

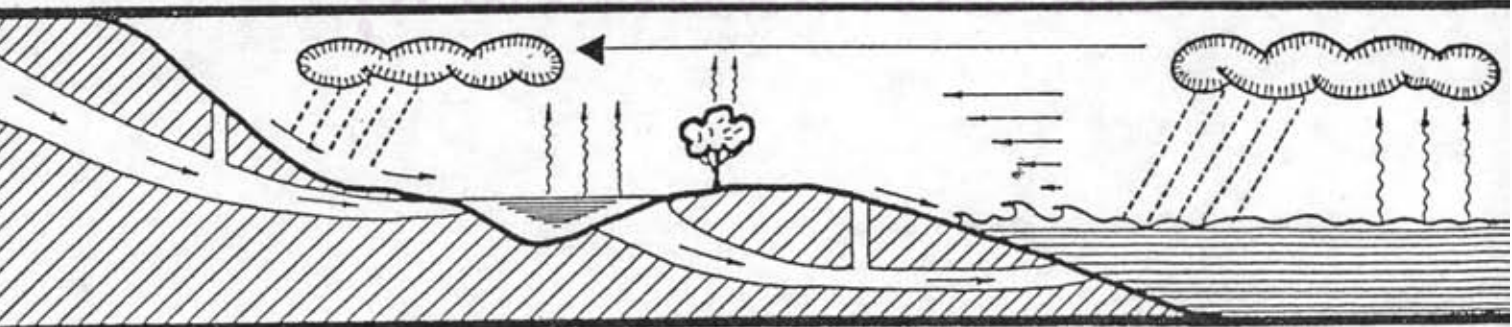
บทที่ 4.

การทดสอบแบบจำลอง



ศูนย์วิทยทรัพยากร

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย





แบบจำลองที่พัฒนาขึ้นเป็นแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ การทดสอบแบบจำลองนับเป็นสิ่งจำเป็นอย่างยิ่งสำหรับแบบจำลองที่จัดสร้างขึ้นใหม่ หรือแบบจำลองที่ยังไม่เคยนำมาศึกษา เนื่องจากแบบจำลองประกอบด้วยโปรแกรมคอมพิวเตอร์ที่ลำดับการคำนวณไว้อย่างสลับซับซ้อน จำเป็นจะต้องมีการทดสอบความถูกต้องและเสถียรภาพของผลที่คำนวณได้จากแบบจำลองก่อนที่นำไปประยุกต์ใช้ต่อไป ดังนั้น เพื่อเป็นการมั่นใจว่า แบบจำลองที่จัดสร้างขึ้นสามารถคำนวณได้ถูกต้องตรงกับทฤษฎีพื้นฐานที่ใช้ จำเป็นต้องทำการทดสอบความเที่ยงตรงของแบบจำลอง โดยเปรียบเทียบผลการคำนวณจากแบบจำลองกับค่าที่ได้จากการวิเคราะห์โดยอินทิเกรต (direct integration results) ของระดับน้ำและอัตราไหล ภายใต้เงื่อนไขแบบง่าย (simplified Conditions) พร้อมทั้งได้ทำการทดสอบอิทธิพลของค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ได้แก่ weighting coefficient ( $\theta$ ) ช่วงเวลาที่ใช้คำนวณ ( $\Delta t$ ) และระยะทางระหว่าง cell ( $\Delta x$  หรือ  $\Delta y$ ) เป็นต้น ซึ่งอาจส่งผลกระทบต่อเสถียรภาพและความเที่ยงตรงของแบบจำลองด้วย เพื่อใช้เป็นเกณฑ์ในการประยุกต์ใช้ต่อไป

#### 4.1 หลักเกณฑ์เงื่อนไขในการทดสอบแบบจำลอง

การทดสอบนี้เป็นการทดสอบเสถียรภาพ(stability) และความเที่ยงตรง(accuracy) ของผลการคำนวณระดับน้ำและอัตราไหลที่ระยะทางและเวลาใด ๆ ซึ่งการไหลมีลักษณะเปลี่ยนแปลงไปตามระยะทางและเวลา (unsteady non-uniform flow) ในเงื่อนไขดังนี้คือ ทางน้ำเปิดหน้าตัดสี่เหลี่ยมผืนผ้ามีขนาดเท่ากันตลอด ด้านต้นน้ำมีระดับน้ำขึ้นลงตลอดเวลา(tide) ส่วนท้ายน้ำปิด ลำนํ้าอยู่ในแนวราบ และไม่มีแรงเสียดทานการไหล จากเงื่อนไขนี้สามารถอินทิเกรตสมการต่อเนื่องและสมการโมเมนตัม (สมการที่ 2-13 สมการที่ 2-30 และ สมการที่ 2-47) ได้ค่าคำนวณของระดับน้ำกับอัตราไหลที่ระยะทางและเวลาใด ๆ ดังสมการที่ 4-1 และ สมการที่ 4-2 ตามลำดับ ซึ่งค่าคำนวณจากอินทิเกรตนี้ จะถือเป็นค่าวิเคราะห์จริงของสมการพื้นฐาน และจะนำไปเปรียบเทียบกับค่าที่คำนวณได้จากแบบจำลองต่อไป Ghailan (1982) [9]

$$x = \frac{E_0}{\cos\left(\frac{uL}{\sqrt{gh_0}}\right)} \cos\left[\frac{uL}{\sqrt{gh_0}}\left(1 - \frac{x}{L}\right)\right] \cos(\omega t) + h_0 \quad \dots\dots\dots(4-1)$$

$$Q = \frac{B E_0 \sqrt{gh_0}}{\cos\left(\frac{uL}{\sqrt{gh_0}}\right)} \sin\left[\frac{uL}{\sqrt{gh_0}}\left(\frac{x}{L} - 1\right)\right] \sin(\omega t) \quad \dots\dots\dots(4-2)$$

เมื่อ  $H$  = ระดับน้ำที่ระยะทาง  $x$  และเวลา  $t$ , ม.

$Q$  = อัตราไหลที่ระยะทาง  $x$  และเวลา  $t$ , ลบ.ม./ว.

- $E_o$  = amplitude ของน้ำขึ้นน้ำลงที่ตื้นน้ำ, ม.
- $g$  = ความเร่งของโลก, ม./ว<sup>2</sup>.
- $\omega$  = angular velocity เท่ากับ  $2\pi/T$
- $T$  = คาบเวลาของน้ำขึ้นน้ำลง (period), ว.
- $L$  = ความยาวของลำน้ำ, ม.
- $h_o$  = ความลึกของน้ำเฉลี่ย, ม.
- $x$  = ระยะทางจากตื้นน้ำ, ม.
- $t$  = เวลานั้นนับจากเริ่มต้น, ว.

ความเที่ยงตรงของแบบจำลองแสดงได้จากค่าเฉลี่ยของผลแตกต่างระหว่างผลการคำนวณกับค่าวิเคราะห์จริง ในทุกตำแหน่งและทุกเวลาที่ทำการคำนวณ เมื่อนำค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำและอัตราไหลมาหารด้วยความลึกของน้ำเฉลี่ยและปริมาณการไหลของคลื่นน้ำ ซึ่งเป็นค่าคงที่ตลอดการคำนวณตามลำดับ จะได้ค่าผิดพลาดเฉลี่ยในรูปของค่าไร้หน่วย ถ้าค่าผิดพลาดน้อยแสดงว่าแบบจำลองมีความเที่ยงตรงมาก ในที่นี้ ความเที่ยงตรงของแบบจำลองจะแสดงได้จากค่าผิดพลาดของการคำนวณ ดังแสดงในสมการที่ 4-3 ถึง สมการที่ 4-6

$$E_{Hi} = \frac{100}{h_o} \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (H_{exact} - H_i)^2}{N_c}} \quad \dots\dots (4-3)$$

$$E_{Qi} = \frac{100}{x_o \sqrt{gh_o}} \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (Q_{exact} - Q_i)^2}{N_l}} \quad \dots\dots (4-4)$$

$$E_{Hdv} = \frac{1}{N_c} \sum_{i=1}^{N_c} E_{Hi} \quad \dots\dots (4-5)$$

$$E_{Qdv} = \frac{1}{N_l} \sum_{i=1}^{N_l} E_{Qi} \quad \dots\dots (4-6)$$

- $H_{exact}, H_i$  = ระดับน้ำที่คำนวณจากค่าวิเคราะห์จริง และค่าคำนวณโดยแบบจำลอง, ม.
- $Q_{exact}, Q_i$  = อัตราไหลที่คำนวณจากค่าวิเคราะห์จริงและค่าคำนวณโดยแบบจำลอง, ลบ.ม./ว.
- $E_{Hi}$  = ค่าผิดพลาดเฉลี่ยของการคำนวณระดับน้ำทุกตำแหน่งเทียบกับความลึกของน้ำเฉลี่ยที่ time step ที่  $i$ , เปอร์เซ็นต์
- $E_{Qi}$  = ค่าผิดพลาดเฉลี่ยของการคำนวณอัตราไหลทุกตำแหน่งเทียบกับปริมาณการไหลของคลื่นน้ำที่ time step ที่  $i$ , เปอร์เซ็นต์
- $N_c, N_l, N_t$  = จำนวน cell, จำนวน link และจำนวนช่วงเวลาของการคำนวณ
- $E_{Hav}, E_{Qav}$  = ค่าผิดพลาดเฉลี่ยตลอดช่วงเวลาการคำนวณของระดับน้ำและอัตราไหล, เปอร์เซ็นต์

### เงื่อนไขที่ใช้ในการทดสอบมีดังนี้ (ดูรูปที่ 4-1)

1) กำหนดโครงข่ายของ cell ต่างๆ มีการไหลทั้งในทางแกน  $x$  และแกน  $y$  ล้วนมีหน้าตัดการไหลเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้ากว้าง 10 ม. และมีความยาวตามระยะทางการไหลระหว่าง cell รวม 144 กม. ไม่มีแรงเสียดทานการไหล (Manning's "n" = 0) และไม่มีความลาดเอียง (slope = 0)

2) ลักษณะของน้ำขึ้นน้ำลงตามสมการที่ 4-1 โดยมี

$$\text{period } T = 12 \text{ ชั่วโมง}$$

$$\text{amplitude } E_0 = 0.10 \text{ เมตร}$$

$$\text{ความลึกของน้ำเฉลี่ย } h_0 = 0.5 \text{ เมตร}$$

3) Initial Condition

ระดับน้ำและอัตราไหลที่ตำแหน่งใด ๆ คำนวณได้จากสมการที่ 4-1 และสมการที่ 4-2 โดยกำหนดให้  $t = 0$  วินาที

4) Boundary Condition

ต้นน้ำ กำหนดระดับที่เวลาใด ๆ ด้วยสมการที่ 4-1 โดยกำหนดค่า  $x = 0$  เมตร

ท้ายน้ำ กำหนดอัตราไหลที่เวลาใด ๆ เท่ากับศูนย์ ( $x = 144$  กม.)

5) weighting coefficient,  $0 < \theta < 1$

6) ระยะทางระหว่าง cell,  $\Delta x = 2.4-7.2$  กม.

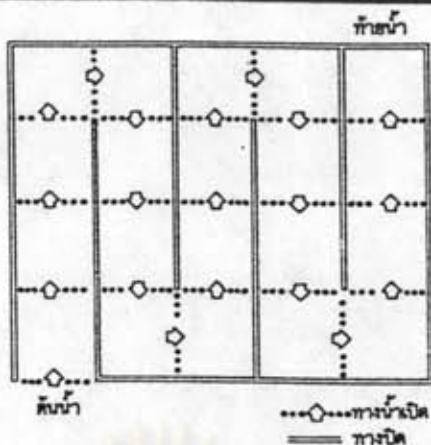
7) time step,  $\Delta t = 30-600$  วินาที

ตัวอย่างผลเปรียบเทียบผลการคำนวณระดับน้ำ และอัตราไหลเทียบกับค่าวิเคราะห์จริง แสดงดังรูปที่ 4-2 และ รูปที่ 4-3

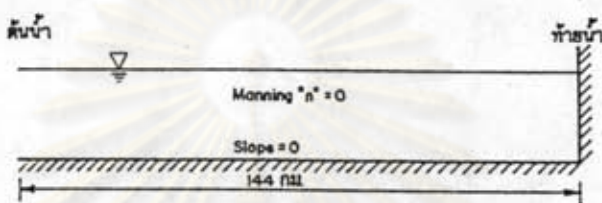
### 4.2 อิทธิพลของค่า weighting coefficient, $\theta$ ในการคำนวณ

สมการที่ใช้ในการจำลองแบบจำลอง Bi-dimensional เป็นสมการ finite difference ชนิด implicit scheme จึงมีค่า weighting coefficient,  $\theta$  สำหรับปรับ ค่า derivative ที่เวลาใด ๆ กับค่า derivative ที่เวลาถัดไป ดังจะเห็นได้จากสมการที่ 2-13 สมการที่ 2-30 สมการที่ 2-47 และสมการ finite difference ของทางน้ำแบบอื่น ๆ ที่ได้แสดงไว้ในบทที่ 2 ฉะนั้นจึงจำเป็นต้องมีการทดสอบอิทธิพลของค่า  $\theta$  ที่มีต่อเสถียรภาพและความถูกต้องในการคำนวณ รายละเอียดของผลการทดสอบมีดังต่อไปนี้

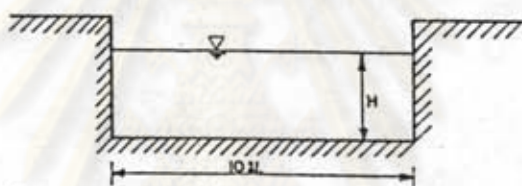
1) การทดสอบอิทธิพลของค่า ที่มีต่อเสถียรภาพในการคำนวณ ได้ใช้เงื่อนไขการทดสอบดังได้กล่าวไว้ตอนต้น และกำหนดค่าตัวแปรต่าง ๆ คงที่ โดยใช้ระยะเวลาคำนวณ 12 ชั่วโมง ค่า  $\Delta x$  เท่ากับ 7.2 กม. และค่า  $\Delta t$  เท่ากับ 600 วินาที ส่วนค่า  $\theta$  ที่ใช้ในการทดสอบ คือ 0.00, 0.25, 0.50, 0.55, 0.6667, 0.75, 0.90 และ 1.00



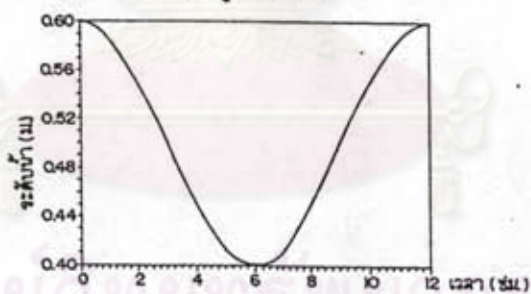
ก.) โครงข่ายของลำน้ำ



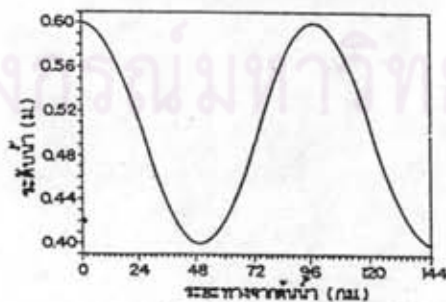
ข.) รูปตัดตามระยะทางการไหล (ถังน้ำปิดสนิท)



ค.) รูปตัดขวาง

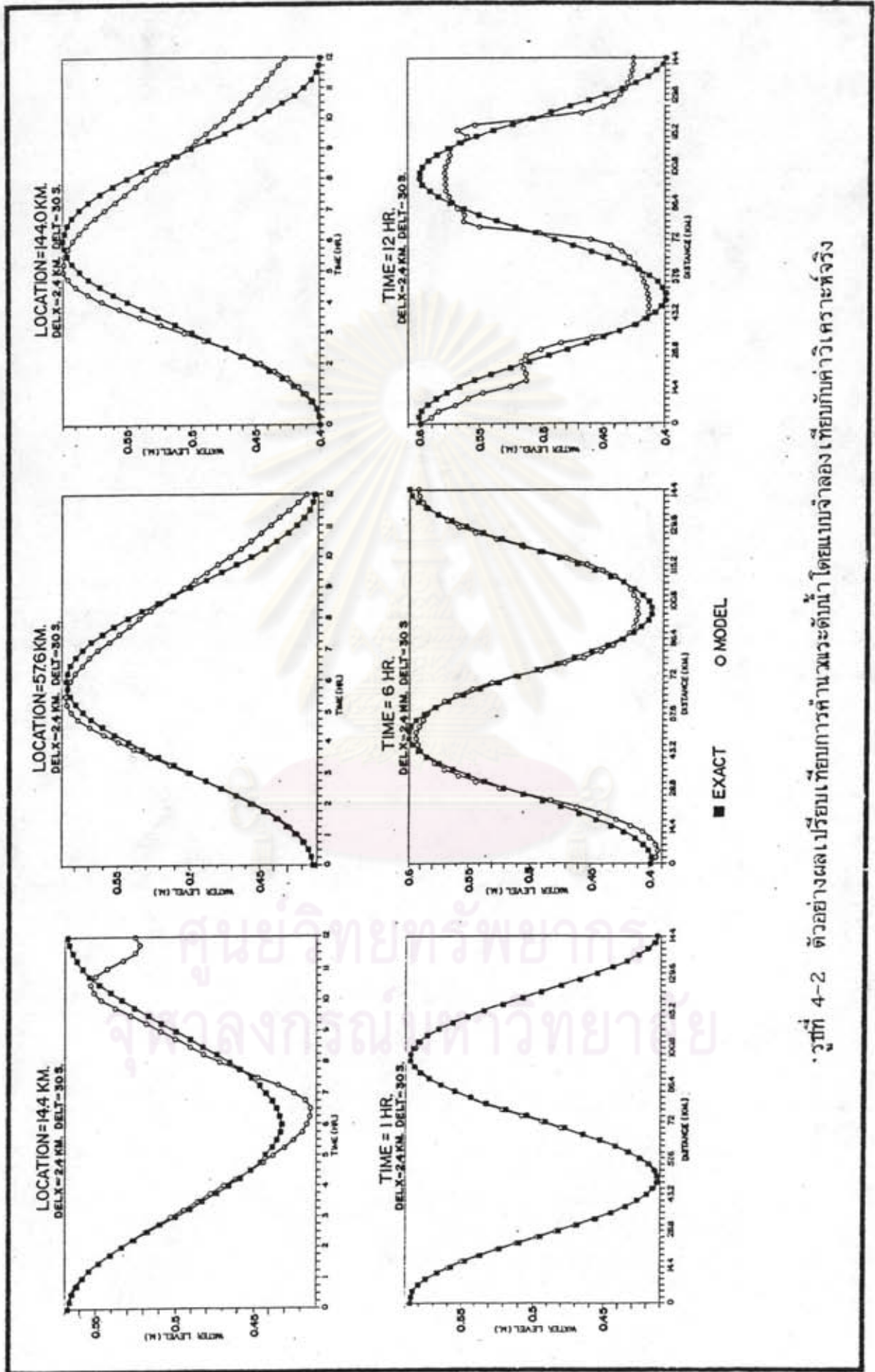


ง.) เส้นไฮดรอนเซตที่ต้นน้ำ

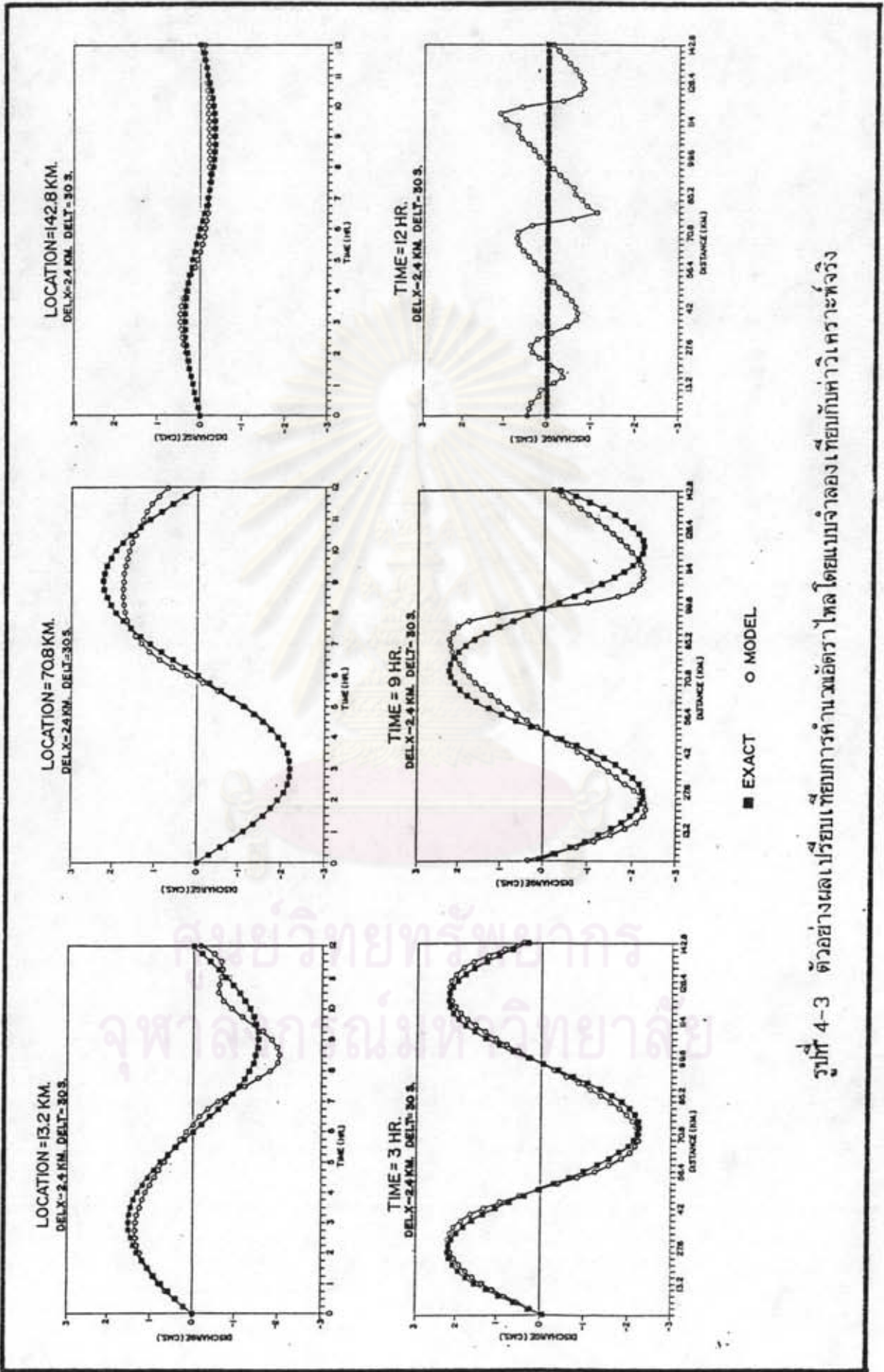


จ.) เส้นไฮโซเริ่มต้นของระดับน้ำ

รูปที่ 4-1 เส้นไฮโซที่ใช้ในการทดสอบ



รูปที่ 4-2 ตัวอย่างผลเปรียบเทียบการคำนวณระดับน้ำโดยแบบจำลองเทียบกับค่าวิเคราะห์จริง



รูปที่ 4-3 ตัวอย่างผลเปรียบเทียบการคำนวณอัตราไหล โดยแบบจำลองเทียบกับค่าวิเคราะห์จริง

ผลการทดสอบลักษณะของค่าผิดพลาดตามเวลาของระดับน้ำและอัตราไหลสำหรับค่า  $\theta$  ต่างๆ พบว่าค่าคำนวณมีเสถียรภาพเมื่อคำนวณในระยะเวลายาว รูปที่ 4-4 และ รูปที่ 4-5 แสดงค่าผิดพลาดของการคำนวณเฉพาะเมื่อเวลาผ่านไป 12 ชั่วโมง ผลการคำนวณที่ใช้ค่า  $\theta$  ในช่วง 0.55-1.00 ในช่วง 12 ชั่วโมงแรก จะมีแนวโน้มของค่าผิดพลาดของระดับน้ำและอัตราไหลเข้าใกล้ 8 % และจะมีค่าค่อนข้างคงที่หลังการคำนวณที่เกิน 12 ชั่วโมง ส่วนผลการคำนวณที่ใช้ค่า  $\theta$  ที่ต่ำกว่า 0.55 จะมีแนวโน้มของค่าผิดพลาดของระดับน้ำและอัตราไหลที่สูงขึ้น คือ มีค่ามากกว่า 10 % จะเห็นว่า ค่า  $\theta$  ในช่วง 0.55 - 1.00 ให้เสถียรภาพในการคำนวณอยู่ในขอบเขตที่ยอมรับได้

2) การทดสอบอิทธิพลของค่า  $\theta$  ที่มีต่อความถูกต้องในการคำนวณเป็นการคำนวณหาค่าผิดพลาดเฉลี่ยตลอดระยะเวลาการคำนวณของระดับน้ำและอัตราไหล นอกจากนั้นการทดสอบยังได้แสดงความสัมพันธ์ของค่าผิดพลาดเฉลี่ย กับค่า  $\Delta x$  และ  $\Delta t$  ในรูปของค่า Courant number ซึ่งเป็นพารามิเตอร์ไร้หน่วยตามแบบที่ Ghailan (1982) ศึกษา

$$C = u \frac{\Delta t}{\Delta x} \dots\dots\dots (4-7)$$

เมื่อ  $C$  = ค่า Courant number

$$u = \text{ความเร็วคลื่นน้ำ (wave celerity)} = \sqrt{gh_0}$$

การทดสอบได้ใช้เงื่อนไขการทดสอบ และกำหนดค่าตัวแปรต่าง ๆ เช่นเดียวกับการทดสอบเสถียรภาพในการคำนวณ แต่เพิ่มช่วงของค่า  $\Delta t$  เป็น 30 - 600 วินาที

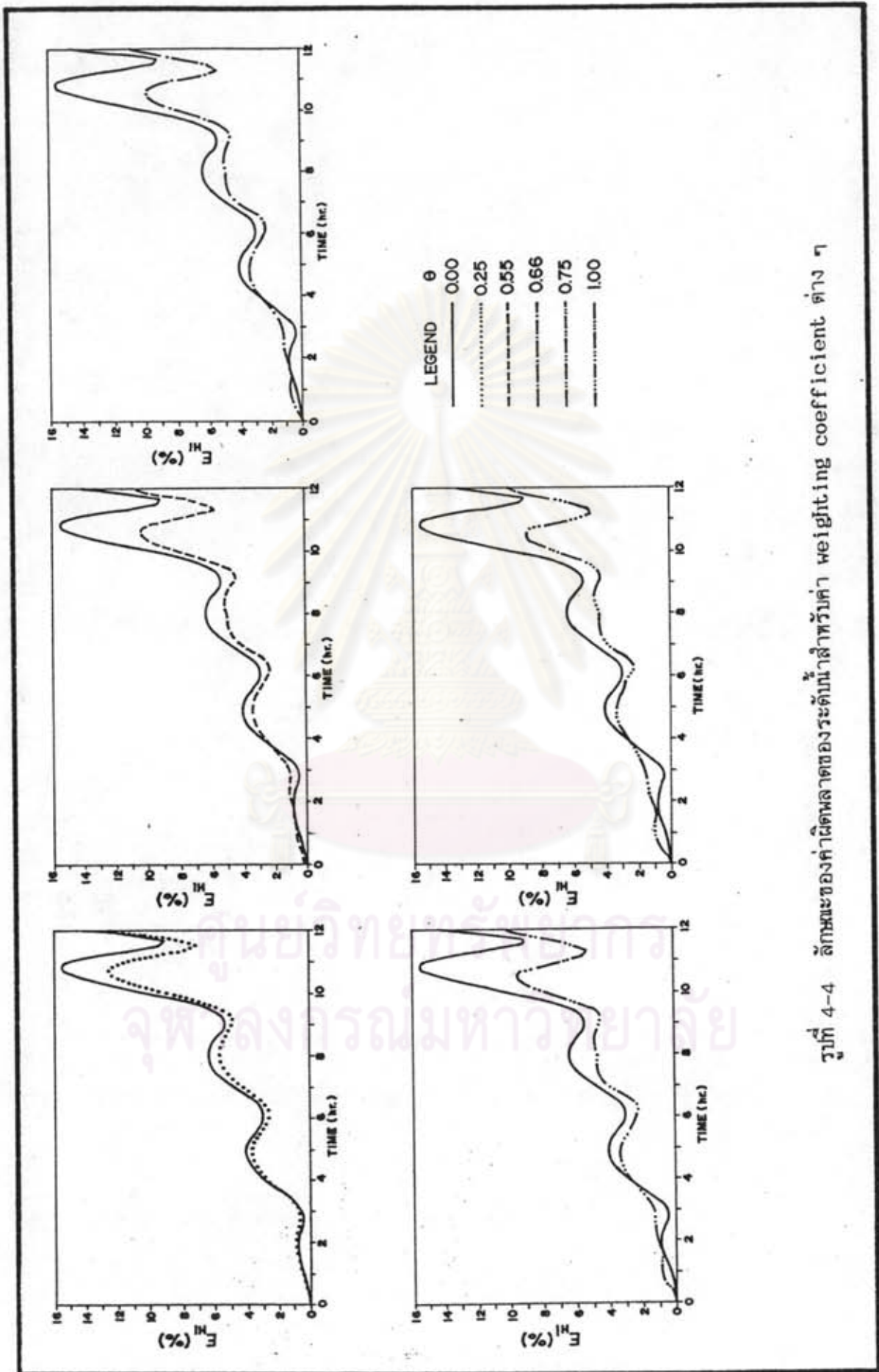
ผลการคำนวณค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำและอัตราไหล สำหรับค่า  $\theta$  ต่าง ๆ โดยมีค่า Courant number อยู่ในช่วง 0.009 - 0.185 (รูปที่ 4-6 และ รูปที่ 4-7) พบว่า ค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำและอัตราไหลมีค่าประมาณ 2.4 % - 5.6 % และต่ำสุดสำหรับทุกค่า  $\Delta t$  และค่า Courant number เมื่อค่า  $\theta$  เท่ากับ 1.00 โดยมีค่าผิดพลาดเฉลี่ยประมาณ 2.4 % - 4.0 % และเมื่อลดค่า  $\theta$  ลง ปรากฏว่าค่าผิดพลาดเฉลี่ยเพิ่มสูงขึ้น เวลาที่ใช้ในการคำนวณที่ใช้ค่า  $\theta$  ขนาดต่างๆ ไม่แตกต่างกันมากนัก

จากการทดสอบอิทธิพลของค่า  $\theta$  ในการคำนวณ พบว่า ค่า  $\theta$  เท่ากับ 1.00 ให้ค่าผิดพลาดเฉลี่ยตลอดเวลาการคำนวณต่ำที่สุด และเสถียรภาพการคำนวณอยู่ในขอบเขตที่ยอมรับได้ ฉะนั้นค่า  $\theta$  เท่ากับ 1.00 จึงมีความเหมาะสมสำหรับแบบจำลองมากที่สุด ที่จะนำไปใช้ในการทดสอบในขั้นต่อนี้ และประยุกต์ใช้ต่อไป

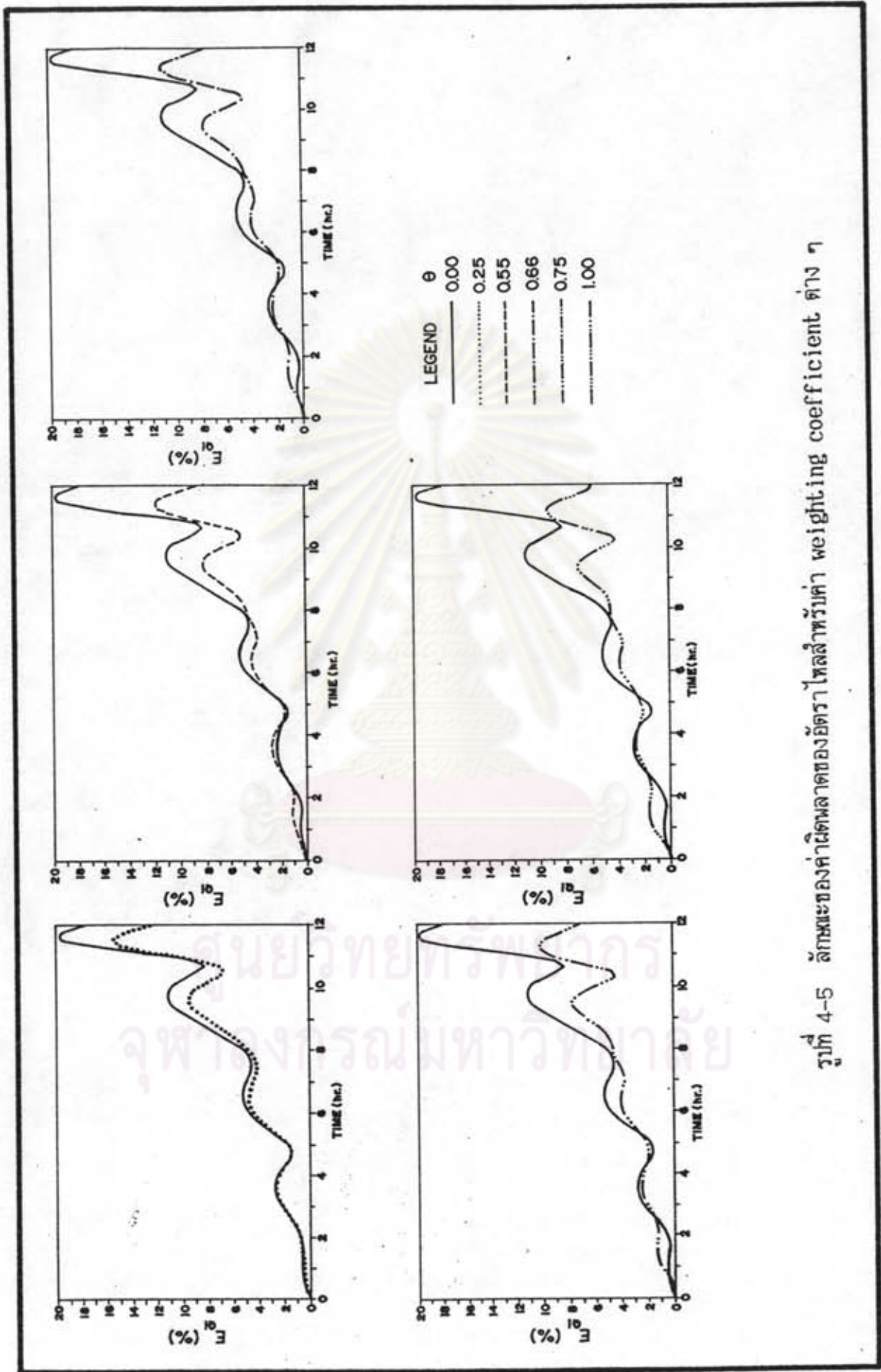
#### 4.3 อิทธิพลของระยะทางระหว่าง cell ( $\Delta x$ หรือ $\Delta y$ ) และช่วงเวลาที่ใช้ในการคำนวณ ( $\Delta t$ ) ต่อความถูกต้องในการคำนวณ

ในการจำลองทางคณิตศาสตร์ แบบ fixed grid 2 ทิศทาง จำเป็นต้องเลือกค่า  $\Delta x$  หรือ  $\Delta y$  และ  $\Delta t$  สำหรับใช้ในการคำนวณ ค่า  $\Delta x$  หรือ  $\Delta y$  จะแสดงถึงความละเอียดในการคำนวณตามระยะทาง ส่วน  $\Delta t$  แสดงถึงความละเอียดในการคำนวณตามเวลา ค่า  $\Delta x$  หรือ  $\Delta y$

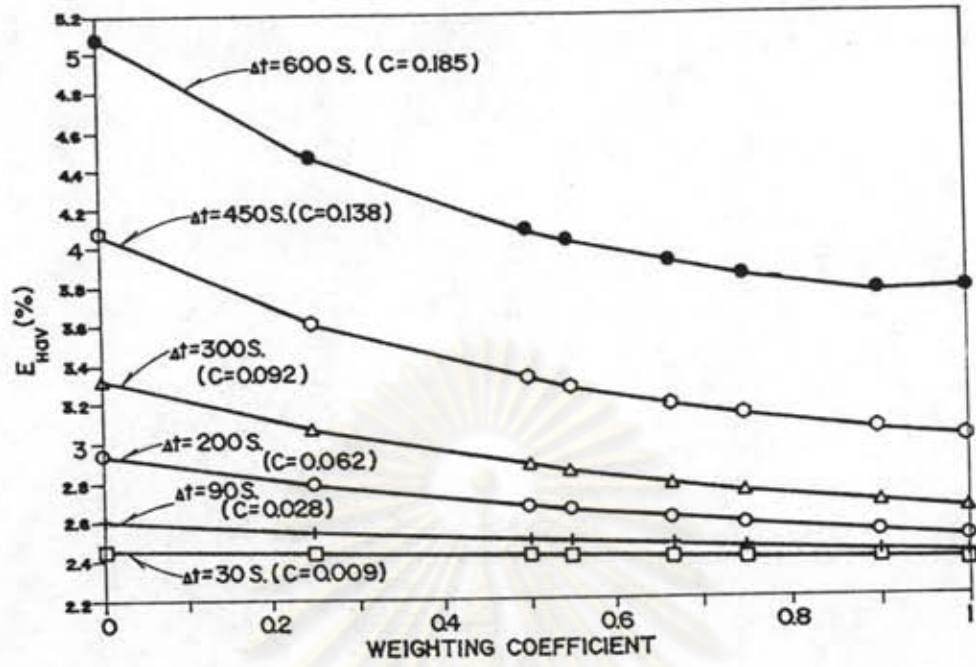




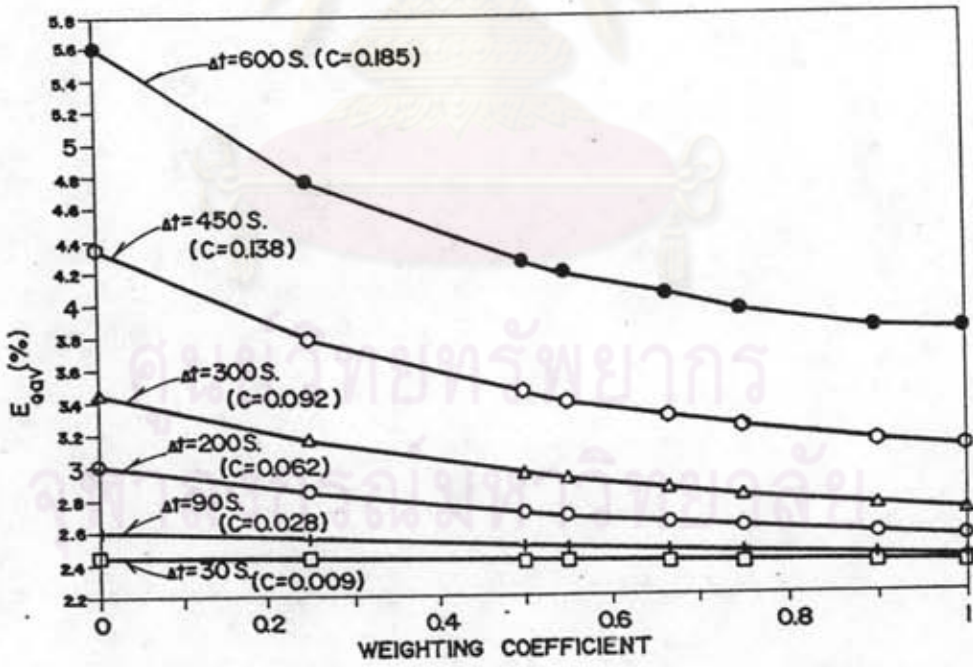
รูปที่ 4-4 ลักษณะของค่าผิดพลาดของระดับน้ำสำหรับค่า weighting coefficient ต่าง ๆ



รูปที่ 4-5 ลักษณะของค่าสัมประสิทธิ์ของอัตราไหลสำหรับค่า weighting coefficient ต่าง ๆ



รูปที่ 4-6 ค่าผิดพลาดของระดับน้ำสำหรับค่า weighting coefficient ต่าง ๆ



รูปที่ 4-7 ค่าผิดพลาดของอัตราไหลสำหรับค่า weighting coefficient ต่าง ๆ

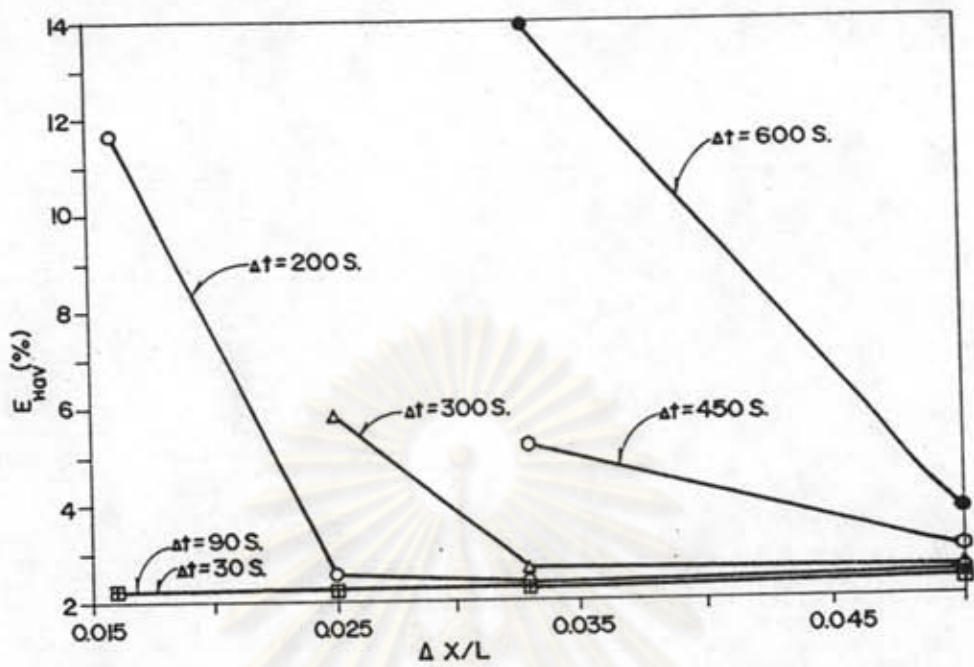
และ  $\Delta t$  เป็นตัวแปรที่ใช้ในสมการ finite-difference ของสมการต่อเนื่อง (สมการที่ 2-63) และสมการโมเมนต์ (สมการที่ 2-64 และสมการที่ 2-65) จากสมการทั้งสามจะเห็นได้ว่าการคำนวณปัญหาเดียวกัน อาจเลือกค่า  $\Delta x$  หรือ  $\Delta y$  และ  $\Delta t$  ได้หลายค่า ในการทดสอบนี้ นอกจากแสดงความสัมพันธ์ของค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำและอัตราไหลกับค่า  $\Delta x$  และ  $\Delta t$  แล้ว ยังได้แสดงความสัมพันธ์ของค่าผิดพลาดเฉลี่ยกับค่า Courant number อีกด้วย เงื่อนไขการทดสอบใช้เงื่อนไขที่กล่าวไว้ตอนต้น และสำหรับค่าตัวแปรต่าง ๆ กำหนดให้อยู่ในช่วงดังต่อไปนี้  $= 1.00$   
 $\Delta x = 2.4 - 7.2$  กม. และ  $\Delta t = 30-600$  วินาที ผลการทดสอบ พบว่า

1) การคำนวณค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำและอัตราไหลเมื่อเปลี่ยนแปลงค่า  $\Delta x$  (รูปที่ 4-8 และรูปที่ 4-10) ให้ผลเหมือนกันคือ ที่ค่า  $\Delta x/L$  เดียวกัน เมื่อค่า  $\Delta t$  เพิ่มขึ้น จะทำให้ค่าผิดพลาดเฉลี่ยเพิ่มขึ้น

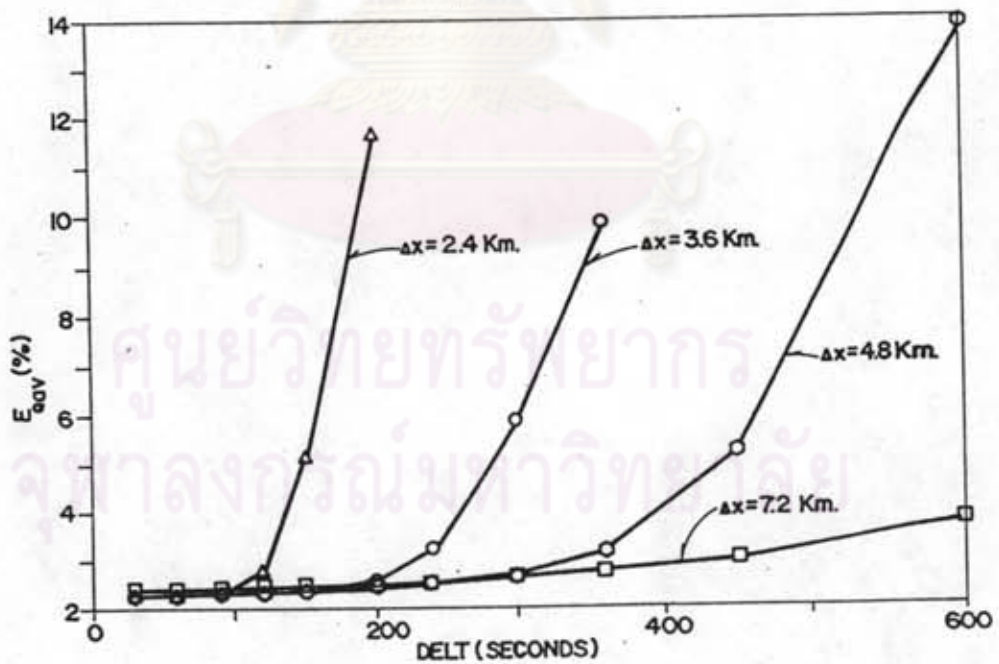
2) จากการคำนวณค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำและอัตราไหลเมื่อเปลี่ยนแปลงค่า  $\Delta t$  (รูปที่ 4-9 และรูปที่ 4-11) พบว่า ในช่วงของค่า  $t$  ไม่เกิน 90 วินาที การเปลี่ยนแปลงค่า  $\Delta t$  สำหรับทุกค่า  $\Delta x$  หรือ การเปลี่ยนแปลงค่า  $\Delta x$  ที่ค่า  $\Delta t$  เดียวกัน จะไม่มีผลต่อค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำและอัตราไหล เนื่องจากให้ผลการคำนวณค่าผิดพลาดเฉลี่ยมีค่าใกล้เคียงกันมาก แต่ในช่วงของค่า  $\Delta t$  มากกว่า 90 วินาที พบว่า ค่า  $\Delta t$  ที่เพิ่มขึ้นสำหรับทุกค่า  $\Delta x$  จะทำให้ค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำและอัตราไหลเพิ่มขึ้น และ การเปลี่ยนแปลงค่า  $\Delta x$  ที่ใช้ค่า  $\Delta t$  เดียวกัน จะมีผลคือ เมื่อลดค่า  $\Delta x$  ลง จะทำให้ค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำและอัตราไหลเพิ่มขึ้น

3) ในการแสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำและอัตราไหล กับ ค่า Courant number (รูปที่ 4-12 และ รูปที่ 4-13) พบว่า ในช่วงของค่า Courant number ไม่เกิน 0.1 การเปลี่ยนแปลงค่า Courant number สำหรับทุกค่า  $\Delta x$  หรือการเปลี่ยนแปลงค่า  $\Delta x$  ที่ค่า Courant number เดียวกัน จะไม่ก่อให้เกิดผลแตกต่างของค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำและอัตราไหลแต่อย่างใด เนื่องจากค่าผิดพลาดเฉลี่ยมีค่าใกล้เคียงกันมาก แต่ในช่วงของค่า Courant number เกิน 0.1 พบว่า ค่า Courant number ที่เพิ่มขึ้นสำหรับทุกค่า  $\Delta x$  จะทำให้ค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำและอัตราไหลเพิ่มขึ้น และค่า  $\Delta x$  จะมีอิทธิพลต่อความเที่ยงตรงในการคำนวณ โดยพบว่าที่ค่า Courant number เดียวกัน ค่า  $\Delta x$  ลดลง จะทำให้ค่าผิดพลาดเฉลี่ยของระดับน้ำ และ อัตราไหลเพิ่มขึ้น แสดงว่า เมื่อค่า Courant number เกิน 0.1 ขนาดของ  $\Delta x$  จะเป็นตัวแปรสำคัญที่ควบคุมความเที่ยงตรงในการคำนวณ นอกจากนี้ ในการทดสอบอิทธิพลของค่า Courant number เมื่อใช้ค่า  $\Delta x$  และ  $\Delta t$  ขนาดต่าง ๆ ที่มีต่อผลการคำนวณระดับน้ำและอัตราไหล โดยเปรียบเทียบกับค่าวิเคราะห์จริง (รูปที่ 4-14 และ รูปที่ 4-15) พบว่าในช่วงของค่า Courant number ต่ำกว่า 0.1 จะให้ผลการคำนวณระดับน้ำและอัตราไหลใกล้เคียงกับค่าวิเคราะห์จริง แต่ในช่วงของค่า Courant number มากกว่า 0.1 ปรากฏว่า ผลที่คำนวณได้จะแตกต่างจากค่าวิเคราะห์จริงอย่างเห็นได้ชัด

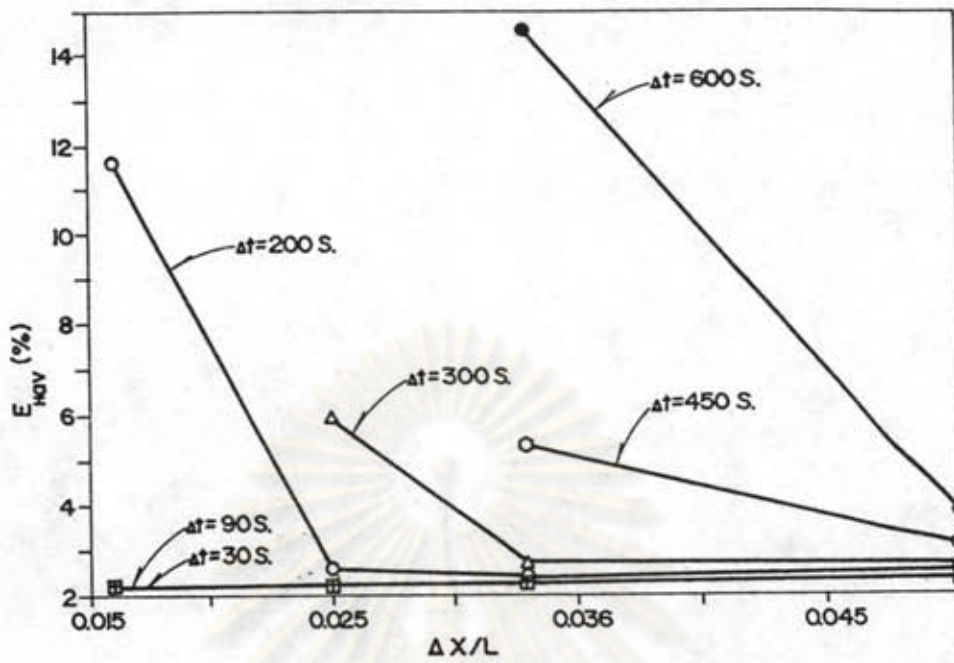
โดยทั่วไปการเลือกค่า  $\Delta x$  หรือ  $\Delta y$  และ  $\Delta t$  มักเป็นปัญหาในการใช้แบบจำลองทาง



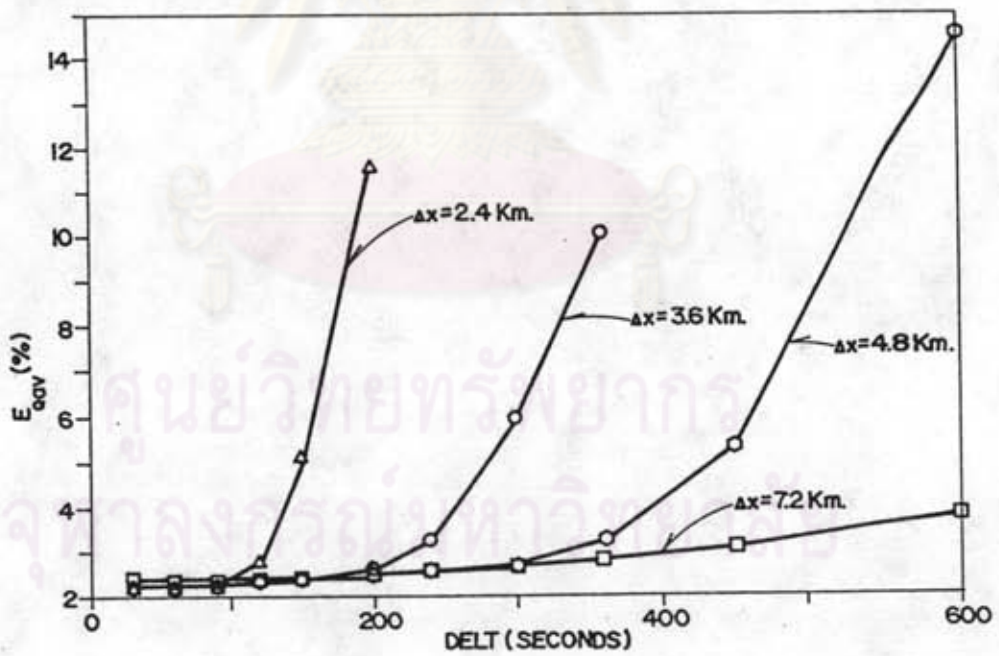
รูปที่ 4-8 ผลของค่าผิดพลาดจากการคำนวณระดับน้ำเมื่อเปลี่ยนแปลง  $\Delta x$



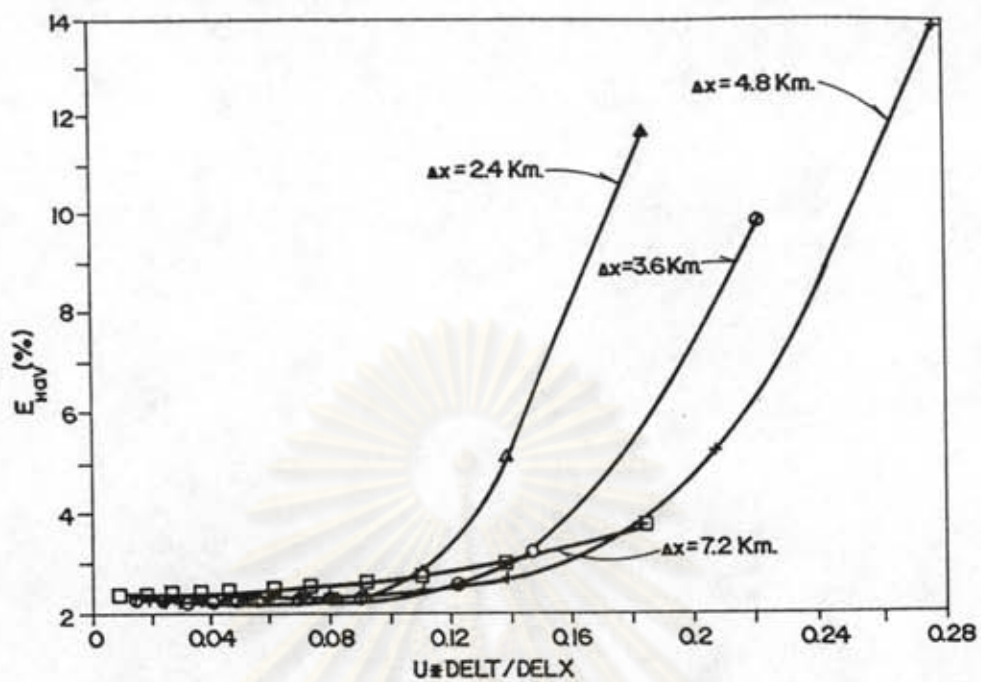
รูปที่ 4-9 ผลของค่าผิดพลาดจากการคำนวณระดับน้ำเมื่อเปลี่ยนแปลง  $\Delta t$



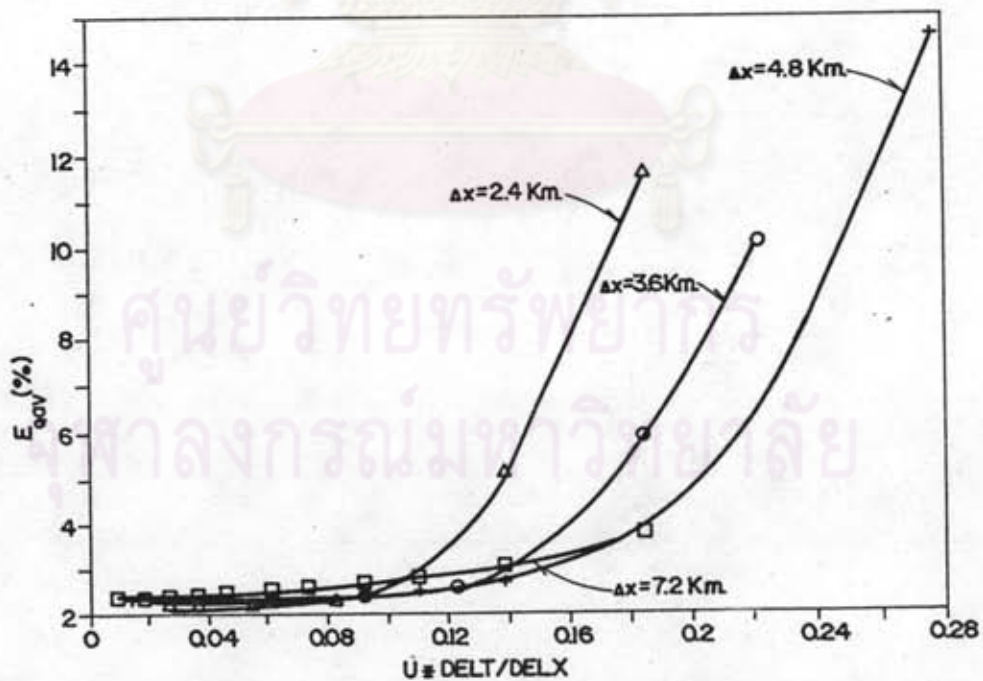
รูปที่ 4-10 ผลของค่าผิดพลาดจากการคำนวณอัตราไหลเมื่อเปลี่ยนแปลง  $\Delta x$



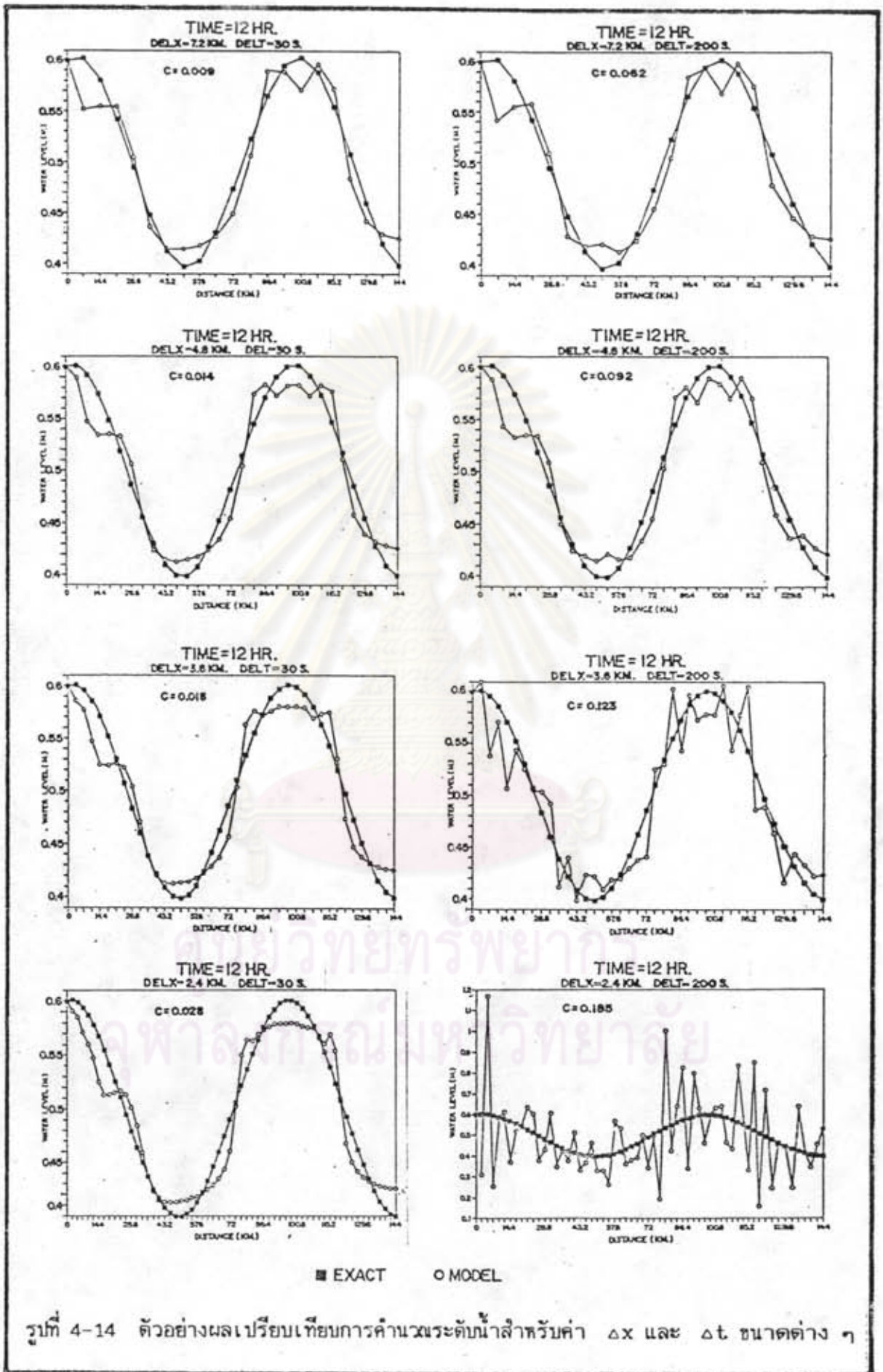
รูปที่ 4-11 ผลของค่าผิดพลาดจากการคำนวณอัตราไหลเมื่อเปลี่ยนแปลง  $\Delta t$



รูปที่ 4-12 ความสัมพันธ์ของค่าผิดพลาดจากการคำนวณระดับน้ำกับค่า Courant number

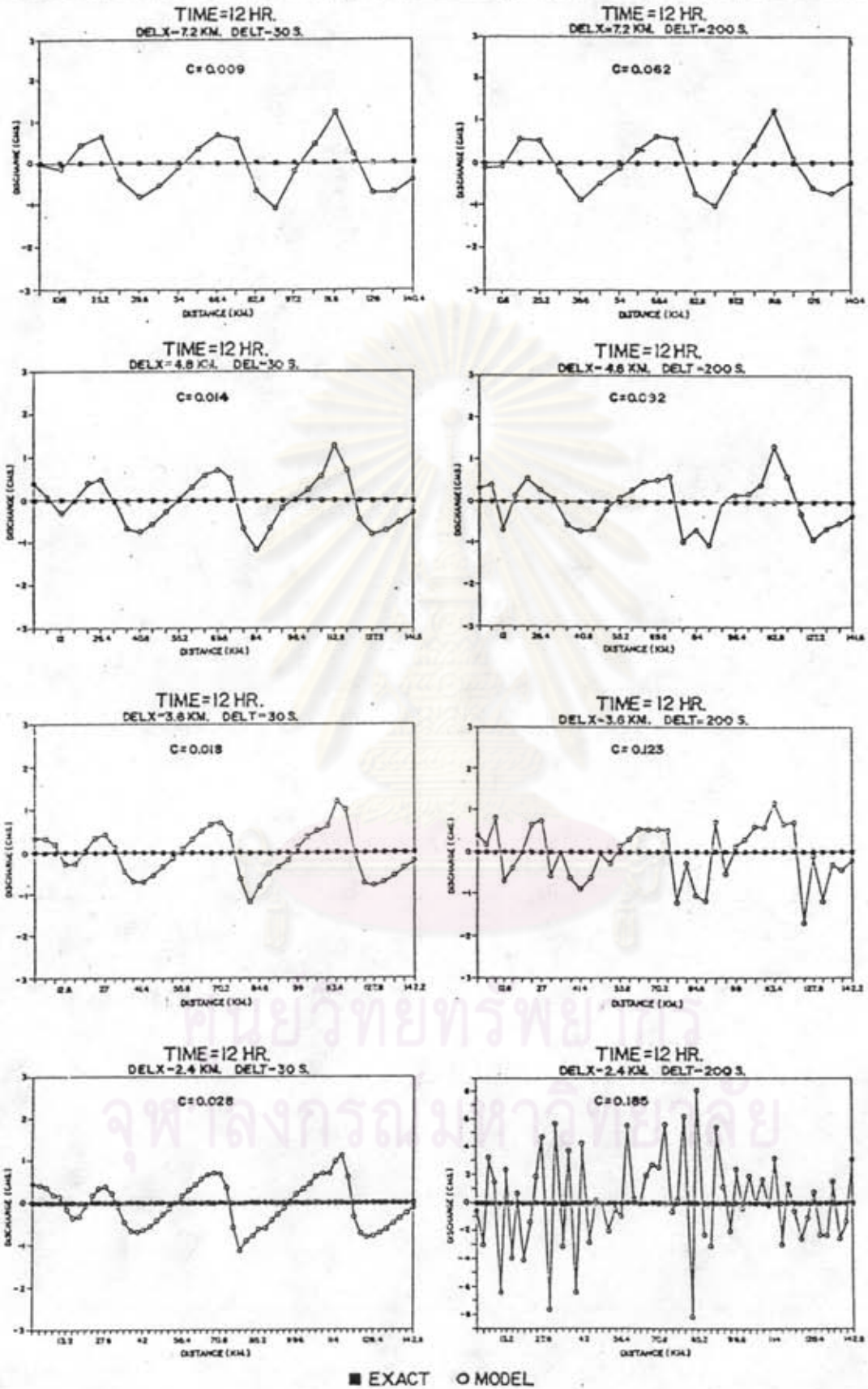


รูปที่ 4-13 ความสัมพันธ์ของค่าผิดพลาดจากการคำนวณอัตราไหลกับค่า Courant number



รูปที่ 4-14 ตัวอย่างผลเปรียบเทียบการคำนวณระดับน้ำสำหรับค่า  $\Delta x$  และ  $\Delta t$  ขนาดต่าง ๆ





รูปที่ 4-15 ตัวอย่างผลเปรียบเทียบการคำนวณอัตราไหลสำหรับค่า  $\Delta x$  และ  $\Delta t$  ขนาดต่าง ๆ

คณิตศาสตร์ ชนิด fixed grid เสมอ โดยเฉพาะแบบจำลอง Bi-dimensional การกำหนดค่า  $\Delta x$  หรือ  $\Delta y$  ขึ้นอยู่กับลักษณะภูมิประเทศของโครงข่ายพื้นที่ศึกษาเป็นหลัก ฉะนั้น จึงมีเพียง  $\Delta t$  เท่านั้นที่เป็นตัวแปรที่สามารถกำหนดค่าให้เหมาะสม เพื่อให้ผลการคำนวณที่ได้มีค่าผิดพลาดอยู่ภายในขอบเขตที่ยอมรับได้ โดยใช้รูปที่ 4-12 และ รูปที่ 4-13 เป็นแนวทางในการเลือก ในการทดสอบครั้งนี้ ได้ทดสอบตัวแปรต่าง ๆ ในช่วงที่ครอบคลุมค่าตัวแปรที่มัก ใช้อยู่ในงานประยุกต์ในการศึกษาครั้งนี้

#### 4.4 สรุปผลการทดสอบแบบจำลอง

การทดสอบแบบจำลองนับเป็นสิ่งจำเป็น เพื่อสร้างความเข้าใจในขอบเขตความถูกต้อง และเสถียรภาพในการคำนวณของแบบจำลอง การทดสอบแบบจำลองกับค่าวิเคราะห์จริงเป็นการทดสอบว่าคำนวณได้ถูกต้องตามทฤษฎีพื้นฐานที่ใช้เพียงใด ผลการทดสอบพอสรุปเป็นข้อ ๆ ได้ดังนี้

1) ผลการเปรียบเทียบระหว่างค่าที่คำนวณโดยแบบจำลองกับค่าวิเคราะห์จริง พบว่าค่าระดับน้ำ และอัตราไหล คำนวณได้ใกล้เคียงในขอบเขตที่ยอมรับได้

2) อีทธิพลของพารามิเตอร์ต่าง ๆ

2.1 ค่า  $\theta$  ที่ให้เสถียรภาพในการคำนวณ (stability) ดีที่สุด คือ 1.00 (fully implicit method)

2.2 ความถูกต้องในการคำนวณ (accuracy) ของค่าระดับน้ำและอัตราไหล ขึ้นอยู่กับ  $\Delta x$  หรือ  $\Delta y$  และ  $\Delta t$  ในรูปของค่า Courant number เมื่อค่า Courant number ไม่เกิน 0.1 จะให้ค่าผิดพลาดเฉลี่ยจากการคำนวณระดับน้ำและอัตราไหล ไม่เกิน 3 % ฉะนั้นในการนำแบบจำลองนี้ไปประยุกต์ใช้จึงควรควบคุมค่า Courant number ไม่เกิน 0.1

ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย