19 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50

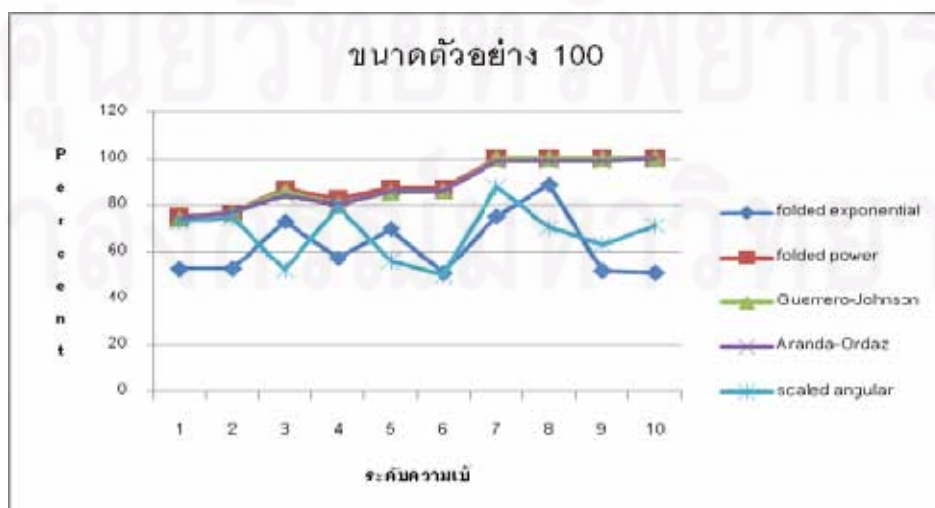
พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างที่สูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานว่างที่สูงสุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานว่างที่สูงสุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

รูปที่ 4.20 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ

100



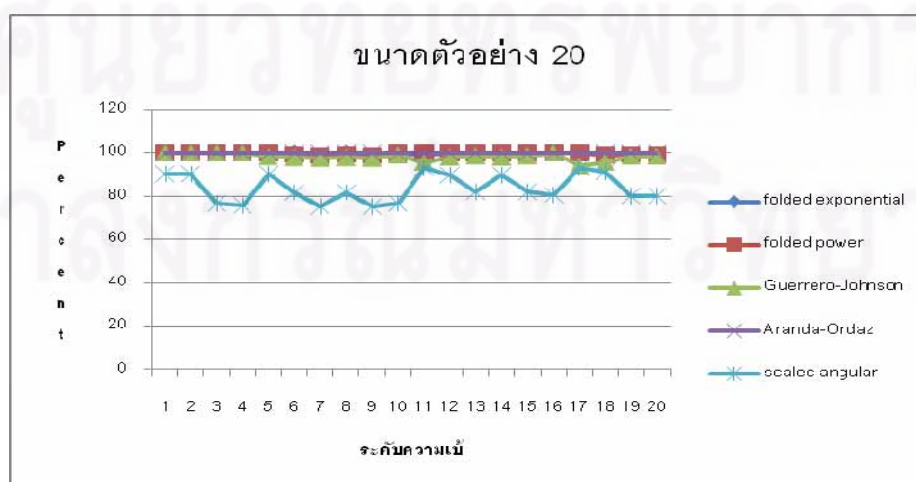
จากรูปที่ 4.20 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 1.5 และระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0 ถึง 0.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมา คือ วิธีการแปลงแบบสเกล แองกูลา

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1.5 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1.5 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

รูปที่ 4.21 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20



จากรูปที่ 4.21 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20

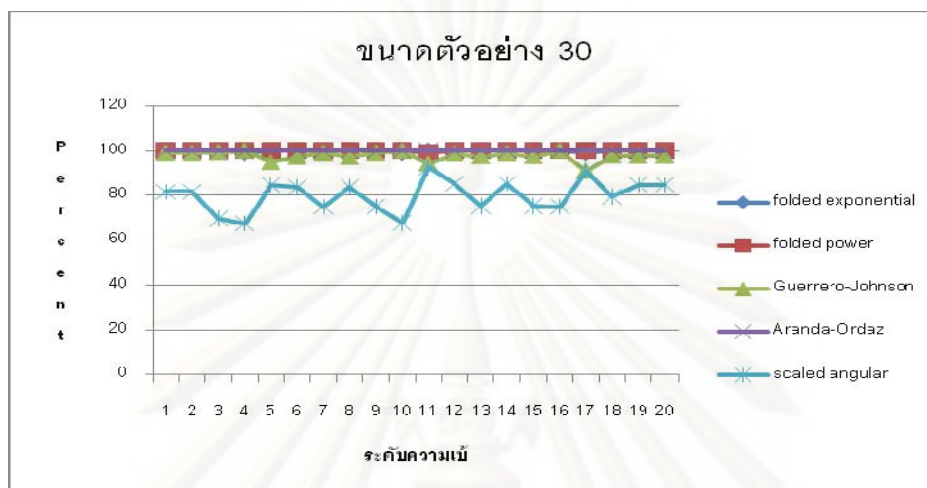
พบว่าเมื่อระดับความเบ้ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โพลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ โพลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ สเกล แองกูลา

เมื่อระดับความเบ้ตั้งแต่ -2.5 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -1 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โพลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ โพลด์ พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 วิธีการแปลงแบบ โพลด์ พาวเวอร์ ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โพลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

ศูนย์วิจัยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

รูปที่ 4.22 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30



จากรูปที่ 4.22 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ สเกล แองกูลา

เมื่อระดับความเบ้ตั้งแต่ -2.5 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -1 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Aranda-

Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

รูปที่ 4.23 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50



จากรูปที่ 4.23 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50

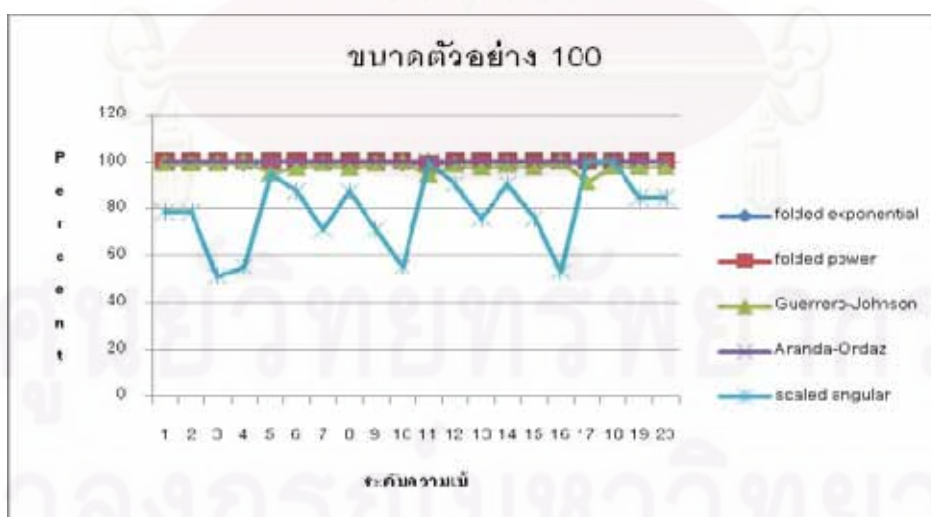
พบว่าเมื่อระดับความเบ้ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 2 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลง

แบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ สเกล แองกูลา

เมื่อระดับความเบ้ตั้งแต่ -2.5 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 2.5 ระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -1 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 0 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 1 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงสุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz

รูปที่ 4.24 การเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100



จากรูปที่ 4.24 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานว่างของรูปแบบการแปลง 5 รูปแบบ โดยจำแนกตามความเบ้และความโด่งเมื่อระดับต่างๆเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตาที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100

พบว่าเมื่อระดับความเบ้ตั้งแต่ -2.5 ถึง -2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -2 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง -2 ระดับความเบ้ตั้งแต่ -2.5 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง -1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 2.5 และระดับความเบ้ตั้งแต่ -1 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 0 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือวิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson

เมื่อระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 1 ตั้งแต่ -2 ถึง 1 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ -1 ถึง 2 กับระดับความเบ้ของตัวแปรตัวที่ 2 ตั้งแต่ 1 ถึง 2.5 วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์สูงสุดการยอมรับสมมติฐานสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล

ศูนย์วิทยทรัพยากร

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

บทที่ 5

สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาและเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลจากข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่ปกติหลายตัวแปรให้มีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร โดยพิจารณาการแปลงข้อมูลทั้งหมด 5 วิธี คือ วิธีการแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ เอกโปเนนเชียล (folded exponential transformation) วิธีการแปลงข้อมูลแบบ โฟลด์ พาวเวอร์ (folded power transformations) วิธีการแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson (Guerrero-Johnson transformations) วิธีการแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz (Aranda-Ordaz transformations) และวิธีการแปลงข้อมูลแบบ สเกล แองกูลา (scaled angular transformations) โดยทำการแปลงข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่เป็นปกติหลายตัวแปรที่มีลักษณะการแจกแจง ความเบ้และความโด่งแตกต่างกันออกไป เพื่อหาข้อสรุปว่าวิธีการแปลงแบบใดแปลงข้อมูลให้มีการแจกแจงเข้าใกล้การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรมากที่สุด ในแต่ละสถานการณ์ ดังต่อไปนี้

1. ในการพิจารณาเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับการแปลงว่าได้การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรจากการทดสอบสมมติฐานว่าง สมมติฐานว่าง: ข้อมูลมาจากการแจกแจงปกติหลายตัวแปรของการแปลงวิธีต่าง ๆ ได้กำหนดให้ประชากรมีการแจกแจงแบบไวบูลล์ การแจกแจงแบบแกมมา และการแจกแจงแบบเบตา โดยใช้ค่าสัมประสิทธิ์ความเบ้ (γ_1) และสัมประสิทธิ์ความโด่ง (γ_2) เป็นตัวกำหนดค่าพารามิเตอร์ของการแจกแจงเพื่อให้ได้การแจกแจงที่มีลักษณะต่าง ๆ ซึ่งข้อมูลที่ทำการศึกษาวินิจฉัยนี้มี 2 กรณี คือ ข้อมูลที่มีตัวแปร 2 ตัวแปร และข้อมูลที่มีข้อมูลที่มีตัวแปร 3 ตัวแปร

2. ขนาดตัวอย่างที่ทำการศึกษา คือ 20 30 50 และ 100

3. กำหนดระดับนัยสำคัญ (α) ของการทดสอบ สมมติฐานว่าง: การแจกแจงปกติหลายตัวแปร คือ 0.05 โดยวิธีของมาร์เดียมและเคนท์ (Mardia and Kent Method)

ในการศึกษาวินิจฉัยครั้งนี้ผู้วิจัยใช้โปรแกรม R หาค่าเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับการแปลงว่าได้การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร ด้วยวิธีการจำลองด้วยเทคนิคมอนติคาร์โล กำหนดจำนวนรอบทำการทดลองซ้ำในแต่ละรอบจนกว่าผลต่างระหว่าง \bar{X} ในรอบที่ $i+1$ กับรอบที่ i มีค่าน้อยมากจนถือว่าไม่แตกต่างกัน โดยมีเกณฑ์ว่า $|\bar{X}_{i+1} - \bar{X}_i| \leq 0.0001$ (โดยที่ $i = 1, 2, \dots, k$ และ i คือรอบในการทดลอง) จึงหยุดการทดลอง

สรุปผลการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้ผู้วิจัยต้องการหาข้อสรุปในการเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลจากข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบไม่ปกติหลายตัวแปรให้มีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร โดยพิจารณาจากเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับการแปลงว่าได้มีการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร ของวิธีการแปลงข้อมูล 5 วิธี ในแต่ละสถานการณ์ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 เท่านั้น สรุปผลได้ดังนี้

1 กรณีที่ข้อมูลมี 2 ตัวแปร

1.1 พิจารณาเลขยกกำลัง (λ) ที่ใช้ในวิธีการแปลง

สำหรับทุกการแจกแจง เลขยกกำลัง (λ) ที่ใช้ในวิธีการแปลงข้อมูลแบบโฟลด์ เอกโพเนนเชียล นั้นจะมีค่ามากกว่า 10 วิธีการแปลงข้อมูล Aranda-Ordaz นั้นจะมีค่าใกล้เคียง 0 แต่ไม่น้อยกว่า -1 และไม่มากกว่า 1 ส่วนวิธีการแปลงข้อมูลแบบที่เหลือมีค่าเลขยกกำลังน้อยกว่า 1 และมีค่าเข้าใกล้ 0

1.2 พิจารณารูปขนาดตัวอย่าง

สำหรับทุกการแจกแจงแบบ ที่ระดับความเบ้ต่ำ เมื่อขนาดตัวอย่างเพิ่มขึ้น เปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างของวิธีการแปลงข้อมูลแบบโฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz จะมีค่าเพิ่มขึ้น แต่เมื่อระดับความเบ้สูงขึ้นและขนาดตัวอย่างเพิ่มขึ้น เปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างจะมีค่าใกล้เคียงกัน

ส่วนวิธีการแปลงแบบโฟลด์ เอกโพเนนเชียล และวิธีการแปลงข้อมูลแบบ สเกล แองกูลา ที่ความเบ้เพิ่มขึ้น ขนาดตัวอย่างเพิ่มขึ้น เปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างจะมีค่าลดลง

1.3 พิจารณาระดับความเบ้และระดับความโด่ง

สำหรับทุกการแจกแจง แนวโน้มของเปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างในแต่ละวิธีการแปลงแบบ โฟลด์ เอกโพเนนเชียล และวิธีการแปลงข้อมูลแบบ สเกล แองกูลา มีค่าลดลง เมื่อความเบ้มีค่าเพิ่มขึ้น

ส่วนวิธีการแปลงข้อมูลแบบโฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz เปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างจะมีค่าสูงขึ้น

1.4 พิจารณาที่วิธีการแปลง

สำหรับทุกการแจกแจง ทุกระดับความเบ้ วิธีการแปลงข้อมูลแบบโฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์การยอมรับ สมมติฐานว่างที่สูงที่สุดเป็นส่วนใหญ่

2 กรณีที่ข้อมูลมี 3 ตัวแปร

2.1 พิจารณาเลขยกกำลัง (λ) ที่ใช้ในวิธีการแปลง

สำหรับทุกการแจกแจง เลขยกกำลัง (λ) ที่ใช้ในวิธีการแปลงข้อมูลแบบโฟลด์ เอกโพเนนเชียล นั้นจะมีค่ามากกว่า 10 วิธีการแปลงข้อมูล Aranda-Ordaz นั้นจะมีค่าใกล้เคียง 0 แต่ไม่น้อยกว่า -1 และไม่มากกว่า 1 ส่วนวิธีการแปลงข้อมูลแบบที่เหลือมีค่าเลขยกกำลังน้อยกว่า 1 และมีค่าเข้าใกล้ 0

2.2 พิจารณาขนาดตัวอย่าง

สำหรับทุกการแจกแจงแบบ ที่ระดับความเบ้ต่ำ เมื่อขนาดตัวอย่างเพิ่มขึ้น เปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างของวิธีการแปลงข้อมูลแบบโฟลด์ พาวเวอร์ วิธีการแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz จะมีค่าเพิ่มขึ้น แต่เมื่อระดับความเบ้สูงขึ้นและขนาดตัวอย่างเพิ่มขึ้น เปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างจะมีค่าใกล้เคียงกัน

ส่วนวิธีการแปลงแบบโฟลด์ เอกโพเนนเชียล และวิธีการแปลงข้อมูลแบบ สเกล แองกูลา ที่ความเบ้เพิ่มขึ้น ขนาดตัวอย่างเพิ่มขึ้น เปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างจะมีค่าลดลง

2.3 พิจารณาระดับความเบ้และระดับความโด่ง

สำหรับการแจกแจงแกมมา แนวโน้มของเปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างในวิธีการแปลงแบบโฟลด์ เอกโพเนนเชียล และวิธีการแปลงข้อมูลแบบ สเกล แองกูลา มีค่าลดลง เมื่อความเบ้มีค่าเพิ่มขึ้น ส่วนวิธีการแปลงข้อมูลแบบที่เหลือเปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างจะมีค่าใกล้เคียงกัน

การแจกแจงไวบูลล์ และการแจกแจงเบตา แนวโน้มของเปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างในแต่ละวิธีการแปลงมีค่าใกล้เคียงกัน

2.4 พิจารณาที่วิธีการแปลง

สำหรับทุกการแจกแจง ทุกระดับความเบ้ วิธีการแปลงข้อมูลแบบไฟล์ด พาวเวอร์ วิธีการแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson และวิธีการแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz ให้เปอร์เซ็นต์การยอมรับ สมมติฐานว่างที่สูงที่สุดเป็นส่วนใหญ่

ข้อเสนอแนะ

ด้านการศึกษาวิจัย

1. การศึกษาวิจัยในครั้งนี้ ผู้วิจัยได้ทำการศึกษาเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลทั้งหมด 5 วิธี คือ วิธีการแปลงข้อมูลแบบ ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล (ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล transformation) วิธีการแปลงข้อมูลแบบ ไฟล์ด พาวเวอร์ (ไฟล์ด พาวเวอร์ transformations) วิธีการแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson (Guerrero-Johnson transformations) วิธีการแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz (Aranda-Ordaz transformations) และวิธีการแปลงข้อมูลแบบ สเกล แองกูลา (สเกล แองกูลา transformations) เนื่องจากผู้วิจัยเห็นว่าเป็นวิธีการแปลงข้อมูลที่ไม่ยากจนเกินไป แต่ยังมีวิธีการแปลงข้อมูลด้วยวิธีอื่น ๆ ที่มีความสามารถในการแปลงข้อมูลมากกว่าวิธีการแปลงข้อมูลข้างต้น เพื่อทดสอบว่าวิธีการแปลงวิธีใดให้ผลดีที่สุด
2. การศึกษาวิจัยในครั้งนี้ได้ทำการศึกษาเฉพาะตัวแปรที่มีความเป็นอิสระต่อกัน ซึ่งผู้ที่สนใจอาจทำการศึกษาในตัวแปรที่มีความสัมพันธ์กันต่อไป

ด้านการนำไปใช้ประโยชน์

ในการเลือกวิธีการแปลงข้อมูลที่เหมาะสมเพื่อแปลงข้อมูลให้มีการแจกแจงเข้าใกล้การแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรมากที่สุดนั้น ขึ้นอยู่กับลักษณะของข้อมูล ดังนั้นควรเลือกใช้วิธีการแปลงข้อมูลและเลขยกกำลังที่เหมาะสมกับแต่ละสถานการณ์ ผู้วิจัยได้สรุปวิธีการแปลงโดยแยกออกตามลักษณะของการแจกแจงขนาดตัวอย่าง ระดับความเบ้ และระดับความโด่ง ในแต่ละสถานการณ์ที่มีค่าสูงที่สุดมานำเสนอ

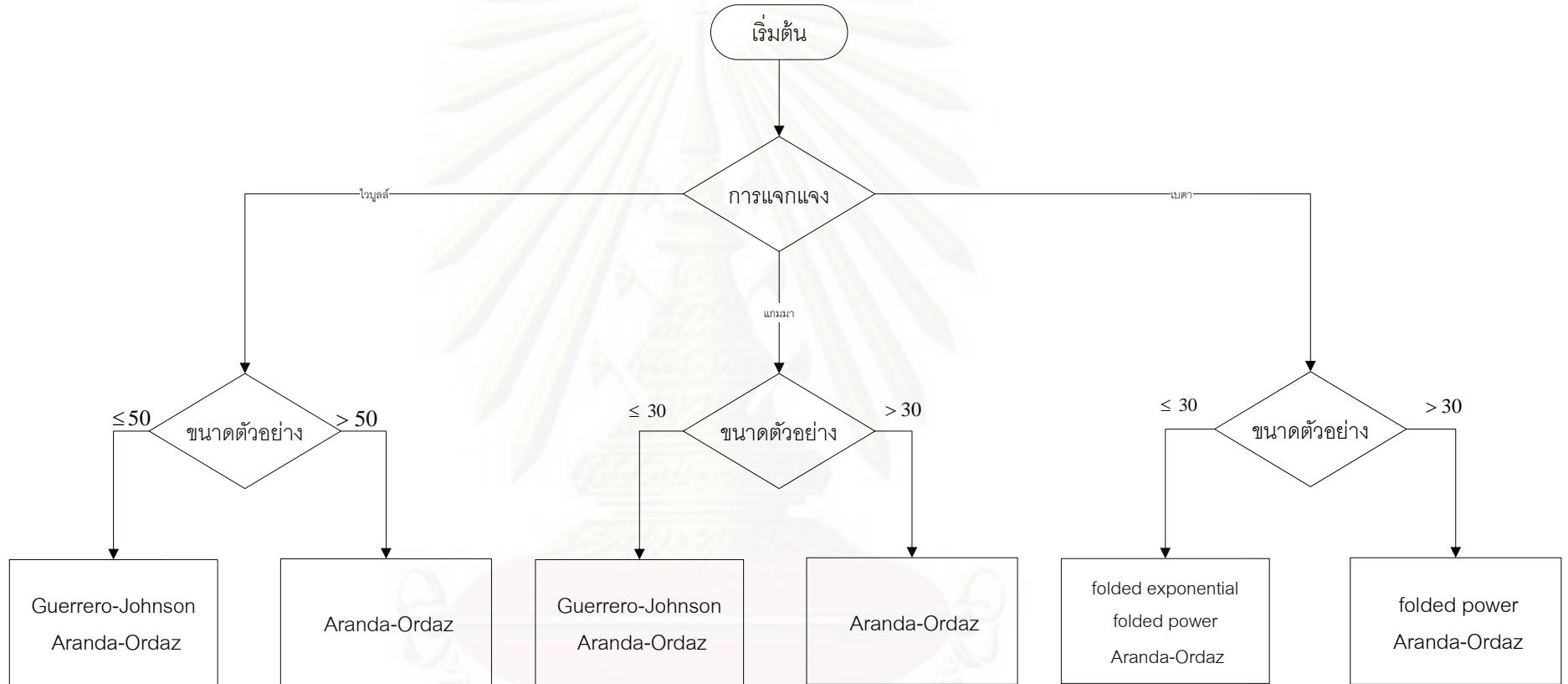
1. เลือกวิธีการแปลงข้อมูล

ในงานวิจัยนี้ได้สรุปการเลือกวิธีการแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz เพราะจากผลการวิจัย พบว่าวิธีการแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz จะให้เปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างสูงที่สุดเป็นส่วนใหญ่ ที่ทุกระดับการแจกแจง ผลสรุปดังกล่าวอาจเขียนในรูปแบบแผนผังได้ดังรูปที่ 5.1-5.2

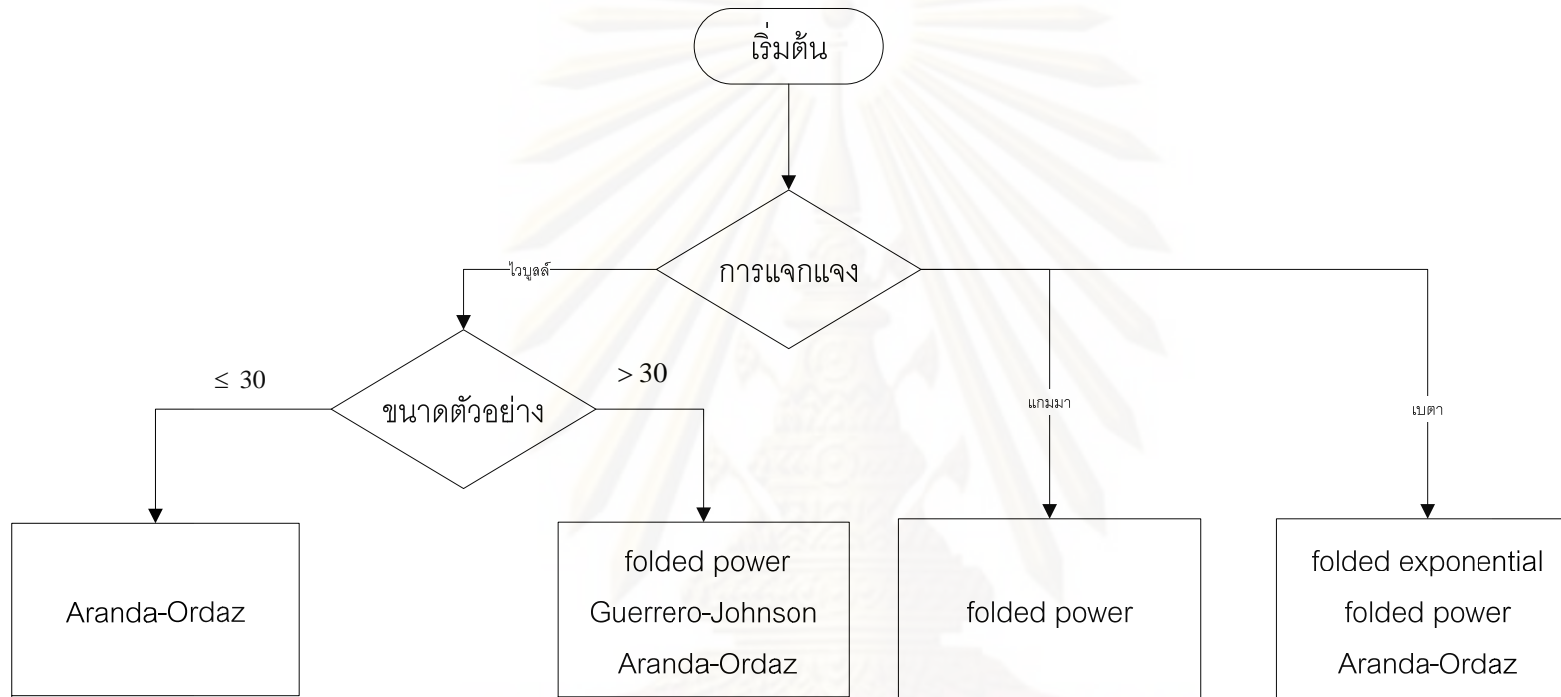


ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

รูปที่ 5.1 แสดงขั้นตอนสรุปการเลือกวิธีการแปลงข้อมูลที่มีการแจกแจงไม่ปกติหลายตัวแปรให้มีการแจกแจงสู่เข้าสู่การแจกแจงปกติหลายตัวแปร ในกรณี 2 ตัวแปร



รูปที่ 5.2 แสดงขั้นตอนสรุปการเลือกวิธีการแปลงข้อมูลที่มีการแจกแจงไม่ปกติหลายตัวแปรให้มีการแจกแจงสู่เข้าสู่การแจกแจงปกติหลายตัวแปร ในกรณี 3 ตัวแปร



2. สรุปลักษณ์ของเลขยกกำลังที่ใช้ในรูปแบบต่างๆ

ในงานวิจัยครั้งนี้ได้สรุปลักษณ์ของเลขยกกำลังที่ใช้ในการแปลงข้อมูลรูปแบบต่างๆ โดยผู้วิจัยจะพิจารณาจากเปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่าง ที่มีค่าไม่ต่ำกว่า 70 % เนื่องจากเปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างจะเห็นว่าเปอร์เซ็นต์การยอมรับสมมติฐานว่างมีค่าต่ำกว่า 70% จะมีค่าลดลงอย่างมาก แต่เมื่อมีค่าตั้งแต่ 70% ขึ้นไปจะมีค่าเกาะกลุ่มกัน และยังได้เสนอรูปแบบการแปลงข้อมูลทั้งหมดที่เป็นไปได้ในแต่ละสถานการณ์เพื่อให้ผู้ใช้ได้เลือกใช้ได้ตามความเหมาะสม

การสรุปผลดังกล่าวข้างต้นได้แสดงไว้ในตารางที่ 5.1 ถึง 5.24 โดยที่

1. ตารางที่นำเสนอ จำแนกตามลักษณะของข้อมูลว่าเป็นข้อมูลที่ การแจกแจงไวบูลล์ การแจกแจงแบบแกมมา และการแจกแจงแบบเบตา นอกจากนี้ยังจำแนกตามขนาดตัวอย่าง

2. สัญลักษณ์ที่ใช้ในการนำเสนอผล มีดังนี้

n	หมายถึง ขนาดตัวอย่าง
λ_1	หมายถึง เลขยกกำลังที่ใช้ในวิธีการแปลงตัวแปรตัวที่ 1
λ_2	หมายถึง เลขยกกำลังที่ใช้ในวิธีการแปลงตัวแปรตัวที่ 2
λ_3	หมายถึง เลขยกกำลังที่ใช้ในวิธีการแปลงตัวแปรตัวที่ 3
ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล	หมายถึง การแปลงข้อมูลแบบ ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล
ไฟล์ด พาวเวอร์	หมายถึง การแปลงข้อมูลแบบ ไฟล์ด พาวเวอร์
Guerrero-Johnson	หมายถึง การแปลงข้อมูลแบบ Guerrero-Johnson
Aranda-Ordaz	หมายถึง การแปลงข้อมูลแบบ Aranda-Ordaz
“ - ”	หมายถึง ไม่สามารถใช้ในการแปลงนั้นได้

ศูนย์วิทยทรัพยากร

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ 5.1 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงไวบูลล์ 2 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง							
				โฟลด์ เอกโพเนนเชียล		โฟลด์ พาวเวอร์		Guerrero-Johnson		Aranda-Ordaz	
				λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	16	16	0.4	0.2	0.2-0.4	0.3-0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4
		1-1.5	4.16-6.13	16	15	0.3	0.5	0.2-0.3	0.5	-0.4,0.4	-0.6,0.6
		1.5-2	6.13-9	16	13-16	0.2-0.3	0.4-0.6	0.2-0.4	0.6	(-0.4- -0.3), (0.3-0.4)	(-0.8- -0.6), (0.6-0.8)
		2-2.5	9-12.83	16	11-12	0.2	0.4	0.2	0.5	-0.3,0.3	-0.6,0.6
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	16	15-16	0.2	0.3	0.2	0.3	-0.3,0.3	-0.4,0.4
		1.5-2	6.13-9	16	15-16	0.2-0.3	0.4	0.3	0.4	-0.3,0.3	-0.5,0.5
		2-2.5	9-12.83	16	12-16	0.3	0.4	0.3	0.4-0.5	-0.4,0.4	(-0.6- -0.4), (0.4-0.6)
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	16	16	0.2	0.4	0.2	0.4	-0.3,0.3	-0.5,0.5
		2-2.5	9-12.83	16	13-16	0.2	0.3	0.2-0.5	0.3-0.4	-0.3,0.3	(-0.5- -0.3), (0.3-0.5)
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	16	12-16	0.2	0.3	0.2-0.5	0.3-0.4	-0.3,0.3	(-0.5- -0.3), (0.3-0.5)

ตารางที่ 5.2 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงไวบูลล์ 2 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง							
				โพลด์ เอกโพเนนเชียล		โพลด์ พาวเวอร์		Guerrero-Johnson		Aranda-Ordaz	
				λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	16	16	0.4	0.3	0.4	0.3	-0.5,0.5	-0.4,0.4
		1-1.5	4.16-6.13	16	15-16	0.4	0.5	0.5	0.5	-0.5,0.5	-0.5,0.5
		1.5-2	6.13-9	16	14-16	0.3	0.5	0.5	0.5	-0.4,0.4	(-0.6- -0.5) ,(0.5-0.6)
		2-2.5	9-12.83	16	16	0.2	0.6-0.7	0.2	0.7	-0.3,0.3	(-0.8- -0.7) ,(0.7-0.8)
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	16	16	0.3	0.4	0.3	0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4
		1.5-2	6.13-9	16	16	0.2	0.4	0.3	0.2-0.5	-0.4,0.4	-0.5,0.5
		2-2.5	9-12.83	16	16	0.2	0.4-0.5	0.2	0.5	-0.3,0.3	-0.6,0.6
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	16	15-16	0.2	0.3	0.2	0.3	-0.3,0.3	-0.4,0.4
		2-2.5	9-12.83	16	16	0.2	0.3	0.2	0.3-0.4	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	16	16	0.3	0.3	0.3	0.3	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)

ตารางที่ 5.3 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงไวบูลล์ 2 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง							
				โพลด์ เอกโพเนนเชียล		โพลด์ พาวเวอร์		Guerrero-Johnson		Aranda-Ordaz	
				λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	15	15-16	04	0.5	0.4	0.5	-0.5,0.5	-0.6,0.6
		1-1.5	4.16-6.13	15	15-16	0.4	0.7	0.4	0.6-0.7	-0.5,0.5	(-0.8- -0.7) ,(0.7-0.8)
		1.5-2	6.13-9	16	16	0.2	0.5	0.2	0.5	-0.3,0.3	(-0.7- -0.6) ,(0.6-0.7)
		2-2.5	9-12.83	16	13-16	0.2	0.5-0.6	0.2	0.5	-0.3,0.3	-0.6,0.6
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	16	15-16	0.3	0.3-0.5	0.3	0.4-0.5	-0.5,0.5	(-0.6- -0.5) ,(0.5-0.6)
		1.5-2	6.13-9	16	14-16	0.2	0.4	0.2	0.4	-0.3,0.3	-0.5,0.5
		2-2.5	9-12.83	16	16	0.2	0.3-0.4	0.2	0.4	-0.3,0.3	-0.5,0.5
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	16	16	0.3	0.3	0.3	0.3	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
		2-2.5	9-12.83	16	16	0.2	0.3	0.2	0.3	-0.3,0.3	-0.4,0.4
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	16	16	0.3	0.4-0.5	0.3	0.3	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)

ตารางที่ 5.4 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงไวบูลล์ 2 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง							
				โพลด์ เอกโพเนนเชียล		โพลด์ พาวเวอร์		Guerrero-Johnson		Aranda-Ordaz	
				λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	16	16	0.5	0.5-0.7	0.5-0.6	0.6	-0.6,0.6	-0.7,0.7
		1-1.5	4.16-6.13	16	16	0.4	0.5	0.4	0.5-0.6	-0.5,0.5	-0.6,0.6
		1.5-2	6.13-9	16	16	0.3	0.6-0.7	0.3	0.6	-0.4,0.4	-0.6,0.6
		2-2.5	9-12.83	16	16	0.2	0.5	0.2	0.6	-0.3,0.3	-0.6,0.6
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	16	16	0.3	0.4-0.5	0.3	0.4-0.5	-0.5,0.5	-0.5,0.5
		1.5-2	6.13-9	16	16	0.3	0.4-0.5	0.3	0.4-0.5	-0.4,0.4	-0.5,0.5
		2-2.5	9-12.83	16	16	0.2	0.4	0.2	0.4-0.5	-0.3,0.3	(-0.6- -0.5) ,(0.5-0.6)
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	16	15-16	0.3	0.3	0.3	0.4	-0.4,0.4	-0.4,0.4
		2-2.5	9-12.83	-	-	0.2	0.3	0.2	0.4	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	0.2	0.3	0.2	0.4	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)

ตารางที่ 5.5 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมา 2 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง							
				โพลด์ เอกโพเนนเชียล		โพลด์ พาวเวอร์		Guerrero-Johnson		Aranda-Ordaz	
				λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	18	7	0	0.1	0	0.1	(-0.2- -0.1) ,(0.1-0.2)	-0.4,0.4
		1-1.5	4.16-6.13	18	6	0.2	0-0.1	0.2	0-0.1	0.3,0.3	-0.2,0.2
		1.5-2	6.13-9	18	3	0.2	0.2-0.3	0.2	0.2	0.3,0.3	(-0.6- -0.4) ,(0.4-0.6)
		2-2.5	9-12.83	16	7	0.3	0.4	0.2	0.1	0.3,0.3	-0.5,0.5
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	-	-	0.2	0.2-0.3	0.2	0.2-0.3	0.3,0.3	0.3,0.3
		1.5-2	6.13-9	17	13-16	0.2	0.4-0.5	0.2	0.4-0.5	0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
		2-2.5	9-12.83	-	-	0.2	0.4	0.2	0.4	0.3,0.3	(-0.6- -0.5) ,(0.5-0.6)
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	16	16	0.2	0.4	0.2	0.3	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.4,0.4
		2-2.5	9-12.83	-	-	0.2	0.2	0.2	0.2-0.3	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.4,0.4
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	0.2-0.3	0.2	0.4	0.2	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)

ตารางที่ 5.6 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมา 2 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง							
				โพลด์ เอกโพเนนเชียล		โพลด์ พาวเวอร์		Guerrero-Johnson		Aranda-Ordaz	
				λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	18	7	0.2	0	0	0.1	-0.4,0.4	0
		1-1.5	4.16-6.13	18	4-5	0.3	0	0.2	0-0.1	-0.4,0.4	-0.1-0.1
		1.5-2	6.13-9	18	4	0.3	0.3	0.2	0.2	-0.4,0.4	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
		2-2.5	9-12.83	-	-	0.4	0.4	0.4	0.4	-0.4,0.4	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	17	12-14	0.3	0.3	0.3	0.2-0.3	-0.4,0.4	-0.5,0.5
		1.5-2	6.13-9	17	15-17	0.2	0.3	0.2	0.3	-0.4,0.4	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
		2-2.5	9-12.83	-	-	0.3	0.3	0.3	0.3	-0.3,0.3	-0.3,0.3
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	16	16	0.3	0.4-0.5	0.3	0.4-0.5	-0.4,0.4	(-0.6- -0.5) ,(0.5-0.6)
		2-2.5	9-12.83	-	-	0.3	0.3	0.3	0.4	-0.3,0.3	-0.4,0.4
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	0.2	0.2	0.3	0.2-0.3	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.4,0.4

ตารางที่ 5.7 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมา 2 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง							
				โพลด์ เอกโพเนนเชียล		โพลด์ พาวเวอร์		Guerrero-Johnson		Aranda-Ordaz	
				λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	18	6	0	0.1	0	0.1	-0.5,0.5	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
		1-1.5	4.16-6.13	18	4-5	0.3	0-0.1	0.2	0-0.1	-0.4,0.4	-0.3-0.3
		1.5-2	6.13-9	-	-	0.3	0.2	0.3	0.2	-0.4,0.4	-0.6,0.6
		2-2.5	9-12.83	-	-	0.3	0.2-0.3	0.3	0.2	-0.3,0.3	-0.5,0.5
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	17	17	0.3	0.3	0.3	0.3	-0.4,0.4	-0.5,0.5
		1.5-2	6.13-9	-	-	0.2-0.3	0.3	0.2	0.3	-0.3,0.3	-0.5,0.5
		2-2.5	9-12.83	-	-	0.2	0.4-0.5	0.2	0.4-0.5	-0.3,0.3	(-0.6- -0.5) ,(0.5-0.6)
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	-	-	0.2-0.3	0.3	0.3	0.3	0.3-0.4	-0.4,0.4
		2-2.5	9-12.83	-	-	0.3	0.3	0.3	0.3	-0.3,0.3	-0.4,0.4
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	0.2	0.2	0.2	0.2	-0.3,0.3	-0.3,0.3

ตารางที่ 5.8 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมา 2 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง							
				โพลด์ เอกโพเนนเชียล		โพลด์ พาวเวอร์		Guerrero-Johnson		Aranda-Ordaz	
				λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	14-16	5	0.3	0.1-0.2	0.3	0	-0.5,0.5	-0.5,0.5
		1-1.5	4.16-6.13	-	-	0.3	0.1	0.3	0.1	0.4,0.4	-0.4,0.4
		1.5-2	6.13-9	-	-	0.3	0.2	0.3	0.2	0.4,0.4	-0.6,0.6
		2-2.5	9-12.83	-	-	0.2	0.3	0.2	0.3	-0.3,0.3	-0.6,0.6
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	-	-	0.3	0.3	0.3	0.5	0.4,0.4	-0.5,0.5
		1.5-2	6.13-9	-	-	0.2	0.3	0.2	0.3	0.4,0.4	-0.5,0.5
		2-2.5	9-12.83	-	-	0.3	0.3	0.3	0.3	-0.3,0.3	-0.5,0.5
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	-	-	0.2	0.3	0.2-0.3	0.3	0.4,0.4	0.4,0.4
		2-2.5	9-12.83	-	-	0.4	0.3	0.2-0.3	0.3	-0.3,0.3	0.4,0.4
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	0.2	0.3	0.2	0.3	-0.3,0.3	0.4,0.4

ตารางที่ 5.9 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงเบตา 2 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง							
				ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล		ไฟล์ด พาวเวอร์		Guerrero-Johnson		Aranda-Ordaz	
				λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	10-12	18	0.1-0.2	0.1	-0.1	-0.1	(-0.3- -0.1) ,(0.1-0.3)	(-0.2- -0.1) ,(0.1-0.2)
		-1-0	3-4.6	18	13-14	0.2	0.1	-0.2	-0.1	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
		0-1	3-4.6	8	13-14	0.2	0.1	0.1	0.1	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
		1-2	4.6-8.15	10-12	18	0.2	0.1	0.1	0	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.3- -0.1) ,(0.1-0.3)
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	0.2	0.1	0.2	0	-0.3,0.3	(-0.3- -0.1) ,(0.1-0.3)
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	5	14-18	0.2	0.1	-0.1	-0.1-0	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
		0-1	3-4.6	18	18	0.2	0.1-0.2	0.2	-0.1-0	-0.3,0.3	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
		1-2	4.6-8.15	18	18	0.1-0.2	0.2	0.1	-0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	0.2	0.1-0.2	0.2	-0.2- -0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	18	18	0.2	0.1-0.2	0.1	-0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
		1-2	4.6-8.15	18	18	0.2	0.3	0.1-0.2	-0.1	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	0.2	0.3	0.2	-0.1	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	18	18	0.2	0.3	0.1-0.2	0.1	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	0.2	0.3	0.2	0.3	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	18	18	0.2	0.2	0.2	0.1-0.2	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)

ตารางที่ 5.10 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงเบตา 2 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง							
				ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล		ไฟล์ด พาวเวอร์		Guerrero-Johnson		Aranda-Ordaz	
				λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	10	18	0.1	0.1	-0.1	-0.1	-0.2,0.2	0.1-0.2
		-1-0	3-4.6	18	18	0.2	0.1	-0.1	-0.1	(-0.6- -0.4) ,(0.4-0.6)	-0.3,0.3
		0-1	3-4.6	6	12-18	0.2	0.1	0.1	-0.1	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.3,0.3
		1-2	4.6-8.15	11-18	15-18	0.2	0.1	0.1	0	-0.2,0.2	-0.2,0.2
		2-2.5	8.15-10.8	16-18	13-18	0.2	0.1	0.2	0	-0.3,0.3	-0.4,0.4
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	18	18	0.3	0.2	-0.1	-0.1	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
		0-1	3-4.6	18	18	0.2	0.1-0.3	0.1	-0.2- -0.1	-0.3,0.3	-0.2,0.2
		1-2	4.6-8.15	18	18	0.2	0.1	0.2	-0.1	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	0.3-0.5
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	0.2	0.1	0.2	-0.1	-0.3,0.3	0.2-0.3
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	18	18	0.2	0.2	0.1	-0.1	-0.3,0.3	-0.4,0.4
		1-2	4.6-8.15	18	18	0.2	0.1	0.2	-0.1	-0.3,0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	0.2	0.2	0.2	-0.1	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	18	18	0.2	0.2	0.2	-0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	0.2	0.2	0.2	0.1	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	18	18	0.2	0.2	0.2	0.1	-0.3,0.3	-0.3,0.3

ตารางที่ 5.11 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงเบตา 2 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง							
				ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล		ไฟล์ด พาวเวอร์		Guerrero-Johnson		Aranda-Ordaz	
				λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	9-18	18	0.1-0.2	0.1	-0.1	0.1	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.2- -0.1) ,(0.1-0.2)
		-1-0	3-4.6	8	18	0.2	0.1	-0.1	-0.1	-0.3,0.3	-0.2,0.2
		0-1	3-4.6	8	18	0.2	0.1	0.1	-0.1	-0.3,0.3	-0.2,0.2
		1-2	4.6-8.15	18	10-18	0.2	0.1	0.1	0	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	0.1-0.2
		2-2.5	8.15-10.8	18	15-18	0.1-0.2	0.1-0.2	0.2	0	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	18	18	0.2	0.1	-0.1	-0.1	-0.4,0.4	-0.2,0.2
		0-1	3-4.6	18	18	0.2	0.1	0.1	-0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.2,0.2
		1-2	4.6-8.15	18	18	0.2	0.1	0.2	-0.1	-0.4,0.4	-0.4,0.4
		2-2.5	8.15-10.8	17-18	18	0.2	0.1-0.2	0.2	-0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	18	18	0.2-0.3	0.3	0.1	-0.1	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.4,0.4
		1-2	4.6-8.15	18	18	0.2	0.2	0.2	-0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.3,0.3
		2-2.5	8.15-10.8	17-18	8-9	0.2	0.2	0.2	-0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	18	18	0.2	0.2	0.2	-0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	0.2	0.2	0.2	0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	18	18	0.2	0.2	0.2	0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)

ตารางที่ 5.12 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงเบตา 2 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	วิธีการแปลง							
				ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล		ไฟล์ด พาวเวอร์		Guerrero-Johnson		Aranda-Ordaz	
				λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2	λ_1	λ_2
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-	-	0.1	0.1	-0.1	-0.2- -0.1	-0.2,0.2	-0.2,0.2
		-1-0	3-4.6	-	-	0.2	0.2	-0.1	-0.1	-0.4,0.4	-0.2,0.2
		0-1	3-4.6	-	-	0.2	0.1	0.1	-0.1	-0.4,0.4	-0.2,0.2
		1-2	4.6-8.15	-	-	0.2	0.1	0.1-0.2	0	-0.3,0.3	-0.2,0.2
		2-2.5	8.15-10.8	-	-	0.2	0.1	0.2	0	-0.3,0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	-	-	0.2	0.1	0.1	-0.1	-0.3,0.3	-0.2,0.2
		0-1	3-4.6	-	-	0.2	0.1	-0.1	-0.1	-0.3,0.3	-0.2,0.2
		1-2	4.6-8.15	-	-	0.2	0.1	0.1	-0.1	-0.3,0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
		2-2.5	8.15-10.8	-	-	0.2	0.1	0.2	-0.1	-0.3,0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	18	18	0.2	0.2	0.1	-0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.4,0.4
		1-2	4.6-8.15	-	-	0.2	0.2	0.2	-0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
		2-2.5	8.15-10.8	-	-	0.2	0.2	0.2	-0.1	-0.3,0.3	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	-	-	0.2	0.2	0.2	0.1	-0.3,0.3	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
		2-2.5	8.15-10.8	-	-	0.2	0.2	0.2	0.1	-0.3,0.3	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	-	-	0.2	0.2	0.2	0.2	-0.3,0.3	-0.3,0.3

ตารางที่ 5.13 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงไวบูลล์ 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ด พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	20	19	20	0.3	0.4	0.2	0.3	0.5	0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				1.5-2	6.13-9	20	(13-14), (19-20)	20	0.3-0.4	0.5	0.2	0.3-0.4	0.5	0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				2-2.5	9-12.83	20	12,(14-15), (17-18)	20	0.4	0.4	0.1	0.4	0.5	0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.2,0.2
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	20	20	0.3	0.5	0.2	0.3	0.5	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				2-2.5	9-12.83	20	(15-16),18	20	0.3-0.4	0.4-0.5	0.1-0.2	0.3	0.5	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.2,0.2
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	20	20	0.2	0.5	0.2	0.2	0.5	0.2	(-0.4- -0.3)
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	20	20	0.3	0.3	0.2	0.2-0.3	0.4	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				2-2.5	9-12.83	20	19-20	20	0.3	0.3	0.1	0.3	0.4	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	20	20	0.2	0.4	0.2	0.2	0.4	0.2	(-0.4- -0.3)
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	19-20	20	0.3	0.3	0.2	0.3	0.3	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3

ตารางที่ 5.14 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงไวบูลล์ 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ด พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	20	19-20	20	0.3-0.4	0.5	0.2-0.3	0.4	0.5	0.3	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				1.5-2	6.13-9	20	19-20	20	0.3	0.5	0.2	0.3	0.5	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				2-2.5	9-12.83	20	19-20	20	0.3-0.4	0.5	0.2	0.4	0.5	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	20	20	0.2-0.3	0.5	0.2-0.3	0.3	0.5	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				2-2.5	9-12.83	20	20	20	0.3	0.5	0.2	0.3	0.5	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	18-20	20	0.2-0.3	0.5	0.2	0.3	0.5	0.2	-0.4,0.4
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	20	20	0.2-0.3	0.5	0.2	0.3	0.4	0.3	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				2-2.5	9-12.83	20	19-20	20	0.3	0.4	0.2	0.3	0.4	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	19	20	0.2-0.3	0.4-0.5	0.2	0.3	0.4	0.2	(-0.4- -0.3) (0.3,0.4)	-0.5,0.5	-0.3,0.3
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	20	20	0.3	0.3	0.2	0.3	0.3	0.2	-0.4,0.4	-0.4,0.4	-0.3,0.3

ตารางที่ 5.15 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงไวบูลล์ 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ด พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	20	20	20	0.3	0.5	0.3	0.3	0.5	0.3	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				1.5-2	6.13-9	18-20	17-20	20	0.3	0.4-0.5	0.3	0.3	0.3-0.5	0.3	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				2-2.5	9-12.83	20	18-20	20	0.3	0.4-0.5	0.2	0.3	0.4-0.5	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	17-20	20	0.2	0.3-0.5	0.2	0.2	0.4-0.5	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				2-2.5	9-12.83	20	20	20	0.2	0.3-0.5	0.2	0.2	0.3-0.5	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	17-20	17-20	20	0.2	0.4-0.5	0.2	0.2	0.4-0.5	0.2-0.3	-0.3,0.3
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	19-20	20	0.3	0.4	0.2	0.2	0.3-0.4	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				2-2.5	9-12.83	20	20	20	0.2	0.3	0.2	0.2	0.3	0.2	-0.3,0.3	-0.4,0.4	-0.4,0.4
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	18-20	17-20	17-20	0.2	0.3-0.5	0.2	0.2	0.3-0.5	0.2	(-0.4- -0.3)	-0.4,0.4	-0.3,0.3
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	19-20	20	20	0.2	0.3	0.2	0.2	0.3	0.2	-0.4,0.4	-0.4,0.4	-0.3,0.3

ตารางที่ 5.16 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงไวบูลล์ 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ด พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	12-20	12-20	20	0.2-0.5	0.3-0.5	0.2-0.4	0.2-0.5	0.3-0.5	0.2-0.4	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				1.5-2	6.13-9	13-20	10-20	16-20	0.3	0.3-0.5	0.2-0.3	0.3-0.4	0.3-0.4	0.2-0.3	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				2-2.5	9-12.83	14-20	10-20	17-20	0.3	0.3-0.5	0.2	0.3	0.3-0.5	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	10-20	16-20	0.2	0.3-0.5	0.2-0.3	0.2	0.3-0.5	0.2-0.3	-0.2,0.2	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				2-2.5	9-12.83	20	10-20	18-20	0.2	0.3-0.5	0.2	0.2	0.3-0.5	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	17-20	17-20	20	0.2	0.2-0.5	0.2	0.2	0.2-0.5	0.2	-0.3,0.3
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	15-20	17-20	0.2	0.2-0.5	0.2-0.3	0.2	0.2-0.5	0.2-0.3	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				2-2.5	9-12.83	20	15-20	20	0.2	0.2-0.5	0.2	0.2	0.2-0.5	0.2	-0.3,0.3	-0.4,0.4	-0.4,0.4
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	18-20	15-20	18-20	0.2	0.2-0.5	0.2	0.2	0.2-0.5	0.2	-0.3,0.3	-0.4,0.4	-0.3,0.3
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	19-20	17-20	19-20	0.2	0.2-0.3	0.2	0.2	0.2-0.3	0.2	-0.3,0.3	-0.4,0.4	-0.3,0.3

ตารางที่ 5.17 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมา 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ด พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	-	-	-	0.5	0.5	0.1	0.5	0.5	0.1	-0.4,0.4	-0.4,0.4	-0.2,0.2
				1.5-2	6.13-9	-	-	-	0.5	0.5	0.2	0.4-0.5	0.5	0.2	(-0.5 --0.4) ,(0.4-0.5)	-0.4,0.4	-0.2,0.2
				2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.5	0.5	0.2	0.4-0.5	0.5	0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.2,0.2
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	-	-	-	0.4	0.4-0.5	0.2	0.4	0.5	0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.4	0.5	0.1-0.2	0.5	0.5	0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.2	0.5	0.2	0.3	0.5	0.2	-0.4,0.4
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	-	-	-	0.3	0.4-0.5	0.2	0.3-0.4	0.4-0.5	0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				2-2.5	9-12.83	20	20	20	0.3-0.4	0.5	0.1	0.5	0.5	0.1	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.2,0.2
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.3	0.5	0.1	0.2	0.4	0.2	(-0.4- -0.3) (0.3,0.4)	-0.5,0.5	-0.3,0.3
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.3	0.5	0.1	0.3	0.3	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3

ตารางที่ 5.18 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมา 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ด พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	-	-	-	0.4-0.5	0.5	0.2	0.4-0.5	0.3-0.5	0.1-	(-0.5 --0.4)	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				1.5-2	6.13-9	-	-	-	0.5	0.5	0.2	0.5	0.5	0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.5	0.5	0.2	0.5	0.5	0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	-	-	-	0.5	0.3-0.5	0.2	0.5	0.2-0.5	0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.4	0.5	0.1-0.2	0.4-0.5	0.5	0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	10	20	0.2-0.3	0.5	0.2	0.3	0.5	0.2	-0.3,0.3
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	-	-	-	0.3-0.5	0.5	0.2	0.3	0.5	0.3	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				2-2.5	9-12.83	19-20	10	20	0.4	0.5	0.1	0.4-0.5	0.5	0.1	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.2,0.2
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.3	0.5	0.1-0.2	0.3	0.5	0.2	-0.3,0.3	-0.5,0.5	-0.2,0.2
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.3	0.4	0.2	0.3	0.4	0.2	(-0.4 --0.3) ,(0.3-0.4)	-0.5,0.5	-0.3,0.3

ตารางที่ 5.19 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมา 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ด พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	-	-	-	0.5	0.5	0.3	0.5	0.5	0.3	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				1.5-2	6.13-9	-	-	-	0.5	0.5	0.3	0.5	0.5	0.3	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.5	0.5	0.1-0.2	0.5	0.5	0.1-0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	-	-	-	0.4	0.5	0.3	0.3-0.4	0.5	0.3	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.4	0.5	0.2	0.3-0.4	0.5	0.1-0.2	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.2	0.5	0.1-0.2	0.2	0.5	0.1-0.2	-0.4,0.4
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	-	-	-	0.3-0.4	0.5	0.2-0.3	0.3	0.5	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				2-2.5	9-12.83	15-20	10-15	20	0.3	0.5	0.2	0.3-0.4	0.5	0.2	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.5,0.5	-0.3,0.3
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.2	0.5	0.2	0.2	0.5	0.2	-0.3,0.3	-0.5,0.5	-0.3,0.3
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.2	0.4	0.2	0.2	0.4	0.2	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.2,0.2

ตารางที่ 5.20 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมา 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ด พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	-	-	-	0.5	0.5	0.3	0.5	0.5	0.2-0.3	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4
				1.5-2	6.13-9	-	-	-	0.4-0.5	0.3-0.5	0.2-0.3	0.4-0.5	0.3-0.5	0.2-0.3	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				2-2.5	9-12.83	10-11	10-11	20	0.5	0.5	0.2	0.5	0.5	0.1-0.2	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.2,0.2
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	-	-	-	0.5	0.5	0.3	0.3-0.5	0.5	0.3-0.4	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.5,0.5	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
				2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.5	0.5	0.2	0.5	0.5	0.1	-0.3,0.3	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.3	0.5	0.2	0.4	0.5	0.1	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	-	-	-	0.3-0.5	0.5	0.2-0.3	0.3-0.5	0.5	0.2-0.3	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3
				2-2.5	9-12.83	18-20	10-20	20	0.3-0.5	0.5	0.2	0.3-0.5	0.5	0.2	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.5,0.5	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.2-0.3	0.5	0.2	0.2-0.3	0.5	0.2	-0.3,0.3	-0.5,0.5	-0.3,0.3
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.2	0.3-0.5	0.2	0.2	0.3-0.5	0.2	-0.3,0.3	-0.5,0.5	-0.2,0.2

ตารางที่ 5.21 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ต เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ต พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
-2.5-2	8.15-10.8	-2 -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	10-20	15-20	10-13	0-0.2	0-0.2	0-0.2	-0.1-0	-0.1-0	0.1	-0.4-0.4	-0.5-0.5	-0.4-0.4
				0-1	3-4.6	10-20	15-20	10-13	0-0.2	0-0.2	0-0.2	-0.1-0	-0.1-0	0.1	-0.4-0.4	-0.5-0.5	-0.4-0.4
				1-2	4.6-8.15	10-20	17-20	10-20	0.1-0.3	0.1-0.2	0.1-0.3	0.1	-0.1	-0.1	(-0.2- -0.1) ,(0.1-0.2)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.1) ,(0.1-0.5)
				2-2.5	8.15-10.8	10-20	11-20	11-20	0-0.5	0.1-0.2	0.2	-0.1-0.2	-0.1	0.2	-0.3,0.3	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-13	12-20	10	0.4-0.5	0-0.2	0.2-0.5	-0.1	-0.1-0	0.1	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.2-0.2	-0.3,0.3
				1-2	4.6-8.15	10-11	16-20	10-20	0.1-0.5	0.1-0.2	0.2	-0.1	-0.1	0.2	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
				2-2.5	8.15-10.8	10-12	14-20	10-20	0.1-0.2	0.1-0.3	0.1-0.2	0	-0.1-0	0.2	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.4,0.4	-0.3,0.3
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-11	14-20	10-20	0.2-0.5	0.2-0.5	0.2	0.1	-0.1	0.2	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
				2-2.5	8.15-10.8	10-12	14-20	10-20	0.1-0.5	0.1-0.3	0.1-0.2	0.1	-0.1-0	0.1	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.4,0.4	-0.3,0.3
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	11-20	11-20	10-20	0.3-0.5	0.1-0.2	0.2	0.1-0.2	-0.1	0.2	-0.3,0.3	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)

ตารางที่ 5.21(ต่อ) สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ด พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-20	11-20	10-12	0.2	0.2	0.2	-0.1	-0.1	0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)
				1-2	4.6-8.15	10-20	16-20	10-20	0.2-0.3	0.1	0.2	-0.1	-0.1	0.1	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
				2-2.5	8.15-10.8	10	10-20	16-20	0.2-0.5	0.1-0.3	0.2	-0.1	-0.1-0	0.2	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10	15-20	10-20	0.2-0.3	0.1	0.1-0.2	0.1	-0.1	0.1	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
				2-2.5	8.15-10.8	10	10-20	16-20	0.2-0.5	0.1-0.3	0.2	0.1	-0.1-0	0.2	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	14-20	0.2-0.5	0.1-0.3	0.2	0.1	-0.1	0.2	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10	10-11	10-11	0.2	0.1-0.3	0.2	0.1	-0.1	0.2	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
				2-2.5	8.15-10.8	10	10-11	15-20	0.2	0.3	0.2	0.1	-0.1	0.1	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.2,0.2
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10	18-20	0.2	0.1	0.2	0.1-0.2	-0.1	0.2	-0.2,0.2	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	-0.3,0.3
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10	18-20	0.2	0.1	0.2	0.1-0.2	-0.1	0.2	-0.2,0.2	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	-0.3,0.3

ตารางที่ 5.22 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ต เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ต พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	10-20	12-20	10-16	0-0.2	0-0.2	0.2	-0.1-0	-0.1-0	0.1	-0.5-0.5	-0.3-0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
				0-1	3-4.6	10-20	12-20	10-16	0-0.2	0-0.2	0.2	-0.1-0	-0.1-0	0.1	-0.5-0.5	-0.3-0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
				1-2	4.6-8.15	10-20	10-20	10-20	0.2	0-0.1	0.1-0.2	0	0	0.1	-0.4,0.4	-0.2-0.2	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
				2-2.5	8.15-10.8	11-20	10-20	16-20	0.1-0.2	0.1	0.1	-0.1	-0.1	0.1	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	-0.2,0.2
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-12	14-20	10-13	0.2-0.5	0-0.2	0.1-0.3	-0.1	-0.1-0	0.1	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	-0.4,0.4	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
				1-2	4.6-8.15	10-15	10-20	10-14	0.2	0.1-0.2	0.1	0.1	-0.1	0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.3-0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
				2-2.5	8.15-10.8	10-15	10-20	18-20	0.2-0.3	0-0.2	0.1-0.2	0.1	-0.1-0	0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.4,0.4	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-15	10-20	10-14	0.2	0.1-0.2	0.1	0.1	-0.1	0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.3-0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
				2-2.5	8.15-10.8	10-15	10-20	18-20	0.2-0.3	0-0.2	0.1-0.2	0.1	-0.1-0	0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.4,0.4	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	11-20	10-20	16-20	0.1-0.2	0.1	0.1	-0.1	-0.1	0.1	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	-0.2,0.2

ตารางที่ 5.22(ต่อ) สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ด พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-13	10-20	10-13	0.1-0.4	0.1-0.2	0.1-0.2	-0.1	-0.1	0.1	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	-0.2,0.2	-0.2,0.2
				1-2	4.6-8.15	10-11	12-20	14-20	0.5	0.1	0.2	0.1	-0.1	0.1	-0.5,0.5	-0.2,0.2	-0.3-0.3
				2-2.5	8.15-10.8	10-14	10-20	13-20	0.2-0.4	0.1-0.2	0.1-0.2	0.1	-0.1	0.2	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	0.4-0.4	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-11	12-20	14-20	0.5	0.1	0.2	0.1	-0.1	0.1	-0.5,0.5	-0.2,0.2	-0.3-0.3
				2-2.5	8.15-10.8	10-14	10-20	13-20	0.2-0.4	0.1-0.2	0.1-0.2	0.1	-0.1	0.2	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	0.4-0.4	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
				1-2	4.6-8.15	10-20	10-20	10-20	0.1-0.3	0-0.3	0.1-0.2	0.1	-0.1-0	0.1-0.2	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.3-0.3	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-13	10-13	10-20	0.2	0.1-0.5	0.2	0.1	-0.1	0.1	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
				2-2.5	8.15-10.8	10-15	10	10-20	0.3-0.5	0.2-0.4	0.2	0.1	-0.1	0.2	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-19	10-20	0.2	0.2-0.5	0.1-0.2	0.2	-0.1	0.2	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-19	10-20	0.2	0.2-0.5	0.1-0.2	0.2	-0.1	0.2	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)

ตารางที่ 5.23 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ต เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ต พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
-2.5-2	8.15-10.8	-2 -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	10-20	10-20	10-20	0-0.2	-0.1-0.3	0.3-0.4	-0.1-0	-0.1-0.1	0.1	-0.5-0.5	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
				0-1	3-4.6	10-20	10-20	10-20	0-0.2	-0.1-0.3	0.3-0.4	-0.1-0	-0.1-0.1	0.1	-0.5-0.5	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
				1-2	4.6-8.15	10-20	10-20	10-20	0-0.3	0-0.3	0.1-0.2	-0.1-0	-0.1-0	0.1	-0.5-0.5	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
				2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	10-20	0-0.3	0-0.2	0.2	-0.1-0	-0.1-0	0.2	-0.4-0.4	-0.4-0.4	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-14	17-20	10-14	0.2-0.5	0-0.2	0.1-0.3	-0.1	-0.1-0	0.1	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)
				1-2	4.6-8.15	10-17	10-20	10-20	0.1-0.5	0-0.2	0.1-0.3	-0.1	-0.1	0.2	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	-0.3-0.3	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
				2-2.5	8.15-10.8	10-19	10-20	13-20	0.2-0.5	0-0.1	0.2	-0.1	-0.1	0.2	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.3-0.3	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-17	10-20	10-20	0.1-0.5	0-0.2	0.1-0.3	-0.1	-0.1	0.2	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	-0.3-0.3	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
				2-2.5	8.15-10.8	10-19	10-20	13-20	0.2-0.5	0-0.1	0.2	-0.1	-0.1	0.2	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.3-0.3	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	10-20	0-0.3	0-0.2	0.2	-0.1-0	-0.1-0	0.2	-0.4-0.4	-0.4-0.4	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)

ตารางที่ 5.23 (ต่อ) สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ด พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-16	10-20	10-16	0.4	0.3	0.5	-0.1	-0.1	0.2	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
				1-2	4.6-8.15	10-18	10-20	10-16	0.1-0.5	0-0.2	0.1-0.3	-0.1-0	-0.1-0	0.1-0.2	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.3-0.3	(-0.5- -0.1) ,(0.1-0.5)
				2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	11-20	0.1-0.5	0.1-0.5	0.1-0.2	-0.1	-0.1-0	0.1-0.2	(-0.5- -0.1) ,(0.1-0.5)	-0.3-0.3	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-18	10-20	10-16	0.1-0.5	0-0.2	0.1-0.3	-0.1-0	-0.1-0	0.1-0.2	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.3-0.3	(-0.5- -0.1) ,(0.1-0.5)
				2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	11-20	0.1-0.5	0.1-0.5	0.1-0.2	-0.1	-0.1-0	0.1-0.2	(-0.5- -0.1) ,(0.1-0.5)	-0.3-0.3	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	14-20	0.1	0-0.2	0.2-0.3	0.1	-0.1-0	0.1	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	-0.4-0.4	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-18	10-15	11-20	0.2-0.5	0.1-0.2	0.1	0.1	-0.1	0.1	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
				2-2.5	8.15-10.8	10-15	10-15	15-20	0.2-0.5	0.1-0.5	0.1-0.2	0.1	-0.1	0.1	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-16	11-20	0.2-0.3	0.1-0.4	0.1-0.3	0.2	-0.1	0.1	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-16	11-20	0.2-0.3	0.1-0.4	0.1-0.3	0.2	-0.1	0.2	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)

ตารางที่ 5.24 สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ต เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ต พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	10-20	12-20	10-16	0-0.2	0-0.2	0.2	-0.1-0	-0.1-0	0.1	-0.5-0.5	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
				0-1	3-4.6	10-20	12-20	10-16	0-0.2	0-0.2	0.2	-0.1-0	-0.1-0	0.1	-0.5-0.5	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
				1-2	4.6-8.15	10-20	10-20	10-20	0.2	0-0.1	0.1-0.2	0	0	0.1	-0.4-0.4	-0.4-0.4	(-0.5- -0.1) ,(0.1-0.5)
				2-2.5	8.15-10.8	11-20	10-20	16-20	0.1-0.2	0.1	0.1	-0.1	-0.1	0.1	-0.4-0.4	-0.4-0.4	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-12	14-20	10-13	0.2-0.5	0-0.2	0.1-0.3	-0.1	-0.1-0	0.1	-0.5-0.5	-0.2-0.2	-0.3,0.3
				1-2	4.6-8.15	10-15	10-20	10-14	0.2	0.1-0.2	0.1	0.1	-0.1	0.1	(-0.3- -0.5) ,(0.3-0.5)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
				2-2.5	8.15-10.8	10-15	10-20	18-20	0.2-0.3	0-0.2	0.1-0.2	0.1	-0.1-0	0.1	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-15	10-20	10-14	0.2	0.1-0.2	0.1	0.1	-0.1	0.1	(-0.3- -0.5) ,(0.3-0.5)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
				2-2.5	8.15-10.8	10-15	10-20	18-20	0.2-0.3	0-0.2	0.1-0.2	0.1	-0.1-0	0.1	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	11-20	10-20	16-20	0.1-0.2	0.1	0.1	-0.1	-0.1	0.1	-0.4-0.4	-0.4-0.4	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)

ตารางที่ 5.24(ต่อ) สรุปรูปแบบการแปลงที่มีขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา 3 ตัวแปร

ความเบ้ ของ X_1	ความโด่ง ของ X_1	ความเบ้ ของ X_2	ความโด่ง ของ X_2	ความเบ้ ของ X_3	ความโด่ง ของ X_3	วิธีการแปลง											
						ไฟล์ด เอกโพเนนเชียล			ไฟล์ด พาวเวอร์			Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz		
						λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3	λ_1	λ_2	λ_3
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-13	10-20	10-13	0.1-0.4	0.1-0.2	0.1-0.2	-0.1	-0.1	0.1	(-0.1- -0.5) ,(0.5-0.1)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
				1-2	4.6-8.15	10-11	12-20	14-20	0.5	0.1	0.2	0.1	-0.1	0.1	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
				2-2.5	8.15-10.8	10-14	10-20	13-20	0.2-0.4	0.1-0.2	0.1-0.2	0.1	-0.1	0.2	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-11	12-20	14-20	0.5	0.1	0.2	0.1	-0.1	0.1	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
				2-2.5	8.15-10.8	10-14	10-20	13-20	0.2-0.4	0.1-0.2	0.1-0.2	0.1	-0.1	0.2	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	10-20	0.1-0.3	0-0.3	0.1-0.2	0.1	-0.1-0	0.1- 0.2	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.4-0.4	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-13	10-13	10-20	0.2	0.1-0.5	0.2	0.1	-0.1	0.1	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.1- -0.5) ,(0.5-0.1)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
				2-2.5	8.15-10.8	10-15	10	120	0.3-0.5	0.2-0.4	0.2	0.1	-0.1	0.2	-0.5-0.5	-0.4-0.4	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-19	10-20	0.2	0.2-0.5	0.1-0.2	0.2	-0.1	0.2	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	(-0.1- -0.5) ,(0.5-0.1)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-19	10-20	0.2	0.2-0.5	0.1-0.2	0.2	-0.1	0.2	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	(-0.1- -0.5) ,(0.5-0.1)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)

รายการอ้างอิง

ภาษาไทย

กัลยา วานิชย์บัญชา. การวิเคราะห์ข้อมูลหลายตัวแปร. พิมพ์ครั้งที่ 2. กรุงเทพมหานคร:

สำนักพิมพ์ ธรรมสาร 2550

จรรยา เกศเกษมกุล. การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบของตัวสถิติ ที่ใช้ในการทดสอบการแจก

แจกปกติหลายตัวแปร. วิทยานิพนธ์ปริญญาามหาบัณฑิต ภาควิชาสถิติ คณะ

พาณิชยศาสตร์ และการบัญชี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2545

จุฬารัตน์ พูลเยี่ยม. ขนาดตัวอย่างสำหรับตัวสถิติทดสอบไคกำลังสอง ในกรณีที่ประชากรมีการ

แจกแจงไม่ปกติ. วิทยานิพนธ์ปริญญาามหาบัณฑิต ภาควิชาสถิติ คณะพาณิชยศาสตร์

และการบัญชี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2548

จำเนียร จ่านครักษ์. การพยากรณ์ในสมการถดถอยเชิงพหุเมื่อค่าตัวแปรตามถูกตัดปลายทาง

ขวา. วิทยานิพนธ์ปริญญาามหาบัณฑิต ภาควิชาสถิติ คณะพาณิชยศาสตร์ และการบัญชี

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2539

สตรีรัตน์ เกิดสว่าง. การเปรียบเทียบเทคนิคการแปลงข้อมูลให้มีการแจกแจงปกติ. วิทยานิพนธ์

ปริญญาามหาบัณฑิต ภาควิชาสถิติ คณะพาณิชยศาสตร์ และการบัญชี จุฬาลงกรณ์

มหาวิทยาลัย, 2548

ภาษาอังกฤษ

Atkinson A.C.. Plots, Transformation and Regression. London: Clarendon, 1985

David M. Rocke, On the Beta Transformation Family. Journal of American Statistical

Association and American Society for Quality 35(1993) : 72-81.

Hans-Peter Piepho. The Folded Exponential Transformation for Proportions. The

Statistician 52(2003): 575-589.

Richard A. Johnson and Dean W. Wichern. Applied multivariate statistical analysis 5th

ed. NJ : Prentice Hall, c2002

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



ภาคผนวก

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



ภาคผนวก ก

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ก1 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง					
				โฟรต์ เอกโพเนนเชียล			โฟรต์ พาวเวอร์		
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	16	16	85.66	0.4	0.3	93.58
		1-1.5	4.16-6.13	16	15-16	95.60	0.4	0.5	98.00
		1.5-2	6.13-9	16	14-16	95.18	0.3	0.5	99.04
		2-2.5	9-12.83	16	16	85.61	0.2	0.6-0.7	99.06
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	16	16	91.09	0.3	0.4	98.47
		1.5-2	6.13-9	16	16	91.18	0.2	0.4	98.49
		2-2.5	9-12.83	16	16	87.91	0.2	0.4-0.5	99.46
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	16	15-16	88.24	0.2	0.3	98.98
		2-2.5	9-12.83	16	16	86.21	0.2	0.3	99.57
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	16	16	78.30	0.3	0.3	97.16

ตารางที่ ก1(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง						
				Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz			สเกล แองกูลา
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	0.4	0.3	94.96	-0.5,0.5	-0.4,0.4	94.34	93.21
		1-1.5	4.16-6.13	0.5	0.5	98.00	-0.5,0.5	-0.5,0.5	98.40	98.00
		1.5-2	6.13-9	0.5	0.5	99.71	-0.4,0.4	(-0.6- -0.5) ,(0.5-0.6)	99.36	95.82
		2-2.5	9-12.83	0.2	0.7	99.29	-0.3,0.3	(-0.8- -0.7) ,(0.7-0.8)	99.29	89.62
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	0.3	0.4	98.47	-0.5,0.5	-0.4,0.4	98.73	95.67
		1.5-2	6.13-9	0.3	0.2-0.5	98.49	-0.4,0.4	-0.5,0.5	99.57	93.33
		2-2.5	9-12.83	0.2	0.5	99.64	-0.3,0.3	-0.6,0.6	99.64	86.10
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	0.2	0.3	98.98	-0.3,0.3	-0.4,0.4	99.23	93.61
		2-2.5	9-12.83	0.2	0.3-0.4	99.57	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	99.57	90.09
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.3	0.3	97.57	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	98.38	86.00

ตารางที่ ก2 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง					
				โฟรต์ เอกโพเนนเชียล			โฟรต์ พาวเวอร์		
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	15	15-16	96.90	04	0.5	97.67
		1-1.5	4.16-6.13	15	15-16	97.37	0.4	0.7	99.56
		1.5-2	6.13-9	16	16	84.77	0.2	0.5	99.18
		2-2.5	9-12.83	16	13-16	67.26	0.2	0.5-0.6	99.56
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	16	15-16	85.80	0.3	0.3-0.5	99.38
		1.5-2	6.13-9	16	14-16	72.62	0.2	0.4	100
		2-2.5	9-12.83	16	16	69.18	0.2	0.3-0.4	99.37
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	16	16	68.35	0.3	0.3	99.24
		2-2.5	9-12.83	16	16	57.44	0.2	0.3	99.08
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	16	16	40.74	0.3	0.4-0.5	94.87

ศูนย์วิจัยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ก2 (ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง						
				Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz			สเกล แองกูลา
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	0.4	0.5	97.67	-0.5,0.5	-0.6,0.6	97.67	97.29
		1-1.5	4.16-6.13	0.4	0.6-0.7	99.56	-0.5,0.5	(-0.8- -0.7) ,(0.7-0.8)	99.56	98.25
		1.5-2	6.13-9	0.2	0.5	99.18	-0.3,0.3	(-0.7- -0.6) ,(0.6-0.7)	99.18	94.24
		2-2.5	9-12.83	0.2	0.5	99.56	-0.3,0.3	-0.6,0.6	100	70.8
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	0.3	0.4-0.5	99.38	-0.5,0.5	(-0.6- -0.5) ,(0.5-0.6)	100	95.06
		1.5-2	6.13-9	0.2	0.4	100	-0.3,0.3	-0.5,0.5	100	86.9
		2-2.5	9-12.83	0.2	0.4	99.37	-0.3,0.3	-0.5,0.5	100	72.96
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	0.3	0.3	99.75	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	99.75	87.59
		2-2.5	9-12.83	0.2	0.3	99.08	-0.3,0.3	-0.4,0.4	100	72.77
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.3	0.3	95.73	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	98.58	63.25

ตารางที่ ก3 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง					
				โฟรต์ เอกโพเนนเชียล			โฟรต์ พาวเวอร์		
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	16	16	97.24	0.5	0.5-0.7	99.31
		1-1.5	4.16-6.13	16	16	76.73	0.4	0.5	98.91
		1.5-2	6.13-9	16	16	29.10	0.3	0.6-0.7	98.41
		2-2.5	9-12.83	16	16	14.45	0.2	0.5	98.10
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	16	16	53.77	0.3	0.4-0.5	97.17
		1.5-2	6.13-9	16	16	20.57	0.3	0.4-0.5	98.09
		2-2.5	9-12.83	16	16	9.63	0.2	0.4	98.40
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	16	15-16	4.51	0.3	0.3	97.74
		2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.2	0.3	100
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	-	-	-	0.2	0.3	92.46

ตารางที่ ก3(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง						
				Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz			สเกล แองกูลา
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-	0.5-0.6	0.6	100	-0.6,0.6	-0.7,0.7	100	99.31
		1-1.5	4.16-	0.4	0.5-0.6	98.91	-0.5,0.5	-0.6,0.6	99.27	97.45
		1.5-2	6.13-9	0.3	0.6	98.94	-0.4,0.4	-0.6,0.6	99.41	77.78
		2-2.5	9-12.83	0.2	0.6	98.10	-0.3,0.3	-0.6,0.6	98.48	22.43
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-	0.3	0.4-0.5	97.17	-0.5,0.5	-0.5,0.5	99.06	88.68
		1.5-2	6.13-9	0.3	0.4-0.5	98.09	-0.4,0.4	-0.5,0.5	99.52	74.64
		2-2.5	9-12.83	0.2	0.4-0.5	98.40	-0.3,0.3	(-0.6- -0.5) ,(0.5-0.6)	98.93	42.78
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	0.3	0.4	98.50	-0.4,0.4	-0.4,0.4	99.62	63.91
		2-2.5	9-12.83	0.2	0.4	100	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	100	27.88
1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.2	0.4	93.77	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	97.38	15.41

ตารางที่ ก4 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง					
				โพร์ต เอกโพเนนเชียล			โพร์ต พาวเวอร์		
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	18	7	94.59	0	0.1	87.16
		1-1.5	4.5-6.37	18	6	86.53	0.2	0-0.1	96.37
		1.5-2	6.37-9	18	3	88.04	0.2	0.2-0.3	100
		2-2.5	9-12.38	16	7	13.45	0.3	0.4	99.16
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	7	11	85.61	0.2	0.2-0.3	95.44
		1.5-2	6.37-9	17	13-16	83.88	0.2	0.4-0.5	98.57
		2-2.5	9-12.38	16	15-16	29.35	0.2	0.4	98.98
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	16	16	74.60	0.2	0.4	98.68
		2-2.5	9-12.38	16	16	38.31	0.2	0.2	99.35
1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	16	16	33.16	0.2-0.3	0.2	99.48

ตารางที่ ก4(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง						
				Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz			สเกล แองกูลา
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	0	0.1	87.84	(-0.2- -0.1) ,(0.1-0.2)	-0.4,0.4	87.84	76.35
		1-1.5	4.5-6.37	0.2	0-0.1	96.37	0.3,0.3	-0.2,0.2	96.63	89.64
		1.5-2	6.37-9	0.2	0.2	100	0.3,0.3	(-0.6- -0.4) ,(0.4-0.6)	100	96.01
		2-2.5	9-12.38	0.2	0.1	99.16	0.3,0.3	-0.5,0.5	100	93.28
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	0.2	0.2-0.3	95.44	0.3,0.3	0.3,0.3	95.79	91.23
		1.5-2	6.37-9	0.2	0.4-0.5	98.57	0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	98.86	94.86
		2-2.5	9-12.38	0.2	0.4	98.98	0.3,0.3	(-0.6- -0.5) ,(0.5-0.6)	98.98	90.78
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	0.2	0.3	98.68	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.4,0.4	98.94	95.77
		2-2.5	9-12.38	0.2	0.2-0.3	99.35	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.4,0.4	99.35	89.61
1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.4	0.2	100	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	99.48	94.82

ตารางที่ ก5 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง					
				โพร์ต เอกโพเนนเชียล			โพร์ต พาวเวอร์		
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	18	7	95.57	0.2	0	90.72
		1-1.5	4.5-6.37	18	4-5	88.76	0.3	0	96.64
		1.5-2	6.37-9	18	4	77.73	0.3	0.3	97.94
		2-2.5	9-12.38	18	2-5	12.50	0.4	0.4	98.33
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	17	12-14	93.59	0.3	0.3	97.86
		1.5-2	6.37-9	17	15-17	78.52	0.2	0.3	98.89
		2-2.5	9-12.38	16	12-14	25.36	0.3	0.3	98.55
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	16	16	60.80	0.3	0.4-0.5	97.16
		2-2.5	9-12.38	16	16	30.19	0.3	0.3	99.06
1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	16	16	8.89	0.2	0.2	98.15

ตารางที่ ก5(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง						
				Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz			สเกล แองกูลา
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	0	0.1	90.50	-0.4,0.4	0	91.35	79.32
		1-1.5	4.5-6.37	0.2	0-0.1	96.64	-0.4,0.4	-0.1-0.1	97.15	93.92
		1.5-2	6.37-9	0.2	0.2	98.14	-0.4,0.4	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	98.56	93.81
		2-2.5	9-12.38	0.4	0.4	97.92	-0.4,0.4	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	98.75	85.42
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	0.3	0.2-0.3	97.86	-0.4,0.4	-0.5,0.5	98.58	94.66
		1.5-2	6.37-9	0.2	0.3	98.89	-0.4,0.4	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	99.26	94.07
		2-2.5	9-12.38	0.3	0.3	98.55	-0.3,0.3	-0.3,0.3	99.28	89.13
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	0.3	0.4-0.5	97.16	-0.4,0.4	(-0.6- -0.5) ,(0.5-0.6)	97.16	92.61
		2-2.5	9-12.38	0.3	0.4	99.37	-0.3,0.3	-0.4,0.4	99.06	88.99
1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.3	0.2-0.3	98.52	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.4,0.4	98.52	86.30

ตารางที่ 6 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง					
				โฟรต์ เอกโพเนนเชียล			โฟรต์ พาวเวอร์		
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	18	6	97.54	0	0.1	91.40
		1-1.5	4.5-6.37	18	4-5	89.55	0.3	0-0.1	98.51
		1.5-2	6.37-9	18	3-4	50.92	0.3	0.2	96.04
		2-2.5	9-12.38	16	3-4	10.11	0.3	0.2-0.3	97.98
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	17	17	87.08	0.3	0.3	98.45
		1.5-2	6.37-9	17	16	50.57	0.2-0.3	0.3	98.00
		2-2.5	9-12.38	17	11-17	16.13	0.2	0.4-0.5	98.39
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	16	16	21.08	0.2-0.3	0.3	96.41
		2-2.5	9-12.38	14-16	12-16	4.19	0.3	0.3	99.40
1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	-	-	-	0.2	0.2	98.15

ตารางที่ ก6(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง						
				Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz			สเกล แองกูลา
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	0	0.1	91.15	-0.5,0.5	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	91.89	87.71
		1-1.5	4.5-6.37	0.2	0-0.1	98.51	-0.4,0.4	-0.3-0.3	98.51	93.28
		1.5-2	6.37-9	0.3	0.2	95.78	-0.4,0.4	-0.6,0.6	96.31	89.97
		2-2.5	9-12.38	0.3	0.2	97.98	-0.3,0.3	-0.5,0.5	98.20	79.55
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	0.3	0.3	98.45	-0.4,0.4	-0.5,0.5	98.71	92.76
		1.5-2	6.37-9	0.2	0.3	98.29	-0.3,0.3	-0.5,0.5	98.86	89.14
		2-2.5	9-12.38	0.2	0.4-0.5	98.39	-0.3,0.3	(-0.6- -0.5) ,(0.5-0.6)	99.19	79.84
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	0.3	0.3	97.31	0.3-0.4	-0.4,0.4	98.21	84.75
		2-2.5	9-12.38	0.3	0.3	99.40	-0.3,0.3	-0.4,0.4	100	75.45
1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.2	0.2	98.15	-0.3,0.3	-0.3,0.3	100	69.14

ตารางที่ ก7 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง					
				โพร์ต เอกโพเนนเชียล			โพร์ต พาวเวอร์		
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	14-16	5	98.58	0.3	0.1-0.2	94.90
		1-1.5	4.5-6.37	18	4	55.22	0.3	0.1	96.12
		1.5-2	6.37-9	18	3-4	9.5	0.3	0.2	96.38
		2-2.5	9-12.38	-	-	-	0.2	0.3	98.65
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	18	16	54.59	0.3	0.3	97.30
		1.5-2	6.37-9	17	10-17	6.61	0.2	0.3	96.69
		2-2.5	9-12.38	17	10-17	0.60	0.3	0.3	96.43
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	-	-	-	0.2	0.3	98.66
		2-2.5	9-12.38	-	-	-	0.4	0.3	99.21
1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	-	-	-	0.2	0.3	98.68

ตารางที่ ก7(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง						
				Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz			สเกล แองกูลา
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	0.3	0	94.90	-0.5,0.5	-0.5,0.5	96.03	90.93
		1-1.5	4.5-6.37	0.3	0.1	96.42	0.4,0.4	-0.4,0.4	97.01	87.76
		1.5-2	6.37-9	0.3	0.2	95.93	0.4,0.4	-0.6,0.6	96.83	71.95
		2-2.5	9-12.38	0.2	0.3	98.21	-0.3,0.3	-0.6,0.6	99.10	43.05
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	0.3	0.5	97.30	0.4,0.4	-0.5,0.5	99.46	86.49
		1.5-2	6.37-9	0.2	0.3	95.87	0.4,0.4	-0.5,0.5	98.35	57.02
		2-2.5	9-12.38	0.3	0.3	98.21	-0.3,0.3	-0.5,0.5	98.21	37.50
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	0.2-0.3	0.3	98.66	0.4,0.4	0.4,0.4	99.33	61.07
		2-2.5	9-12.38	0.2-0.3	0.3	99.21	-0.3,0.3	0.4,0.4	99.21	37.01
1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.2	0.3	98.68	-0.3,0.3	0.4,0.4	99.34	23.84

ตารางที่ ๘ แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง					
				โฟรต์ เอกโพเนนเชียล			โฟรต์ พาวเวอร์		
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1.5	4.6-8.15	10-12	18	99.65	0.1-0.2	0.1	99.65
		-1-0	3-4.6	18	13-14	100	0.2	0.1	100
		0-1	3-4.6	8	13-14	100	0.2	0.1	100
		1-2	4.6-8.15	10-12	18	99.65	0.2	0.1	99.65
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	99.56	0.2	0.1	100
-2- -1.5	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	5	14-18	100	0.2	0.1	99.75
		0-1	3-4.6	18	18	100	0.2	0.1-0.2	100
		1-2	4.6-8.15	18	18	100	0.1-0.2	0.2	100
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	100	0.2	0.1-0.2	100
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	18	18	99.32	0.2	0.1-0.2	96.22
		1-2	4.6-8.15	18	18	100	0.2	0.3	100
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	99.43	0.2	0.3	98.67
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	18	18	99.43	0.2	0.3	98.67
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	100	0.2	0.3	100
1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	18	18	100	0.2	0.2	100

ตารางที่ ก8(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง						
				Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz			สเกล แองกูลา
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-0.1	-0.1	99.65	(-0.3- -0.1) ,(0.1-0.3)	(-0.2- -0.1) ,(0.1-0.2)	99.65	79.15
		-1-0	3-4.6	-0.2	-0.1	96.35	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	99.64	86.50
		0-1	3-4.6	0.1	0.1	95.99	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	99.64	86.50
		1-2	4.6-8.15	0.1	0	98.23	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.3- -0.1) ,(0.1-0.3)	99.65	79.51
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	0	99.56	-0.3,0.3	(-0.3- -0.1) ,(0.1-0.3)	100	76.65
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	-0.1	-0.1-0	97.28	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	99.75	95.05
		0-1	3-4.6	0.2	-0.1-0	96.58	-0.3,0.3	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100	96.32
		1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	99.62	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100	85.11
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.2- -0.1	100	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100	80.72
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	0.1	-0.1	85.29	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	97.06	86.13
		1-2	4.6-8.15	0.1-0.2	-0.1	97.02	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	100	93.80
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	95.83	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	99.05	86.72
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.1-0.2	0.1	95.26	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	99.05	86.72
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	0.3	97.02	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	100	93.80
1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.2	0.1-0.2	100	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100	80.72

ตารางที่ ก9 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง					
				โฟรต์ เอกโพเนนเชียล			โฟรต์ พาวเวอร์		
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1.5	4.6-8.15	10	18	99.46	0.1	0.1	100
		-1-0	3-4.6	18	18	100	0.2	0.1	99.22
		0-1	3-4.6	6	12-18	100	0.2	0.1	99.22
		1-2	4.6-8.15	11-18	15-18	99.46	0.2	0.1	99.73
		2-2.5	8.15-10.8	16-18	13-18	100	0.2	0.1	99.18
-2- -1.5	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	18	18	100	0.3	0.2	100
		0-1	3-4.6	18	18	100	0.2	0.1-0.3	100
		1-2	4.6-8.15	18	18	100	0.2	0.1	98.86
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	99.66	0.2	0.1	98.97
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	18	18	97.82	0.2	0.2	94.39
		1-2	4.6-8.15	18	18	99.62	0.2	0.1	98.49
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	100	0.2	0.2	100
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	18	18	100	0.2	0.2	100
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	99.62	0.2	0.2	98.49
1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	18	18	99.66	0.2	0.2	98.97

ตารางที่ ก9 (ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโค้ง	ความเบ้	ความโค้ง	วิธีการแปลง						
				Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz			สเกล แองกูลา
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-0.1	-0.1	99.46	-0.2,0.2	0.1-0.2	100	56.57
		-1-0	3-4.6	-0.1	-0.1	96.11	(-0.6- -0.4) ,(0.4-0.6)	-0.3,0.3	99.61	67.32
		0-1	3-4.6	0.1	-0.1	95.33	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.3,0.3	99.61	67.32
		1-2	4.6-8.15	0.1	0	97.32	-0.2,0.2	-0.2,0.2	100	57.37
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	0	95.90	-0.3,0.3	-0.4,0.4	100	36.07
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	-0.1	-0.1	98.55	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100	89.86
		0-1	3-4.6	0.1	-0.2- -0.1	97.91	-0.3,0.3	-0.2,0.2	100	91.62
		1-2	4.6-8.15	0.2	-0.1	96.20	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	0.3-0.5	99.62	66.54
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	98.28	-0.3,0.3	0.2-0.3	99.66	56.55
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	0.1	-0.1	81.93	-0.3,0.3	-0.4,0.4	95.33	85.05
		1-2	4.6-8.15	0.2	-0.1	96.60	-0.3,0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	99.25	89.43
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	96.49	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	100	70.81
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.2	-0.1	94.32	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100	70.81
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	0.1	95.47	-0.3,0.3	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	99.25	89.43
1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.2	0.1	99.28	-0.3,0.3	-0.3,0.3	99.66	57.59

ตารางที่ ก10 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง					
				โฟรต์ เอกโพเนนเชียล			โฟรต์ พาวเวอร์		
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1.5	4.6-8.15	9-18	18	99.57	0.1-0.2	0.1	100
		-1-0	3-4.6	8	18	98.37	0.2	0.1	99.46
		0-1	3-4.6	8	18	98.37	0.2	0.1	99.46
		1-2	4.6-8.15	18	10-18	99.57	0.2	0.1	100
		2-2.5	8.15-10.8	18	15-18	97.71	0.1-0.2	0.1-0.2	100
-2- -1.5	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	18	18	99.39	0.2	0.1	99.09
		0-1	3-4.6	18	18	99.67	0.2	0.1	99.34
		1-2	4.6-8.15	18	18	100	0.2	0.1	99.43
		2-2.5	8.15-10.8	17-18	18	100	0.2	0.1-0.2	100
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	18	18	100	0.2-0.3	0.3	100
		1-2	4.6-8.15	18	18	100	0.2	0.2	99.67
		2-2.5	8.15-10.8	17-18	8-9	98.58	0.2	0.2	99.53
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	18	18	98.58	0.2	0.2	99.53
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	100	0.2	0.2	99.67
1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	18	18	100	0.2	0.2	100

ตารางที่ ก10 (ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง						
				Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz			สเกล แองกูลา
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-0.1	0.1	100	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.2- -0.1) ,(0.1-0.2)	100	15.95
		-1-0	3-4.6	-0.1	-0.1	94.02	-0.3,0.3	-0.2,0.2	100	26.09
		0-1	3-4.6	0.1	-0.1	92.39	-0.3,0.3	-0.2,0.2	100	26.09
		1-2	4.6-8.15	0.1	0	95.26	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	0.1-0.2	100	16.38
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	0	99.24	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100	4.58
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	-0.1	-0.1	95.12	-0.4,0.4	-0.2,0.2	99.09	59.15
		0-1	3-4.6	0.1	-0.1	93.40	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.2,0.2	99.34	59.15
		1-2	4.6-8.15	0.2	-0.1	99.72	-0.4,0.4	-0.4,0.4	100	20.23
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	100	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100	22.46
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	0.1	-0.1	82.20	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.4,0.4	100	94.92
		1-2	4.6-8.15	0.2	-0.1	94.44	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.3,0.3	100	63.07
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	91.51	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	99.53	29.25
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.2	-0.1	91.04	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	99.53	29.25
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	0.1	92.48	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100	63.07
1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.2	0.1	98.55	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100	23.19

ตารางที่ ก11 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง					
				โฟร์ต เอกโพเนนเชียล			โฟร์ต พาวเวอร์		
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1.5	4.6-8.15	18	18	0.39	0.1	0.1	99.61
		-1-0	3-4.6	6	18	42.72	0.2	0.2	99.38
		0-1	3-4.6	6	18	43.03	0.2	0.1	99.38
		1-2	4.6-8.15	18	18	0.39	0.2	0.1	99.61
		2-2.5	8.15-10.8	-	-	-	0.2	0.1	100
-2- -1.5	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	7	9	47.93	0.2	0.1	99.17
		0-1	3-4.6	18	18	47.93	0.2	0.1	100
		1-2	4.6-8.15	18	18	0.42	0.2	0.1	99.16
		2-2.5	8.15-10.8	-	-	-	0.2	0.1	98.13
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	18	18	99.08	0.2	0.2	100
		1-2	4.6-8.15	18	18	45.38	0.2	0.2	99.16
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	46.24	0.2	0.2	99.42
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	18	18	46.24	0.2	0.2	99.42
		2-2.5	8.15-10.8	18	18	45.38	0.2	0.2	99.16
1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	-	-	-	0.2	0.2	97.20

ตารางที่ ก11 (ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง						
				Guerrero-Johnson			Aranda-Ordaz			สเกล แองกูลา
				λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	เปอร์เซ็นต์	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-0.1	-0.2- -0.1	99.61	-0.2,0.2	-0.2,0.2	100	-
		-1-0	3-4.6	-0.1	-0.1	91.64	-0.4,0.4	-0.2,0.2	99.38	0.31
		0-1	3-4.6	0.1	-0.1	87.62	-0.4,0.4	-0.2,0.2	99.38	0.31
		1-2	4.6-8.15	0.1-0.2	0	82.49	-0.3,0.3	-0.2,0.2	100	-
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	0	92.52	-0.3,0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100	-
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0.1	-0.1	93.39	-0.3,0.3	-0.2,0.2	99.59	1.65
		0-1	3-4.6	-0.1	-0.1	93.39	-0.3,0.3	-0.2,0.2	99.59	1.65
		1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	94.96	-0.3,0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100	-
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	96.21	-0.3,0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	99.07	-
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	0.1	-0.1	76.15	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.4,0.4	100	71.56
		1-2	4.6-8.15	0.2	-0.1	87.39	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	99.16	2.94
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	90.75	-0.3,0.3	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	99.42	0.58
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.2	0.1	86.13	-0.3,0.3	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	99.16	0.58
		2-2.5	8.15-10.8	0.2	0.1	83.19	-0.3,0.3	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	99.42	2.94
1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.2	0.2	93.46	-0.3,0.3	-0.3,0.3	100	-

ส่วนที่ 2 การเปรียบเทียบวิธีการแปลงข้อมูลโดยพิจารณาจากเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อข้อมูลมีตัวแปร 3 ตัวแปร
 ตารางที่ ก12 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						ฟร็ิต เอกโพเนนเชียล				ฟร็ิต พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	20	19-20	20	95.42	0.3-0.4	0.5	0.2-0.3	96.81
				1.5-2	6.13-9	20	19-20	20	96.49	0.3	0.5	0.2	97.97
				2-2.5	9-12.83	20	19-20	20	96.77	0.3-0.4	0.5	0.2	98.62
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	20	20	96.37	0.2-0.3	0.5	0.2-0.3	98.03
				2-2.5	9-12.83	20	20	20	96.64	0.3	0.5	0.2	98.71
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	18-20	20	96.27	0.2-0.3	0.5
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	20	20	96.76	0.2-0.3	0.5	0.2	98.23
				2-2.5	9-12.83	20	19-20	20	96.42	0.3	0.4	0.2	98.59
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	19	20	96.40	0.2-0.3	0.4-0.5	0.2	98.60
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	20	20	20	96.19	0.3	0.3	0.2	98.73

ตารางที่ ก12(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	0.4	0.5	0.3	97.21	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4	97.21
				1.5-2	6.13-9	0.3	0.5	0.2	97.97	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	97.97
				2-2.5	9-12.83	0.4	0.5	0.2	98.46	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	98.16
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	0.3	0.5	0.2	98.03	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4	98.34
				2-2.5	9-12.83	0.3	0.5	0.2	98.71	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	98.71
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.3	0.5	0.2	98.88	-0.4,0.4	-0.5,0.5
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	0.3	0.4	0.3	98.23	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4	98.82
				2-2.5	9-12.83	0.3	0.4	0.2	98.85	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	99.10
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.3	0.4	0.2	98.84	(-0.4- -0.3) (0.3,0.4)	-0.5,0.5	-0.3,0.3	99.07
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.3	0.3	0.2	98.94	-0.4,0.4	-0.4,0.4	-0.3,0.3	99.26

ตารางที่ ก12(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	92.93
				1.5-2	6.13-9	91.20
				2-2.5	9-12.83	91.59
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	87.87
				2-2.5	9-12.83	87.40
				1.5-2	6.13-9	87.78
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	92.64
				2-2.5	9-12.83	89.26
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	88.49
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	88.57

ตารางที่ ก13 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						ไฟรต์ เอกโพเนนเชียล				ไฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	20	20	20	94.99	0.3	0.5	0.3	98.81
				1.5-2	6.13-9	18-20	17-20	20	98.97	0.3	0.4-0.5	0.3	99.74
				2-2.5	9-12.83	20	18-20	20	99.38	0.3	0.4-0.5	0.2	99.58
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	17-20	20	98.71	0.2	0.3-0.5	0.2	99.57
				2-2.5	9-12.83	20	20	20	98.70	0.2	0.3-0.5	0.2	99.63
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	17-20	17-20	20	97.22	0.2	0.4-0.5
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	19-20	20	98.25	0.3	0.4	0.2	99.61
				2-2.5	9-12.83	20	20	20	98.30	0.2	0.3	0.2	99.66
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	18-20	17-20	17-20	96.84	0.2	0.3-0.5	0.2	99.47
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	19-20	20	20	97.40	0.2	0.3	0.2	99.29

ตารางที่ ก13(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	0.3	0.5	0.3	99.05	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4	99.52
				1.5-2	6.13-9	0.3	0.3-0.5	0.3	99.74	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4	100
				2-2.5	9-12.83	0.3	0.4-0.5	0.2	99.58	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	99.79
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	0.2	0.4-0.5	0.2	99.57	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4	99.78
				2-2.5	9-12.83	0.2	0.3-0.5	0.2	99.63	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	99.81
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.2	0.4-0.5	0.2-0.3	99.44	-0.3,0.3	-0.5,0.5
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	0.2	0.3-0.4	0.2	99.61	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4	99.81
				2-2.5	9-12.83	0.2	0.3	0.2	99.66	-0.3,0.3	-0.4,0.4	-0.4,0.4	99.83
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.2	0.3-0.5	0.2	99.47	(-0.4- -0.3) (0.3,0.4)	-0.4,0.4	-0.3,0.3	100
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.2	0.3	0.2	99.53	-0.4,0.4	-0.4,0.4	-0.3,0.3	99.76

ตารางที่ ก13(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	95.70
				1.5-2	6.13-9	94.76
				2-2.5	9-12.83	95.01
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	91.45
				2-2.5	9-12.83	91.04
				1.5-2	6.13-9	90.56
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	95.71
				2-2.5	9-12.83	91.82
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	91.05
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	89.72

ตารางที่ ก14 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						ไฟรต์ เอกโพเนนเชียล				ไฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	12-20	12-20	20	100	0.2-0.5	0.3-0.5	0.2-0.4	100
				1.5-2	6.13-9	13-20	10-20	16-20	99.69	0.3	0.3-0.5	0.2-0.3	100
				2-2.5	9-12.83	14-20	10-20	17-20	99.72	0.3	0.3-0.5	0.2	100
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	10-20	16-20	100	0.2	0.3-0.5	0.2-0.3	100
				2-2.5	9-12.83	20	10-20	18-20	100	0.2	0.3-0.5	0.2	100
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	17-20	17-20	20	100	0.2	0.2-0.5
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	20	15-20	17-20	100	0.2	0.2-0.5	0.2-0.3	100
				2-2.5	9-12.83	20	15-20	20	100	0.2	0.2-0.5	0.2	100
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	18-20	15-20	18-20	99.81	0.2	0.2-0.5	0.2	100
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	19-20	17-20	19-20	99.81	0.2	0.2-0.3	0.2	100

ตารางที่ ก14(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	0.2-0.5	0.3-0.5	0.2-0.4	100	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4	100
				1.5-2	6.13-9	0.3-0.4	0.3-0.4	0.2-0.3	100	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4	100
				2-2.5	9-12.83	0.3	0.3-0.5	0.2	100	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4	100
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	0.2	0.3-0.5	0.2-0.3	100	-0.2,0.2	-0.5,0.5	-0.4,0.4	100
				2-2.5	9-12.83	0.2	0.3-0.5	0.2	100	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	100
				1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.2	0.2-0.5	0.2	100	-0.3,0.3	-0.5,0.5
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	0.2	0.2-0.5	0.2-0.3	100	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.4,0.4	100
				2-2.5	9-12.83	0.2	0.2-0.5	0.2	100	-0.3,0.3	-0.4,0.4	-0.4,0.4	100
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.2	0.2-0.5	0.2	100	-0.3,0.3	-0.4,0.4	-0.3,0.3	100
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	0.2	0.2-0.3	0.2	100	-0.3,0.3	-0.4,0.4	-0.3,0.3	100

ตารางที่ ก14(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบไวบูลล์

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.03	0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	99.31
				1.5-2	6.13-9	98.43
				2-2.5	9-12.83	98.49
		1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	93.97
				2-2.5	9-12.83	94.75
				1.5-2	6.13-9	91.41
0.5-1	3.03-4.16	1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	99.02
				2-2.5	9-12.83	93.97
		1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	91.17
1-1.5	4.16-6.13	1.5-2	6.13-9	2-2.5	9-12.83	89.78

ตารางที่ ก15 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						ไฟรต์ เอกโพเนนเชียล				ไฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	10	20	19-20	66.88	0.5	0.5	0.1	71.94
				1.5-2	6.37-9	11	10	20	71.48	0.5	0.5	0.2	75.55
				2-2.5	9-12.38	10	10-15	20	66.67	0.5	0.5	0.2	87.57
		1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	20	10-12	20	58.92	0.4	0.4-0.5	0.2	81.29
				2-2.5	9-12.38	20	10-12	20	63.30	0.4	0.5	0.1-0.2	88.89
				1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	20	10-20	20	51.86	0.2	0.5
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	19-20	10-12	20	60.73	0.3	0.4-0.5	0.2	94.52
				2-2.5	9-12.38	20	20	20	72.1	0.3-0.4	0.5	0.1	95.52
		1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	20	15-20	18-20	60.20	0.3	0.5	0.1	97.28
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	20	18-20	20	60.91	0.3	0.5	0.1	98.08

ตารางที่ ก15(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโค้ง	ความเบ้	ความโค้ง	ความเบ้	ความโค้ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	0.5	0.5	0.1	71.94	-0.4,0.4	-0.4,0.4	-0.2,0.2	70.32
				1.5-2	6.37-9	0.4-0.5	0.5	0.2	75.11	(-0.5 --0.4) ,(0.4-0.5)	-0.4,0.4	-0.2,0.2	74.67
				2-2.5	9-12.38	0.4-0.5	0.5	0.2	86.44	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.2,0.2	85.88
		1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	0.4	0.5	0.2	80.94	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3	80.94
				2-2.5	9-12.38	0.5	0.5	0.2	89.23	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3	89.23
				1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.3	0.5	0.2	90.00	-0.4,0.4	-0.5,0.5
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	0.3-0.4	0.4-0.5	0.2	94.52	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3	94.52
				2-2.5	9-12.38	0.5	0.5	0.1	95.52	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.2,0.2	95.52
		1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.3	0.5	0.1-0.2	96.94	-0.3,0.3	-0.5,0.5	-0.3,0.3	96.60
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.3	0.5	0.1	98.08	-0.3,0.3	-0.5,0.5	-0.3,0.3	98.32

ตารางที่ ก15(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	63.87
				1.5-2	6.37-9	62.88
				2-2.5	9-12.38	64.41
		1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	73.38
				2-2.5	9-12.38	65.99
				1.5-2	6.37-9	68.6
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	85.39
				2-2.5	9-12.38	74.75
		1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	75.51
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	80.82

ตารางที่ ก16 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						ไฟรต์ เอกโพเนนเชียล				ไฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	10-15	10	20	72.36	0.4-0.5	0.5	0.2	74.44
				1.5-2	6.37-9	15-18	10	20	70.89	0.5	0.5	0.2	80.80
				2-2.5	9-12.38	10-11	10	20	61.51	0.5	0.5	0.2	87.07
		1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	20	10	20	69.15	0.5	0.3-0.5	0.2	89.83
				2-2.5	9-12.38	18	10	20	62.90	0.4	0.5	0.1-0.2	89.35
				1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	20	10	20	74.70	0.2-0.3	0.5
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	19-20	10-12	20	65.26	0.3-0.5	0.5	0.2	86.01
				2-2.5	9-12.38	19-20	10	20	74.77	0.4	0.5	0.1	97.11
		1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	20	10-11	20	57.60	0.3	0.5	0.1-0.2	97.00
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	20	20	20	59.40	0.3	0.4	0.2	98.51

ตารางที่ ก16(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	0.4-0.5	0.3-0.5	0.1-0.2	73.43	(-0.5 --0.4) ,(0.4-0.5)	-0.5,0.5	-0.3,0.3	73.43
				1.5-2	6.37-9	0.5	0.5	0.2	80.80	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3	79.46
				2-2.5	9-12.38	0.5	0.5	0.2	86.75	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3	85.80
		1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	0.5	0.2-0.5	0.2	89.83	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3	89.83
				2-2.5	9-12.38	0.4-0.5	0.5	0.2	89.35	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3	89.35
				1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.3	0.5	0.2	89.70	-0.3,0.3	-0.5,0.5
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	0.3	0.5	0.3	96.24	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3	96.96
				2-2.5	9-12.38	0.4-0.5	0.5	0.1	96.66	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.2,0.2	96.01
		1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.3	0.5	0.2	96.81	-0.3,0.3	-0.5,0.5	-0.2,0.2	97.00
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.3	0.4	0.2	98.66	(-0.4 --0.3) ,(0.3-0.4)	-0.5,0.5	-0.3,0.3	99.10

ตารางที่ ก16(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	71.41
				1.5-2	6.37-9	70.78
				2-2.5	9-12.38	60.88
		1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	74.58
				2-2.5	9-12.38	65.16
				1.5-2	6.37-9	66.94
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	89.20
				2-2.5	9-12.38	74.32
		1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	73.55
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	78.66

ตารางที่ ก17 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						ไฟรต์ เอกโพเนนเชียล				ไฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	20	10	20	56.09	0.5	0.5	0.3	77.87
				1.5-2	6.37-9	10-13	10-11	20	56.40	0.5	0.5	0.3	79.20
				2-2.5	9-12.38	10-17	10-18	20	57.56	0.5	0.5	0.1-0.2	84.30
		1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	19-20	10	20	47.37	0.4	0.5	0.3	83.33
				2-2.5	9-12.38	19-20	10-15	20	57.28	0.4	0.5	0.2	87.38
				1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	20	20	20	56.61	0.2	0.5
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	20	13-17	20	68.45	0.3-0.4	0.5	0.2-0.3	98.42
				2-2.5	9-12.38	15-20	10-15	20	76.65	0.3	0.5	0.2	98.98
		1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	20	10	20	53.81	0.2	0.5	0.2	99.10
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	20	20	20	53.81	0.2	0.4	0.2	99.54

ตารางที่ ก17(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	0.5	0.5	0.3	77.28	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4	76.09
				1.5-2	6.37-9	0.5	0.5	0.3	76.80	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4	74.40
				2-2.5	9-12.38	0.5	0.5	0.1-0.2	84.14	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3	82.56
		1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	0.3-0.4	0.5	0.3	82.46	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4	81.58
				2-2.5	9-12.38	0.3-0.4	0.5	0.1-0.2	86.89	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.5,0.5	-0.3,0.3	86.89
				1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.2	0.5	0.1-0.2	87.95	-0.4,0.4	-0.5,0.5
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	0.3	0.5	0.2	98.42	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	97.16
				2-2.5	9-12.38	0.3-0.4	0.5	0.2	98.98	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.5,0.5	-0.3,0.3	97.97
		1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.2	0.5	0.2	99.10	-0.3,0.3	-0.5,0.5	-0.3,0.3	98.65
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.2	0.4	0.2	99.54	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.2,0.2	99.70

ตารางที่ ก17(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	55.50
				1.5-2	6.37-9	65.60
				2-2.5	9-12.38	51.74
		1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	72.81
				2-2.5	9-12.38	58.25
				1.5-2	6.37-9	56.70
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	81.80
				2-2.5	9-12.38	69.54
		1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	68.16
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	75.76

ศูนย์วิจัยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ก18 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						ไฟรต์ เอกโพเนนเชียล				ไฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	13-19	10-11	20	52.62	0.5	0.5	0.3	75.25
				1.5-2	6.37-9	19-20	10-17	20	52.75	0.4-0.5	0.3-0.5	0.2-0.3	76.92
				2-2.5	9-12.38	10-11	10-11	20	73.04	0.5	0.5	0.2	86.96
		1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	19-20	10-13	20	57.38	0.5	0.5	0.3	82.79
				2-2.5	9-12.38	19-20	10-13	20	69.86	0.5	0.5	0.2	87.56
				1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	20	10-15	20	50.95	0.3	0.5
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	18-20	10-20	20	75.25	0.3-0.5	0.5	0.2-0.3	100
				2-2.5	9-12.38	20	12-20	20	88.83	0.3-0.5	0.5	0.2	100
		1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	20	10-12	20	51.9	0.2-0.3	0.5	0.2	100
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	20	20	20	51.03	0.2	0.3-0.5	0.2	100

ตารางที่ ก18(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	0.5	0.5	0.2-0.3	74.43	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.4,0.4	74.43
				1.5-2	6.37-9	0.4-0.5	0.3-0.5	0.2-0.3	76.92	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.3,0.3	76.92
				2-2.5	9-12.38	0.5	0.5	0.1-0.2	86.09	-0.5,0.5	-0.5,0.5	-0.2,0.2	84.35
		1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	0.3-0.5	0.5	0.3-0.4	80.33	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.5,0.5	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	80.33
				2-2.5	9-12.38	0.5	0.5	0.1	85.65	-0.3,0.3	-0.5,0.5	-0.3,0.3	86.12
				1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.4	0.5	0.1	86.19	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.5,0.5
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	0.3-0.5	0.5	0.2-0.3	100	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.3,0.3	98.99
				2-2.5	9-12.38	0.3-0.5	0.5	0.2	100	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.5,0.5	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	99.03
		1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.2-0.3	0.5	0.2	100	-0.3,0.3	-0.5,0.5	-0.3,0.3	99.05
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	0.2	0.3-0.5	0.2	100	-0.3,0.3	-0.5,0.5	-0.2,0.2	100

ตารางที่ ก18(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบแกมมา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
0-0.5	3-3.38	0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	72.79
				1.5-2	6.37-9	74.73
				2-2.5	9-12.38	52.17
		1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	79.51
				2-2.5	9-12.38	55.98
				1.5-2	6.37-9	50.00
0.5-1	3.38-4.5	1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	87.98
				2-2.5	9-12.38	70.39
		1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	63.33
1-1.5	4.5-6.37	1.5-2	6.37-9	2-2.5	9-12.38	71.28

ศูนย์วิจัยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ก19 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						ไฟรต์ เอกโพเนนเชียล				ไฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	10-20	15-20	10-13	100	0-0.2	0-0.2	0-0.2	100
				0-1	3-4.6	10-20	15-20	10-13	100	0-0.2	0-0.2	0-0.2	100
				1-2	4.6-8.15	10-20	17-20	10-20	100	0.1-0.3	0.1-0.2	0.1-0.3	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-20	11-20	11-20	100	0-0.5	0.1-0.2	0.2	100
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-13	12-20	10	99.20	0.4-0.5	0-0.2	0.2-0.5	100
				1-2	4.6-8.15	10-11	16-20	10-20	100	0.1-0.5	0.1-0.2	0.2	99.30
				2-2.5	8.15-10.8	10-12	14-20	10-20	98.77	0.1-0.2	0.1-0.3	0.1-0.2	98.77
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-11	14-20	10-20	100	0.2-0.5	0.2-0.5	0.2	99.30
	2-2.5			8.15-10.8	10-12	14-20	10-20	98.77	0.1-0.5	0.1-0.3	0.1-0.2	98.77	
	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	11-20	11-20	10-20	100	0.3-0.5	0.1-0.2	0.2	100	

ตารางที่ ก19(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	-0.1-0	-0.1-0	0.1	100	-0.4-0.4	-0.5-0.5	-0.4-0.4	100
				0-1	3-4.6	-0.1-0	-0.1-0	0.1	100	-0.4-0.4	-0.5-0.5	-0.4-0.4	100
				1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	-0.1	100	(-0.2- -0.1) ,(0.1-0.2)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.1) ,(0.1-0.5)	100
				2-2.5	8.15-10.8	-0.1-0.2	-0.1	0.2	100	-0.3,0.3	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	-0.1	-0.1-0	0.1	98.40	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.2-0.2	-0.3,0.3	100
				1-2	4.6-8.15	-0.1	-0.1	0.2	97.90	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100
				2-2.5	8.15-10.8	0	-0.1-0	0.2	97.53	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.4,0.4	-0.3,0.3	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.2	97.90	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1-0	0.1	97.53	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.4,0.4	-0.3,0.3	100
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.1-0.2	-0.1	0.2	99.10	-0.3,0.3	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100

ตารางที่ ก19(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	90.40
				0-1	3-4.6	90.40
				1-2	4.6-8.15	76.83
				2-2.5	8.15-10.8	75.68
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	90.40
				1-2	4.6-8.15	81.82
				2-2.5	8.15-10.8	75.31
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	81.82
				2-2.5	8.15-10.8	75.31
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	76.83

ศูนย์วิจัยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ก19(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						โฟรต์ เอกโพเนนเชียล				โฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-20	11-20	10-12	99.17	0.2	0.2	0.2	100
				1-2	4.6-8.15	10-20	16-20	10-20	100	0.2-0.3	0.1	0.2	100
				2-2.5	8.15-10.8	10	10-20	16-20	100	0.2-0.5	0.1-0.3	0.2	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10	15-20	10-20	100	0.2-0.3	0.1	0.1-0.2	100
				2-2.5	8.15-10.8	10	10-20	16-20	100	0.2-0.5	0.1-0.3	0.2	100
				1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	14-20	100	0.2-0.5	0.1-0.3
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10	10-11	10-11	100	0.2	0.1-0.3	0.2	100
				2-2.5	8.15-10.8	10	10-11	15-20	98.96	0.2	0.3	0.2	98.96
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10	18-20	99.29	0.2	0.1	0.2	99.29
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10	18-20	99.29	0.2	0.1	0.2	99.29

ตารางที่ ก19(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	-0.1	-0.1	0.1	95.83	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	100
				1-2	4.6-8.15	-0.1	-0.1	0.1	98.15	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100
				2-2.5	8.15-10.8	-0.1	-0.1-0	0.2	98.72	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.1	98.15	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1-0	0.2	98.72	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100
				1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1	0.2	100	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.2	94.27	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1	0.1	95.83	-0.4,0.4	-0.5,0.5	-0.2,0.2	100
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.1-0.2	-0.1	0.2	98.57	-0.2,0.2	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	-0.3,0.3	100
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.1-0.2	-0.1	0.2	98.57	-0.2,0.2	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	-0.3,0.3	100

ตารางที่ ก19(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 20 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	93.04
				1-2	4.6-8.15	89.91
				2-2.5	8.15-10.8	82.05
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	89.91
				2-2.5	8.15-10.8	82.05
				1-2	4.6-8.15	80.62
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	93.23
				2-2.5	8.15-10.8	91.15
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	80.15
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	80.15

ตารางที่ ก20 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						ไฟรต์ เอกโพเนนเชียล				ไฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	10-20	12-20	10-16	100	0-0.2	0-0.2	0.2	100
				0-1	3-4.6	10-20	12-20	10-16	100	0-0.2	0-0.2	0.2	100
				1-2	4.6-8.15	10-20	10-20	10-20	100	0.2	0-0.1	0.1-0.2	100
				2-2.5	8.15-10.8	11-20	10-20	16-20	98.98	0.1-0.2	0.1	0.1	100
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-12	14-20	10-13	100	0.2-0.5	0-0.2	0.1-0.3	100
				1-2	4.6-8.15	10-15	10-20	10-14	100	0.2	0.1-0.2	0.1	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-15	10-20	18-20	100	0.2-0.3	0-0.2	0.1-0.2	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-15	10-20	10-14	100	0.2	0.1-0.2	0.1	100
	2-2.5			8.15-10.8	10-15	10-20	18-20	100	0.2-0.3	0-0.2	0.1-0.2	100	
	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	11-20	10-20	16-20	98.98	0.1-0.2	0.1	0.1	100	

ตารางที่ ก20(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	-0.1-0	-0.1-0	0.1	99.09	-0.5-0.5	-0.3-0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100
				0-1	3-4.6	-0.1-0	-0.1-0	0.1	99.09	-0.5-0.5	-0.3-0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100
				1-2	4.6-8.15	0	0	0.1	99.30	-0.4,0.4	-0.2-0.2	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100
				2-2.5	8.15-10.8	-0.1	-0.1	0.1	100	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	-0.2,0.2	100
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	-0.1	-0.1-0	0.1	94.87	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	-0.4,0.4	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100
				1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.1	97.12	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.3-0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1-0	0.1	99.00	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.4,0.4	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.1	97.12	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.3-0.3	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100
	2-2.5			8.15-10.8	0.1	-0.1-0	0.1	99.00	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.4,0.4	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100	
	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	-0.1	-0.1	0.1	100	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	-0.2,0.2	100	

ตารางที่ ก20(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	81.62
				0-1	3-4.6	81.62
				1-2	4.6-8.15	69.72
				2-2.5	8.15-10.8	67.55
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	84.62
				1-2	4.6-8.15	83.65
				2-2.5	8.15-10.8	75.00
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	83.65
				2-2.5	8.15-10.8	75.00
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	67.72

ตารางที่ ก20(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						โฟรต์ เอกโพเนนเชียล				โฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-13	10-20	10-13	100	0.1-0.4	0.1-0.2	0.1-0.2	99.27
				1-2	4.6-8.15	10-11	12-20	14-20	100	0.5	0.1	0.2	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-14	10-20	13-20	100	0.2-0.4	0.1-0.2	0.1-0.2	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-11	12-20	14-20	100	0.5	0.1	0.2	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-14	10-20	13-20	100	0.2-0.4	0.1-0.2	0.1-0.2	100
				1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	10-20	100	0.1-0.3	0-0.3
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-13	10-13	10-20	98.98	0.2	0.1-0.5	0.2	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-15	10	10-20	100	0.3-0.5	0.2-0.4	0.2	100
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-19	10-20	100	0.2	0.2-0.5	0.1-0.2	100
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-19	10-20	100	0.2	0.2-0.5	0.1-0.2	100

ตารางที่ ก20(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	-0.1	-0.1	0.1	94.16	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	-0.2,0.2	-0.2,0.2	100
				1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.1	98.60	-0.5,0.5	-0.2,0.2	-0.3-0.3	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1	0.2	97.40	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	0.4-0.4	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.1	98.60	-0.5,0.5	-0.2,0.2	-0.3-0.3	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1	0.2	97.40	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	0.4-0.4	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100
				1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1-0	0.1-0.2	100	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.3-0.3
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.1	90.91	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1	0.2	97.79	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100
				1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	0.2	97.65	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	0.2	97.65	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100

ตารางที่ ก20(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 30 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	92.70
				1-2	4.6-8.15	85.31
				2-2.5	8.15-10.8	75.32
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	85.31
				2-2.5	8.15-10.8	75.32
				1-2	4.6-8.15	75.00
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	90.91
				2-2.5	8.15-10.8	79.41
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	84.81
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	84.81

ตารางที่ ก21 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						ไฟรต์ เอกโพเนนเชียล				ไฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	10-20	10-20	10-20	100	0-0.2	-0.1-0.3	0.3-0.4	100
				0-1	3-4.6	10-20	10-20	10-20	100	0-0.2	-0.1-0.3	0.3-0.4	100
				1-2	4.6-8.15	10-20	10-20	10-20	100	0-0.3	0-0.3	0.1-0.2	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	10-20	100	0-0.3	0-0.2	0.2	100
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-14	17-20	10-14	100	0.2-0.5	0-0.2	0.1-0.3	100
				1-2	4.6-8.15	10-17	10-20	10-20	100	0.1-0.5	0-0.2	0.1-0.3	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-19	10-20	13-20	100	0.2-0.5	0-0.1	0.2	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-17	10-20	10-20	100	0.1-0.5	0-0.2	0.1-0.3	100
	2-2.5			8.15-10.8	10-19	10-20	13-20	100	0.2-0.5	0-0.1	0.2	100	
	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	10-20	100	0-0.3	0-0.2	0.2	100	

ตารางที่ ก21(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	-0.1-0	-0.1-0.1	0.1	100	-0.5-0.5	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
				0-1	3-4.6	-0.1-0	-0.1-0.1	0.1	100	-0.5-0.5	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
				1-2	4.6-8.15	-0.1-0	-0.1-0	0.1	100	-0.5-0.5	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100
				2-2.5	8.15-10.8	-0.1-0	-0.1-0	0.2	100	-0.4-0.4	-0.4-0.4	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	-0.1	-0.1-0	0.1	98.64	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	100
				1-2	4.6-8.15	-0.1	-0.1	0.2	99.10	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	-0.3-0.3	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
				2-2.5	8.15-10.8	-0.1	-0.1	0.2	97.25	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.3-0.3	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	-0.1	-0.1	0.2	99.10	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	-0.3-0.3	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
				2-2.5	8.15-10.8	-0.1	-0.1	0.2	96.33	(-0.5- -0.4) ,(0.4-0.5)	-0.3-0.3	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	-0.1-0	-0.1-0	0.2	100	-0.4-0.4	-0.4-0.4	(-0.4- -0.3) ,(0.3-0.4)	100

ตารางที่ ก21(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	72.12
				0-1	3-4.6	72.12
				1-2	4.6-8.15	65.91
				2-2.5	8.15-10.8	57.93
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	89.12
				1-2	4.6-8.15	73.87
				2-2.5	8.15-10.8	74.31
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	73.87
				2-2.5	8.15-10.8	74.31
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	65.91

ตารางที่ ก21(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						โฟรต์ เอกโพเนนเชียล				โฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-16	10-20	10-16	99.27	0.4	0.3	0.5	100
				1-2	4.6-8.15	10-18	10-20	10-16	100	0.1-0.5	0-0.2	0.1-0.3	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	11-20	100	0.1-0.5	0.1-0.5	0.1-0.2	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-18	10-20	10-16	100	0.1-0.5	0-0.2	0.1-0.3	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	11-20	100	0.1-0.5	0.1-0.5	0.1-0.2	100
				1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	14-20	100	0.1	0-0.2
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-18	10-15	11-20	100	0.2-0.5	0.1-0.2	0.1	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-15	10-15	15-20	100	0.2-0.5	0.1-0.5	0.1-0.2	100
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-16	11-20	100	0.2-0.3	0.1-0.4	0.1-0.3	100
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-16	11-20	100	0.2-0.3	0.1-0.4	0.1-0.3	100

ตารางที่ ก21(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	-0.1	-0.1	0.2	99.27	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	99.27
				1-2	4.6-8.15	-0.1-0	-0.1-0	0.1-0.2	98.10	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.3-0.3	(-0.5- -0.1) ,(0.1-0.5)	100
				2-2.5	8.15-10.8	-0.1	-0.1-0	0.1-0.2	98.36	(-0.5- -0.1) ,(0.1-0.5)	-0.3-0.3	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	-0.1-0	-0.1-0	0.1-0.2	98.10	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.3-0.3	(-0.5- -0.1) ,(0.1-0.5)	100
				2-2.5	8.15-10.8	-0.1	-0.1-0	0.1-0.2	98.36	(-0.5- -0.1) ,(0.1-0.5)	-0.3-0.3	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100
				1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1-0	0.1	100	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	-0.4-0.4
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.1	95.65	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1	0.1	98.86	(-0.5- -0.3) ,(0.3-0.5)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.3- -0.2) ,(0.2-0.3)	100
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	0.1	98.31	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	0.2	98.31	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100

ตารางที่ ก21(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 50 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	97.08
				1-2	4.6-8.15	82.86
				2-2.5	8.15-10.8	75.41
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	82.86
				2-2.5	8.15-10.8	75.41
				1-2	4.6-8.15	67.27
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	92.39
				2-2.5	8.15-10.8	90.91
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	78.00
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	78.00

ตารางที่ ก22 แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						ไฟรต์ เอกโพเนนเชียล				ไฟรต์ พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1.5	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	10-20	12-20	10-16	100	0-0.2	0-0.2	0.2	100
				0-1	3-4.6	10-20	12-20	10-16	100	0-0.2	0-0.2	0.2	100
				1-2	4.6-8.15	10-20	10-20	10-20	100	0.2	0-0.1	0.1-0.2	100
				2-2.5	8.15-10.8	11-20	10-20	16-20	98.98	0.1-0.2	0.1	0.1	100
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-12	14-20	10-13	100	0.2-0.5	0-0.2	0.1-0.3	100
				1-2	4.6-8.15	10-15	10-20	10-14	100	0.2	0.1-0.2	0.1	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-15	10-20	18-20	100	0.2-0.3	0-0.2	0.1-0.2	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-15	10-20	10-14	100	0.2	0.1-0.2	0.1	100
	2-2.5			8.15-10.8	10-15	10-20	18-20	100	0.2-0.3	0-0.2	0.1-0.2	100	
	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	11-20	10-20	16-20	98.98	0.1-0.2	0.1	0.1	100	

ตารางที่ ก22(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	-0.1-0	-0.1-0	0.1	99.09	-0.5-0.5	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
				0-1	3-4.6	-0.1-0	-0.1-0	0.1	99.09	-0.5-0.5	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
				1-2	4.6-8.15	0	0	0.1	99.00	-0.4-0.4	-0.4-0.4	(-0.5- -0.1)	100
				2-2.5	8.15-10.8	-0.1	-0.1	0.1	100	-0.4-0.4	-0.4-0.4	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	-0.1	-0.1-0	0.1	94.87	-0.5-0.5	-0.2-0.2	-0.3,0.3	100
				1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.1	97.12	(-0.3- -0.5) ,(0.3-0.5)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1-0	0.1	99.00	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.1	97.12	(-0.3- -0.5) ,(0.3-0.5)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1-0	0.1	99.00	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	-0.1	-0.1	0.1	100	-0.4-0.4	-0.4-0.4	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100

ตารางที่ ก22(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
-2.5-2	8.15-10.8	-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	78.64
				0-1	3-4.6	78.64
				1-2	4.6-8.15	51.11
				2-2.5	8.15-10.8	55.25
		-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	94.64
				1-2	4.6-8.15	87.32
				2-2.5	8.15-10.8	70.83
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	87.31
				2-2.5	8.15-10.8	70.83
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	55.11

ตารางที่ ก22(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						โฟร์ต เอกโพเนนเชียล				โฟร์ต พาวเวอร์			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	10-13	10-20	10-13	100	0.1-0.4	0.1-0.2	0.1-0.2	99.27
				1-2	4.6-8.15	10-11	12-20	14-20	100	0.5	0.1	0.2	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-14	10-20	13-20	100	0.2-0.4	0.1-0.2	0.1-0.2	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-11	12-20	14-20	100	0.5	0.1	0.2	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-14	10-20	13-20	100	0.2-0.4	0.1-0.2	0.1-0.2	100
				1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-20	10-20	100	0.1-0.3	0-0.3
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	10-13	10-13	10-20	98.98	0.2	0.1-0.5	0.2	100
				2-2.5	8.15-10.8	10-15	10	120	100	0.3-0.5	0.2-0.4	0.2	100
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-19	10-20	100	0.2	0.2-0.5	0.1-0.2	100
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	10-20	10-19	10-20	100	0.2	0.2-0.5	0.1-0.2	100

ตารางที่ ก22(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง							
						Guerrero-Johnson				Aranda-Ordaz			
						λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์	λ_1	λ_2	λ_3	เปอร์เซ็นต์
-2- -1	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	-0.1	-0.1	0.1	94.16	(-0.1- -0.5) ,(0.5-0.1)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
				1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.1	98.60	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1	0.2	97.40	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.1	98.60	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	-0.5-0.5	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1	0.2	97.40	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.5-0.5	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
				1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1-0	0.1-0.2	100	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	-0.4-0.4
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	0.1	-0.1	0.1	90.91	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	(-0.1- -0.5) ,(0.5-0.1)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
				2-2.5	8.15-10.8	0.1	-0.1	0.2	97.79	-0.5-0.5	-0.4-0.4	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100
				1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	0.2	97.65	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	(-0.1- -0.5) ,(0.5-0.1)
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	0.2	-0.1	0.2	97.65	(-0.4- -0.2) ,(0.2-0.4)	(-0.1- -0.5) ,(0.5-0.1)	(-0.5- -0.2) ,(0.2-0.5)	100

ตารางที่ ก22(ต่อ) แสดงเปอร์เซ็นต์สูงสุดของการยอมรับสมมติฐาน เมื่อใช้สูตรการแปลงตามตาราง ที่ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแบบเบตา

ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	ความเบ้	ความโด่ง	วิธีการแปลง
						สเกล แองกูลา
						เปอร์เซ็นต์
-2- -1.5	4.6-8.15	-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	99.04
				1-2	4.6-8.15	90.43
				2-2.5	8.15-10.8	75.64
		0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	90.43
				2-2.5	8.15-10.8	75.64
				1-2	4.6-8.15	53.06
-1-0	3-4.6	0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	100
				2-2.5	8.15-10.8	100
		1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	84.51
0-1	3-4.6	1-2	4.6-8.15	2-2.5	8.15-10.8	84.51



ภาคผนวก ข

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

โปรแกรมสำหรับการคำนวณเปอร์เซ็นต์ของการยอมรับ H_0 : ข้อมูลมีการแจกแจงแบบปกติหลาย

ตัวแปร ของการแปลงรูปแบบต่างๆ

```
#### Define Number ####
```

```
n=20
```

```
#### Define beta ####
```

```
shape1=4.16
```

```
scale1=0.3
```

```
shape2=2.33
```

```
scale2=0.3
```

```
#### Define Coefficient and Critical Region of Mardia and Kent Test ####
```

```
T_table=16.92
```

```
#### Save Seed ####
```

```
load(file="D:\\Thesis\\Program R\\seed1")
```

```
.Random.seed<-seed
```

```
#### Define Number of Loop for Repeat ####
```

```
loops=1000
```

```
#### Keep Number of Accept Ho After Transformation ####
```

```
lambda.transform=seq(-0.1, 0.9, by=0.05)
```

```
lambda1.transform=seq(0, 15, by=0.75)
```

```
count.fexp=array(,dim=c(21,21,loops),dimnames=list(lambda1.transform,lambda1.transform))
```

```
count.fpow=array(,dim=c(21,21,loops),dimnames=list(lambda.transform,lambda.transform))
```

```

count.fgj=array(dim=c(21,21,loops),dimnames=list(lambda.transform,lambda.transform))
count.fao=array(dim=c(21,21,loops),dimnames=list(lambda.transform,lambda.transform))
count.fsa=array(dim=c(loops))
count.x1=array(dim=c(loops))
count.x2=array(dim=c(loops))
numberx2=array(dim=c(loops))
numberx1=array(dim=c(loops))

for (loop in 1:loops) # Loop for Repeat
{
  {#check loop
    repeat # Check Normal
    {
      repeat # Check Skewness&Kurtosis
      {
        ### Generate X1,X2 ###

        ### beta ###

        # Check x1
        {
          x1=rbeta(n,shape1,scale1)
          x2=rbeta(n,shape2,scale2)
          if(x1>10 && x2>10)break
        }

      }#End Check x2
    }
  }
}

```

```

#### Check Skewness & Kurtosis ####
m2=(sum((x1-mean(x1))^2))/(n)
m3=(sum((x1-mean(x1))^3))/(n)
m4=(sum((x1-mean(x1))^4))/(n)
ske=m3/sqrt(m2^3)
kur=m4/(m2^2)
#print(ske)
#print(kur)
if ((ske>-2.5) && (ske<=-2) && (kur>8.15) && (kur<=10.80)) break

m21=(sum((x2-mean(x2))^2))/(n)
m31=(sum((x2-mean(x2))^3))/(n)
m41=(sum((x2-mean(x2))^4))/(n)
ske1=m31/sqrt(m21^3)
kur1=m41/(m21^2)
#print(ske1)
#print(kur1)
if ((ske1>-2) && (ske1<=-1) && (kur1>4.46) && (kur1<=8.15)) break

} # End Check Skewness&Kurtosis

```

```

#### Check Normal of Y Before Transformation (Mardia and Kent Test) ####

```

```

y=matrix(c(x1,x2),ncol=2)

```

```

c1=(x1-mean(x1))

```

```

c2=(x2-mean(x2))

```

```

c=matrix(c(c1,c2),ncol=2)

```

```

c3=solve(cov(y))

Drr=(c%*%c3)%*%(t(c))

b2p=sum(diag(Drr^2))/n

b1p=sum(Drr^3)/n^2

b2pp=sum(Drr^4)/n^2

T3=n*b1p/6

T4=n*(b2pp-(6*b2p)+(3*2*4))/24

T=T3+T4

#print("T")

#print(T)

if(T>T_table)break

} # End Check Normal

count.x1[loop]=mean(x1)

count.x2[loop]=mean(x2)

##x1##

if(loop==1)
{
numberx1[loop]=count.x1[loop]

countx1=numberx1[loop]
}
else
{

```

```

numberx1[loop]=numberx1[loop-1]+((count.x1[loop]-numberx1[loop-1])/loop)

countx1=abs(numberx1[loop]-numberx1[loop-1])
}

##x2##
if(loop==1)
{
numberx2[loop]=count.x2[loop]
countx2=numberx2[loop]
}
else
{
numberx2[loop]=numberx2[loop-1]+((count.x2[loop]-numberx2[loop-1])/loop)
countx2=abs(numberx2[loop]-numberx2[loop-1])
}

if( (countx1<0.00001) && (countx2<0.00001) )break
}#End check loop

#####

##### An Analysis of Transformations #####

#####

#--- Folded exponential Tranformation---#

for(L in 1:21) # Test Normal by Folded exponential Transformation
{

lambda1=lambda1.transform[L]

```

```

if (lambda1==0)
{
    x1.fexp=x1-(1/2)
}
else
{
    x1.fexp=(exp(x1*lambda1)-exp(lambda1*(1-x1)))/(2*lambda1)
}

for(LL in 1:21)
{
    lambda2=lambda1.transform[LL]
    if (lambda2==0)
    {
        x2.fexp=x2-(1/2)
    }
    else
    {
        x2.fexp=(exp(x2*lambda2)-exp(lambda2*(1-x2)))/(2*lambda2)
    }
}
y.fexp=matrix(c(x1.fexp,x2.fexp),ncol=2)

*** Check Normal of Y After Transformation by Folded exponential
Tranformation (Mardia and Kent Test) ***#

c1.fexp=(x1.fexp-mean(x1.fexp))

c2.fexp=(x2.fexp-mean(x2.fexp))

```



```

c.fexp=matrix(c(c1.fexp,c2.fexp),ncol=2)

c3.fexp=solve(cov(y.fexp))

Drr.fexp=(c.fexp%*%c3.fexp)%*%(t(c.fexp))

b2p.fexp=sum(diag(Drr.fexp^2))/n

b1p.fexp=sum(Drr.fexp^3)/n^2

b2pp.fexp=sum(Drr.fexp^4)/n^2

T3.fexp=n*b1p.fexp/6

T4.fexp=n*(b2pp.fexp-(6*b2p.fexp)+(3*2^4))/24

T.fexp=T3.fexp+T4.fexp

#write(c((lambda1),(lambda2),(T.fexp)),file="D:\\Thesis\\Program
R\\yfexp.xls",ncolumns = if(is.character(T.fexp)) 1 else 26,append = "True", sep = "\t")

#print("fexp")

#print(lambda1)

#print(lambda2)

#print(y.fexp)

#print(T.fexp)

if (T.fexp<T_table)
{
    count.fexp[L,LL,loop]=1
}
else
{

```

```

count.fexp[L,LL,loop]=0
}
}
} # End Test Normal by Folded exponential Transformation

#--- Folded power Transformation---#

for(L in 1:21) # Test Normal by Folded Power Transformation
{
lambda1=lambda.transform[L]
  if (lambda1==0)
  {
    x1.fpow=log10(x1/(1-x1))
  }
  else
  {
    x1.fpow=((x1^lambda1)-((1-x1)^lambda1))
  }
  for(LL in 1:21)
  {
    lambda2=lambda.transform[LL]
    if (lambda2==0)
    {
      x2.fpow=log10(x2/(1-x2))
    }
  }
}

```

```

else
{
    x2.fpow=((x2^lambda2)-(1-x2)^lambda2)
}

y.fpow=matrix(c(x1.fpow,x2.fpow),ncol=2)

*** Check Normal of Y After Transformation by Folded power Transformation
(Mardia and Kent Test) **#
c1.fpow=(x1.fpow-mean(x1.fpow))
c2.fpow=(x2.fpow-mean(x2.fpow))
c.fpow=matrix(c(c1.fpow,c2.fpow),ncol=2)
c3.fpow=solve(cov(y.fpow))
Drr.fpow=(c.fpow%*%c3.fpow)%*%(t(c.fpow))
b2p.fpow=sum(diag(Drr.fpow^2))/n
b1p.fpow=sum(Drr.fpow^3)/n^2
b2pp.fpow=sum(Drr.fpow^4)/n^2
T3.fpow=n*b1p.fpow/6
T4.fpow=n*(b2pp.fpow-(6*b2p.fpow)+(3*2^4))/24
T.fpow=T3.fpow+T4.fpow

write(c((lambda1),(lambda2),(T.fpow)),file="D:\\Thesis\\Program
R\\yfpow.xls",ncolumns = if(is.character(T.fpow)) 1 else 26,append = "True", sep = "\t")

#print("fpow")

#print(lambda1)

```

```

#print(lambda2)

#print(y.fpow)

#print(T.fpow)

if (T.fpow<T_table)
{
    count.fpow[L,LL,loop]=1
}
else
{
    count.fpow[L,LL,loop]=0
}
}
} # End Test Normal by Folded power Transformation

#--- Guerrero-Johnson Transformation---#

for(L in 1:21) # Test Normal by Guerrero-Johnson Transformation
{
lambda1=lambda.transform[L]

    if (lambda1==0)
    {
        x1.fgj=log10(x1/(1-x1))
    }
    else
    {
        x1.fgj=(((x1/ (1-x1))^lambda1)-1)
    }
}
}

```

```

}
for(LL in 1:21)
{
lambda2=lambda.transform[LL]
if (lambda2==0)
{
x2.fgj=log10(x2/(1-x2))
}
else
{
x2.fgj=((x2/ (1-x2)) ^lambda2)-1)
}
y.fgj=matrix(c(x1.fgj,x2.fgj),ncol=2)

*** Check Normal of Y After Transformation by Guerrero-Johnson
Transformation (Mardia and Kent Test) **#
c1.fgj=(x1.fgj-mean(x1.fgj))
c2.fgj=(x2.fgj-mean(x2.fgj))
c.fgj=matrix(c(c1.fgj,c2.fgj),ncol=2)
c3.fgj=solve(cov(y.fgj))
Drr.fgj=(c.fgj%*%c3.fgj)%*%(t(c.fgj))
b2p.fgj=sum(diag(Drr.fgj^2))/n
b1p.fgj=sum(Drr.fgj^3)/n^2
b2pp.fgj=sum(Drr.fgj^4)/n^2
T3.fgj=n*b1p.fgj/6

```

```

T4.fgj=n*(b2pp.fgj-(6*b2p.fgj)+(3*2*4))/24

T.fgj=T3.fgj+T4.fgj

#write(c((lambda1),(lambda2),(T.fgj)),file="D:\\Thesis\\Program
R\\yfgj.xls",ncolumns = if(is.character(T.fgj)) 1 else 26,append = "True", sep = "\t")

#print("fgj")

#print(lambda1)

#print(lambda2)

#print(y.fgj)

#print(T.fgj)

if (T.fgj<T_table)
{
    count.fgj[L,LL,loop]=1
}
else
{
    count.fgj[L,LL,loop]=0
}

}
} # End Test Normal by Guerrero-Johnson Transformation

#--- Aranda-Ordaz Transformation---#

for(L in 1:21) # Test Normal by Aranda-Ordaz Transformation

```

```

{
lambda1=lambda.transform[L]
  if (lambda1==0)
  {
    x1.fao=log10(x1/(1-x1))
  }
  else
  {
    x1.fao=((x1^lambda1)-((1-x1)^lambda1))/((x1^lambda1)+((1-x1)^lambda1))
  }
  for(LL in 1:21)
  {
    lambda2=lambda.transform[LL]
    if (lambda2==0)
    {
      x2.fao=log10(x2/(1-x2))
    }
    else
    {
      x2.fao=((x2^lambda2)-((1-x2)^lambda2))/((x2^lambda2)+((1-x2)^lambda2))
    }
    y.fao=matrix(c(x1.fao,x2.fao),ncol=2)
    ** Check Normal of Y After Transformation by Aranda-Ordaz Transformation
    (Mardia and Kent Test) **#
    c1.fao=(x1.fao-mean(x1.fao))
  }
}

```

```

c2.fao=(x2.fao-mean(x2.fao))

c.fao=matrix(c(c1.fao,c2.fao),ncol=2)

c3.fao=solve(cov(y.fao))

Drr.fao=(c.fao%*%c3.fao)%*%(t(c.fao))

b2p.fao=sum(diag(Drr.fao^2))/n

b1p.fao=sum(Drr.fao^3)/n^2

b2pp.fao=sum(Drr.fao^4)/n^2

T3.fao=n*b1p.fao/6

T4.fao=n*(b2pp.fao-(6*b2p.fao)+(3*2^4))/24

T.fao=T3.fao+T4.fao

      #write(c((lambda1),(lambda2),(T.fao)),file="D:\\Thesis\\Program
R\\yfao.xls",ncolumns =  if(is.character(T.fao)) 1 else 26,append = "True", sep = "\t")

#print("fao")

#print(lambda1)

#print(lambda2)

#print(y.fao)

#print(T.fao)

if (T.fao<T_table)

{
      count.fao[L,LL,loop]=1
}

else

{
      count.fao[L,LL,loop]=0
}

```



```

}
} # End Test Normal by Aranda-Ordaz Transformation

#--- Scaled Angular Transformation---#

x1.fsa=ifelse(x1 == 1, -acos((2*x1)-1), 2*(asin(sqrt(x1)))/pi)
x2.fsa=ifelse(x2 == 1, -acos((2*x2)-1), 2*(asin(sqrt(x2)))/pi)

y.fsa=matrix(c(x1.fsa,x2.fsa),ncol=2)

*** Check Normal of Y After Transformation by Scaled Angular Transformation
(Mardia and Kent Test) **#
c1.fsa=(x1.fsa-mean(x1.fsa))
c2.fsa=(x2.fsa-mean(x2.fsa))
c.fsa=matrix(c(c1.fsa,c2.fsa),ncol=2)
c3.fsa=solve(cov(y.fsa))
Drr.fsa=(c.fsa%*%c3.fsa)%*%(t(c.fsa))
b2p.fsa=sum(diag(Drr.fsa^2))/n
b1p.fsa=sum(Drr.fsa^3)/n^2
b2pp.fsa=sum(Drr.fsa^4)/n^2
T3.fsa=n*b1p.fsa/6
T4.fsa=n*(b2pp.fsa-(6*b2p.fsa)+(3*2^4))/24
T.fsa=T3.fsa+T4.fsa

#write(c((n),(T.fsa)),file="D:\\Thesis\\Program R\\yfsa.xls",ncolumns =
if(is.character (T.fsa)) 1 else 26,append = "True", sep = "\t")

```

```

#print("fsa")
#print(y.fsa)
#print(T.fsa)
if (T.fsa<T_table)
{
    count.fsa[loop]=1
}
else
{
    count.fsa[loop]=0
}
N=loop
}# End Loop for Repeat

#####
##### Calculate Proportion #####
##### #####

##### Calculate Proportion of Normality(Folded exponential Transformation) #####
p.p.fexp =array(,dim=c(21,21),dimnames=list(lambda1.transform,lambda1.transform))
for (K in 1:21)
{
    for (KK in 1:21)
    {
        p.p.fexp[K,KK]=round((sum(count.fexp[K,KK,1:N])/N)*100, dig=2)
    }
}

```

```

    }
}

max.fexp=max(p.p.fexp)

print(max.fexp)

print(p.p.fexp)

write(c(N,n,shape1,scale1,shape2,scale2,T_table,(p.p.fexp)),file="D:\\Thesis\\Program
R\\ppfexp1.xls",ncolumns = if
(is.character(p.p.fexp)) 1 else 200,append = "True", sep = "\t")

write.table(p.p.fexp ,file="D:\\Thesis\\Program R\\p.p.fexp3.xls",row.names =
TRUE,col.names = TRUE,sep = "\t")

##### Calculatate Proportion of Normality(Folded power Transformation) #####
p.p.fpow =array(dim=c(21,21),dimnames=list(lambda.transform,lambda.transform))
for (K in 1:21)
{
for (KK in 1:21)
{
p.p.fpow[K,KK]=round((sum(count.fpow[K,KK,1:N])/N)*100, dig=2)
}
}
max.fpow=max(p.p.fpow)

print(max.fpow)

print(p.p.fpow)

write(c(N,n,shape1,scale1,shape2,scale2,T_table,(p.p.fpow)),file="D:\\Thesis\\Program
R\\ppfpow1.xls",ncolumns = if

```

```

(is.character(p.p.fpow)) 1 else 200,append = "True", sep = "\t")

write.table(p.p.fpow ,file="D:\\Thesis\\Program R\\p.p.fpow3.xls",row.names =
TRUE,col.names = TRUE,sep = "\t")

##### Calculatate Proportion of Normality(Guerrero-Johnson Transformation) #####
p.p.fgj =array(dim=c(21,21),dimnames=list(lambda.transform,lambda.transform))
for (K in 1:21)
{
for (KK in 1:21)
{
p.p.fgj[K,KK]=round((sum(count.fgj[K,KK,1:N])/N)*100, dig=2)
}
}
max.fgj=max(p.p.fgj)
print(max.fgj)
print(p.p.fgj)
write(c(N,n,shape1,scale1,shape2,scale2,T_table,(p.p.fgj)),file="D:\\Thesis\\Program
R\\ppfgj1.xls",ncolumns = if
(is.character(p.p.fgj)) 1 else 200,append = "True", sep = "\t")
write.table(p.p.fgj ,file="D:\\Thesis\\Program R\\p.p.fgj3.xls",row.names =
TRUE,col.names = TRUE,sep = "\t")

##### Calculatate Proportion of Normality(Aranda-Ordaz Transformation) #####
p.p.fao =array(dim=c(21,21),dimnames=list(lambda.transform,lambda.transform))
for (K in 1:21)
{

```

```

for (KK in 1:21)
  {
    p.p.fao[K,KK]=round((sum(count.fao[K,KK,1:N])/N)*100, dig=2)
  }
}

max.fao=max(p.p.fao)

print(max.fao)

print(p.p.fao)

write(c(N,n,shape1,scale1,shape2,scale2,T_table,(p.p.fao)),file="D:\\Thesis\\Program
R\\ppfao1.xls",ncolumns = if
(is.character(p.p.fao)) 1 else 200,append = "True", sep = "\t")

write.table(p.p.fao ,file="D:\\Thesis\\Program R\\p.p.fao3.xls",row.names =
TRUE,col.names = TRUE,sep = "\t")

##### Calculatate Proportion of Normality(Scaled Angular Transformation) #####
p.p.fsa =array(dim=c(1))

p.p.fsa=round((sum(count.fsa[1:N])/N)*100, dig=2)

print(p.p.fsa)

write(c(N,n,shape1,scale1,shape2,scale2,T_table,(p.p.fsa)),file="D:\\Thesis\\Program
R\\ppfsa1.xls",ncolumns = if
(is.character(p.p.fsa)) 1 else 200,append = "True", sep = "\t")

print(N)

### Clear Contents ###

rm(list=ls())

```

ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

นางสาวจตุพร ตั้งกาญจนภาสน์ เกิดวันที่ 15 เดือน พฤษภาคม พ.ศ. 2528 สำเร็จ
การศึกษาระดับปริญญาตรี จากสาขาวิชาสถิติ ภาคศึกษาคณิตศาสตร์ มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ
และได้เข้าศึกษาต่อในระดับปริญญาโท ที่ภาควิชาสถิติ คณะพาณิชยศาสตร์และการบัญชี
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ในปี พ.ศ. 2550



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย