



บทที่ 2

วารสารปริทัศน์

การพัฒนา เครื่องหมักแบบคอลัมน์จาก เครื่องหมักแบบทอสูง เป็น เครื่องหมักแบบ แอร์ลิฟท์ที่มีการหมุนเวียนของน้ำหมักอันเนื่องมาจากความหนาแน่นที่แตกต่างกันของน้ำหมักที่ระดับต่าง ๆ ในคอลัมน์ ทำให้เซลล์ที่อยู่ส่วนบนของ เครื่องหมักมีโอกาสหมุนเวียนมารับอากาศบริสุทธิ์จากตัวกระจายอากาศได้มากขึ้น ดังนั้นประสิทธิภาพในการทำงานจึงดีขึ้น (วิชาพงษ์, 2525) มีการนำ เครื่องหมักนี้มาใช้ในการผลิตยีสต์อาหารสัตว์ Candida utilis ด้วยระบบกึ่งต่อเนื่อง โดยใช้ น้ำสับปะรดที่มีน้ำตาลร้อยละ 2 เป็นสารอาหาร พบว่าได้ยีสต์แห้ง 10.2 กรัมต่อลิตร คิดเป็นปริมาณโปรตีน 5.89 กรัมต่อลิตร ในเวลา 8 ชั่วโมง ปริมาณการใช้น้ำตาลร้อยละ 96 (อำนาจ, 2521) ซึ่งมีประสิทธิภาพการทำงานดีกว่า เครื่องหมักแบบถังกวนที่ผลิตยีสต์แห้งออกมาได้ 9.5 กรัมต่อลิตร คิดเป็นปริมาณโปรตีน 5.65 กรัมต่อลิตร (สุมาลี, 2520) นอกจากนี้ยังมีการนำ เครื่องหมักแบบนี้ที่มีการปรับปรุงตัวกระจายอากาศและระบบหมุนเวียนของน้ำหมักมาทำการผลิตเอทานอลจากน้ำสับปะรดด้วยระบบไม่ต่อเนื่อง (นิคม, 2523) และระบบกึ่งต่อเนื่อง (วิชาพงษ์, 2525) เครื่องหมักแบบแอร์ลิฟท์นี้มีส่วนประกอบสำคัญ 4 ส่วน ดังรูปที่ 2-1 (วิชาพงษ์, 2525) ได้แก่ 1) เครื่องพ่นอากาศ และตัวกระจายอากาศ 2) คอลัมน์สำหรับหมักและระบบหล่อเย็น 3) ระบบการป้อนย้อนกลับ และ 4) ระบบกำจัดฟอง

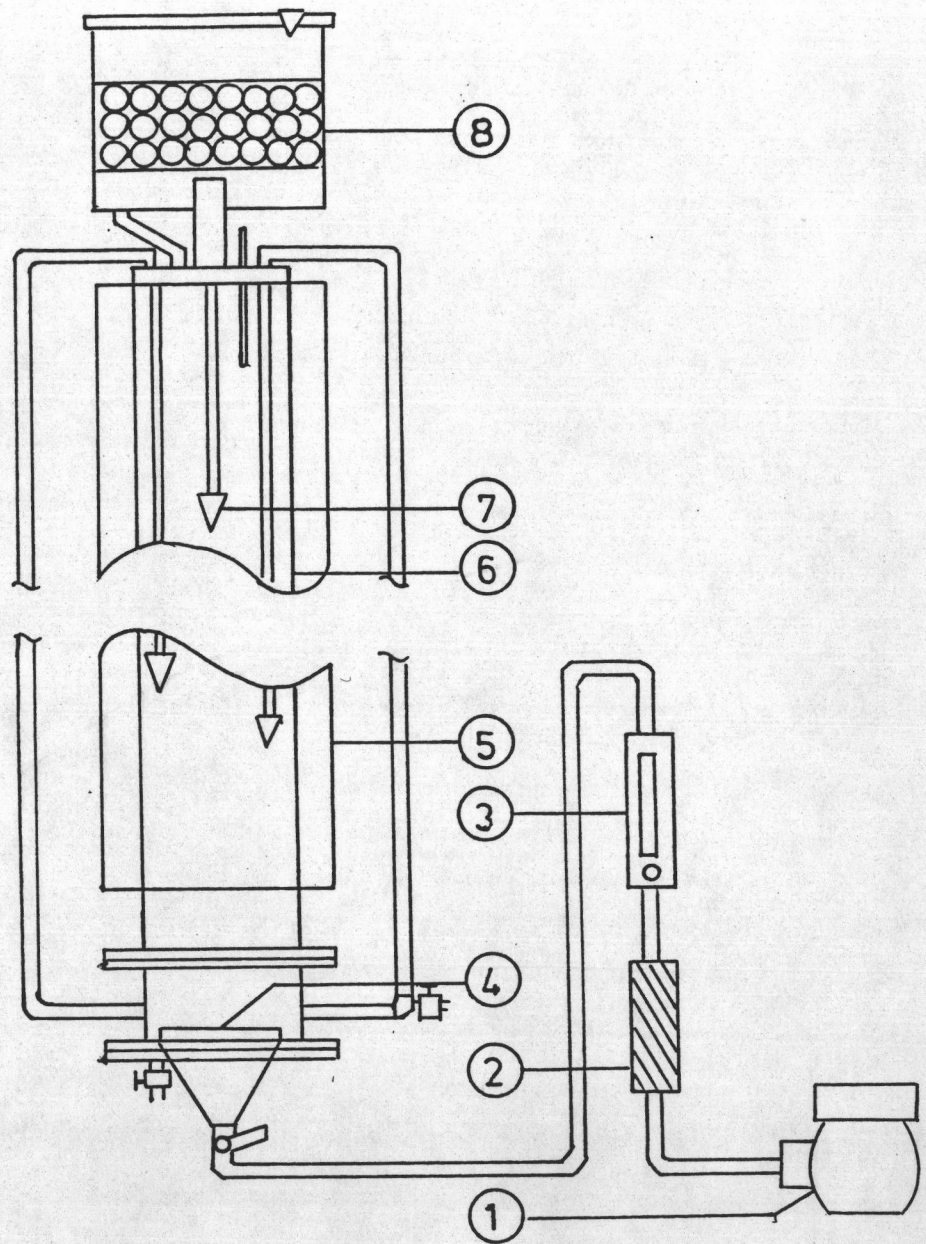
1) เครื่องพ่นอากาศ และตัวกระจายอากาศ ประกอบด้วย เครื่องอัดอากาศ ซึ่งมีที่ปรับความดันติดอยู่ เพื่อควบคุมให้อัตราการไหลของอากาศคงที่ อากาศจะไหลผ่านที่กรองอากาศ เข้าเครื่องวัดอัตราการไหล แล้วผ่านตัวกระจายอากาศที่ทำด้วยตะแกรงสแตนเลส ขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 7 เซนติเมตร ตั้งอยู่บริเวณตอนล่างของคอลัมน์

2) คอลัมน์สำหรับหมักและระบบหล่อเย็น

คอลัมน์สำหรับหมักทำด้วยพลาสติกใสชนิดทนความร้อนที่อุณหภูมิ น้ำเดือดและสารเคมีได้ดี มีขนาดเส้นผ่าศูนย์กลางภายใน 8 เซนติเมตร สูง 120 เซนติเมตร ฝาปิดคอนกรีตเจาะรูไว้ 7 รู ดังรูปที่ 2-2 รูที่ 1 สำหรับให้ฟองลมเข้าสู่ระบบกำจัดฟอง รูมีขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 2.5 เซนติเมตร เมื่อฟองแตกสลายจะไหลกลับลงสู่คอลัมน์ ทางรูที่ 2 รูที่ 3 สำหรับเติมกรดหรือด่าง หรือสารอาหาร รูที่ 4, 5 และ 6 สำหรับต่อท่อในระบบการป้อนย้อนกลับ รูที่ 7 สำหรับเทอร์โมมิเตอร์วัดอุณหภูมิภายในคอลัมน์ ส่วนฝาปิดคอลัมน์ตอนล่าง เจาะรูไว้ 2 รู ดังรูปที่ 2-2 รูที่ 1 ต่อเข้ากับตัวกระจายอากาศ รูที่ 2 สำหรับเก็บตัวอย่างและระบายน้ำหมักออกจากคอลัมน์ รอบ ๆ คอลัมน์มีระบบหล่อเย็นทำด้วยพลาสติกใสมีลักษณะเป็นสี่เหลี่ยมจัตุรัสขนาด 15×15×100 เซนติเมตร

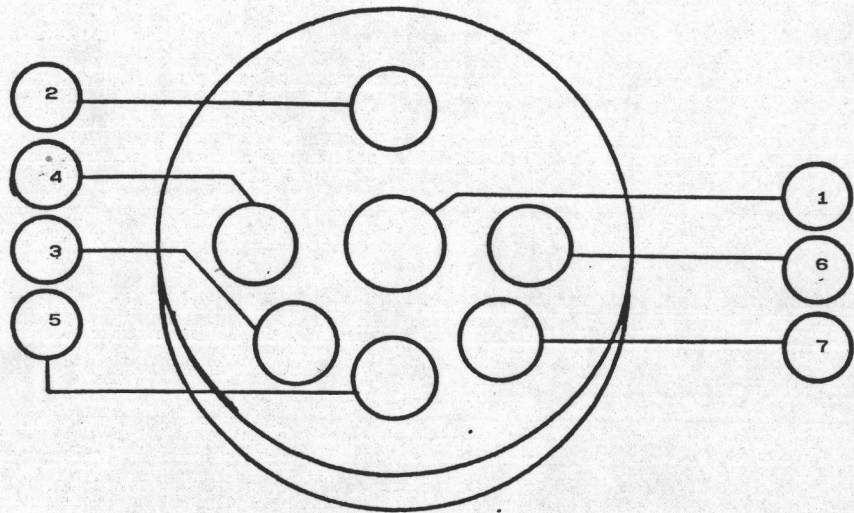
3) ระบบการป้อนย้อนกลับ

อาศัยความแตกต่างของความหนาแน่นของน้ำหมักที่ระดับต่างกัน ทำให้เกิดการไหลหมุนเวียนของน้ำหมักในคอลัมน์โดยใช้ท่อป้อนย้อนกลับทำด้วยสแตนเลส 3 ท่อ เส้นผ่าศูนย์กลางภายใน 0.7 เซนติเมตร ปลายท่อยึดติดกับกรวยสแตนเลสเส้นผ่าศูนย์กลาง 2.5 เซนติเมตร สูง 5 เซนติเมตร เพื่อป้องกันอากาศไหลเข้าไป ท่อทั้งสามจะอยู่ต่ำกว่าฝาปิดคอนกรีต 30, 50 และ 70 เซนติเมตร ส่วนปลายที่โผล่จากคอนกรีตของตัวคอลัมน์จะทำเป็นท่อแยกออกเป็น 2 ทาง ทางหนึ่งเป็นท่อมิวาล์วปิดเปิดที่ตรงปลาย สำหรับดูดไล่อากาศทำให้มีการไหลหมุนเวียนเกิดขึ้นได้ ส่วนอีกทางหนึ่ง เป็นท่อต่อขนานกับตัวคอลัมน์ลงมาจนถึงตอนล่างแล้วเจาะทะลุเข้าตัวคอลัมน์ทางด้านข้าง สำหรับปลายล่างทางด้านนอกของท่อป้อนย้อนกลับ ซึ่งอยู่ต่ำกว่าฝาปิดคอนกรีตที่ระดับ 70 เซนติเมตร จะเจาะรูขนาด 0.8 เซนติเมตร มีวาล์วปิดเปิดที่ปลายท่อ ใช้ในการเก็บตัวอย่างออกมาวิเคราะห์

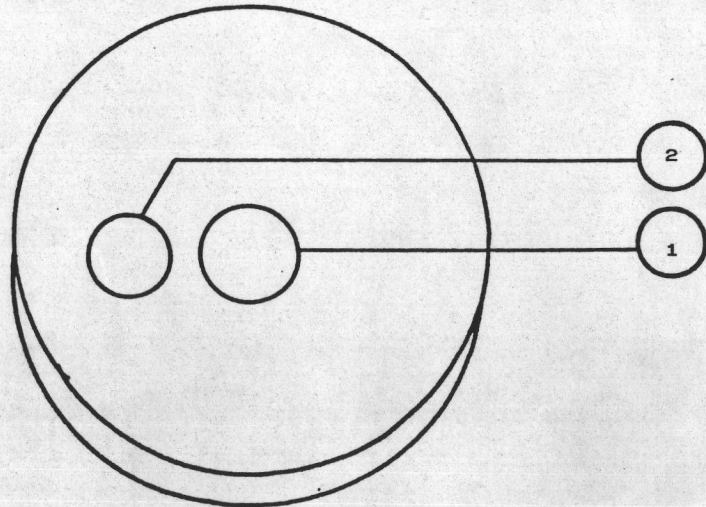


รูปที่ 2-1 ส่วนต่าง ๆ ของเครื่องหมักแบบคอลลิมน์

- | | |
|----------------------------------|--------------------|
| 1. เครื่องอัดอากาศ | 5. ระบบหล่อเย็น |
| 2. ที่กรองอากาศ | 6. ตัวคอลลิมน์ |
| 3. เครื่องวัดอัตราการไหลของอากาศ | 7. ระบบไหลย้อนกลับ |
| 4. ตัวกระจายอากาศ | 8. ระบบกันฟองล้น |



ฝ้าปิดตอนบน



ฝ้าปิดตอนล่าง

รูปที่ 2-2 ตำแหน่งต่าง ๆ ของรูที่เจาะบนฝ้าปิด

4) ระบบกำจัดฟอง

ระบบกำจัดฟองล้นทำด้วยพลาสติกใสมีลักษณะเป็นถังสี่เหลี่ยม ขนาด 15×15×40 เซนติเมตร ภายในบรรจุพลาสติกทรงกลมมีตะแกรงสแตนเลสรองรับ เมื่อฟองล้นออกมาจากคอลัมน์กระทบกับลูกพลาสติก จะแตกสลายเป็นของเหลวไหลกลับเข้าสู่คอลัมน์เดิม

จากการทดลองนำเครื่องหมักแบบแอร์ลิฟท์นี้มาใช้ในกระบวนการผลิตเอทานอล จากน้ำสับปะรดด้วยระบบไม่ต่อเนื่องและกึ่งต่อเนื่องพบว่า การผลิตด้วยระบบไม่ต่อเนื่องให้ผลผลิตเอทานอลต่อหน่วยเวลาดำกว่าการผลิตด้วยระบบกึ่งต่อเนื่อง (วิชาพงษ์, 2525) ทั้งนี้เป็นเพราะในกระบวนการหมักด้วยระบบไม่ต่อเนื่อง จุลินทรีย์ที่ใช้จะมีการเจริญผ่านช่วงระยะต่าง ๆ จนครบวงจรชีวิต (Life cycle) ขณะเดียวกัน ก็ทำให้น้ำหมักเกิดการเปลี่ยนแปลงขึ้น เช่น pH ความเข้มข้นของสารอาหาร และปริมาณสารอินทรีย์ที่จุลินทรีย์ผลิตขึ้น ซึ่งจะมีผลทำให้อัตราการเจริญและกิจกรรมของยีสต์หยุดชะงักลง (Aiba, 1965) ต่างกับการผลิตด้วยระบบกึ่งต่อเนื่องที่จุลินทรีย์จะได้รับสารอาหารเพียงพอตลอดเวลา และยังมีการถ่ายเทสารอินทรีย์ที่จุลินทรีย์ผลิตขึ้น จึงไม่มีการสะสมจนกระทั่งมีผลยับยั้งการเจริญและกิจกรรมของจุลินทรีย์ (Lyons, 1981) จากวิธีการผลิตเบียร์ที่เรียกว่า "Krausening process" เบียร์ส่วนหนึ่งที่หมักได้ที่แล้ว จะถูกนำมาผสมกับสารอาหารที่ยังไม่ผ่านการหมักเพื่อเป็นเชื้อหมักเริ่มต้น ช่วยให้เกิดการหมักต่อไป ในปี ค.ศ. 1904 ได้อาศัยหลักการคล้าย ๆ กันนี้มาใช้ในการผลิตเบียร์ แต่มีการเพิ่มปริมาณเซลล์ยีสต์ด้วยการให้อากาศในระยะแรก ลักษณะเช่นนี้ทำให้เซลล์ยีสต์มีชีวิตอยู่ได้นานขึ้นอีกด้วย เมื่อหยุดให้อากาศปล่อยให้เกิดการหมักระยะหนึ่ง หลังจากนั้นถ่ายน้ำหมักครึ่งหนึ่งจากถังหมักแรกไปยังถังหมักที่สอง แล้วใส่สารอาหารที่ยังไม่ผ่านการหมักลงไปในถังหมักทั้งสองจนระดับเท่าเดิม แล้วปล่อยให้เกิดการหมักอย่างสมบูรณ์ หลังจากนั้นถ่ายน้ำหมักครึ่งหนึ่งจากถังหมักที่สองไปยังถังหมักที่สามพร้อมกับใส่สารอาหารที่ยังไม่ผ่านการหมักลงไป เช่นเดียวกับครั้งแรก ทำการถ่ายน้ำหมักเช่นนี้ต่อไปจนกระทั่งสิ้นสุดที่ถังหมักสุดท้าย และในระยะ 70 ปีที่ผ่านมาอุตสาหกรรมการผลิตเบียร์ยังนิยมใช้ระบบกึ่งต่อเนื่องนี้ เพื่อวัตถุประสงค์ในการเพิ่มปริมาณเซลล์ยีสต์และเพิ่มผลผลิต

อย่างไรก็ตาม แม้ว่าการผลิตด้วยระบบกึ่งต่อเนื่องจะมีข้อได้เปรียบมากกว่าระบบไม่ต่อเนื่อง แต่เมื่อการหมักดำเนินไปนาน ๆ ผลผลิตก็มีโอกาสตกลงไป ทั้งนี้อาจมีสาเหตุเนื่องมาจากปริมาณเซลล์ลดลงน้อยลง เป็นผลมาจากมีการถ่ายเทน้ำหมักออกจากถังหมักในอัตราที่ไม่สอดคล้องกับอัตราการเพิ่มของเซลล์ และถ้าอัตราการถ่ายเทน้ำหมักมีในปริมาณสูงและรวดเร็วเกินไป อาจเป็นสาเหตุหนึ่งที่ทำให้ยีสต์ไม่สามารถเปลี่ยนน้ำตาลเป็นเอทานอลได้ตามความต้องการ เป็นผลให้น้ำตาลสะสมในระบบมากขึ้น (วิชาพงษ์, 2525) ในทางตรงข้าม ถ้าอัตราการถ่ายเทน้ำหมักช้า ระดับความเข้มข้นของเอทานอลจะสูงขึ้น อยู่ในช่วงระหว่างร้อยละ 8-15 (น้ำหนักต่อปริมาตร) ซึ่งอาจจะเป็นพิษต่อเซลล์ได้ ทั้งนี้ขึ้นอยู่กับสายพันธุ์ และช่วงระยะต่าง ๆ ของการเจริญของเซลล์ด้วย (Lyons, 1981) ดังนั้นจึงได้มีการพยายามคัดเลือกสายพันธุ์ยีสต์ที่ให้ผลผลิตเอทานอลสูงสำหรับใช้ในการหมัก Rose (1978) รายงานไว้ว่า การผลิตเอทานอลด้วยเชื้อ Saccharomyces sake สามารถให้ผลผลิตเอทานอลสูงถึงร้อยละ 20 (น้ำหนักต่อปริมาตร) ภายในระยะเวลา 4 สัปดาห์ แต่โดยทั่วไป อุณหภูมิการผลิตเอทานอลจะนำน้ำหมักไปเข้าเครื่องกลั่น เมื่อหมักเอทานอลได้สูงร้อยละ 8-10 (น้ำหนักต่อปริมาตร) เท่านั้น (Kosaric et al, 1980) อย่างไรก็ตามก็ได้มีการปรับปรุงกรรมวิธีการผลิตโดยมุ่งเพิ่มประสิทธิภาพของเครื่องหมักเนื่องจากเครื่องหมักเป็นดังปฏิกิริยาที่สามารถควบคุมสภาวะแวดล้อม ตลอดจนการเปลี่ยนแปลงของปัจจัยต่าง ๆ ได้ เช่น ความเข้มข้นของสารอาหาร อุณหภูมิ pH อัตราการให้อากาศ และที่สำคัญจะต้องมีลักษณะเหมาะสมสามารถทำให้ปราศจากเชื้อได้ โดยเฉพาะขณะดึงตัวอย่างออกมาเพื่อวิเคราะห์ และขณะถ่ายเทน้ำหมัก (Solomon, 1969)

ในปี ค.ศ. 1909 โรงงานผลิตเบียร์ในนิวยอร์กได้นำหลักการถ่ายเทน้ำหมักด้วยระบบกึ่งต่อเนื่องมาใช้หมักเบียร์ แต่อาศัยถังหมักวางเรียงกันหลาย ๆ ใบ ส่วนของเบียร์ที่หมักได้ที่จะเป็น เชื้อหมัก เริ่มต้นสำหรับการหมักต่อไป นั่นคือ เมื่อผ่านสารอาหารที่ยังไม่ได้หมักลงไปในถังแรกจนถึงระดับหนึ่ง ส่วนผสมนี้จะไหลลงไปยังถังหมักถัดไปจนกระทั่งได้ผลผลิตออกมาจากถังหมักสุดท้าย (Hough, 1961) ระบบการหมักแบบใหม่นี้เรียกว่า "ระบบการหมักแบบต่อเนื่อง" เมื่อประมาณ 50 ปีมาแล้ว ในประเทศอังกฤษก็นำระบบการหมักแบบ

ต่อ เนื่องมาใช้ในกระบวนการผลิตยีสต์เพื่อใช้เป็นอาหารสัตว์ และยีสต์สำหรับทำขนมปัง (Olsen, 1961) ในระยะ 20 ปีที่ผ่านมาได้มีการศึกษาค้นคว้าเกี่ยวกับทฤษฎีและรายละเอียดของกระบวนการหมักด้วยระบบต่อเนื่อง เช่น การจัดลักษณะ เครื่องมือ กระบวนการควบคุม ตลอดจนปัญหาต่าง ๆ ที่เกี่ยวข้อง

ในระบบการหมักแบบต่อเนื่อง หลังจากที่จุลินทรีย์เจริญเพิ่มจำนวนขึ้นถึงระดับหนึ่งซึ่งปกติเป็นระดับที่จุลินทรีย์มีอัตราการเจริญ และอัตราการผลิตผลิตภัณฑ์ที่สูงที่สุด ปัจจัยที่สำคัญบางอย่าง เช่น ความเข้มข้นของเซลล์ และความเข้มข้นของสารอาหารหลักอยู่ในระดับที่คงที่เหมาะสม ซึ่งสามารถทำได้โดยการป้อนสารอาหารที่ผ่านการฆ่าเชื้อแล้ว เข้าสู่ถังหมักพร้อมกับการปล่อยน้ำหมักออกจากถังหมักในอัตราเดียวกัน และควรเป็นอัตราที่พอเหมาะที่จะทำให้จำนวนจุลินทรีย์ที่เพิ่มขึ้นในถังหมัก เท่ากับจำนวนจุลินทรีย์ที่ไหลออกจากถังหมัก ขณะเดียวกันอัตราการเพิ่มสารอาหาร เข้าสู่ถังหมัก เท่ากับอัตราการใช้สารอาหารโดยจุลินทรีย์ในน้ำหมัก และอัตราการผลิตผลิตภัณฑ์ เท่ากับอัตราการไหลออกของผลิตภัณฑ์ (Aiba, 1965)

การหมักด้วยระบบต่อเนื่องที่มีการดำเนินงานไปแล้ว ได้แก่ การผลิตเบียร์ในคานาดา (Geiger, 1957) และนิวซีแลนด์ (Stewart, 1959) การผลิตยีสต์เพื่อใช้เป็นอาหารสัตว์ โดยอาศัยสารอาหารจากน้ำทิ้งของโรงงานผลิตเยื่อกระดาษ การทดลองผลิตยีสต์ Candida utilis โดยใช้เครื่องหมักแบบแอร์ลิปท์ (Rosario, 1984) และการผลิตยีสต์ทำขนมปังจากกากน้ำตาลในประเทศอังกฤษ (Sher, 1961) การผลิตน้ำส้มสายชูและการกำจัดน้ำเสียจากโรงงานอุตสาหกรรม เป็นต้น ในตารางที่ 2-1 และ 2-2 แสดงถึงชนิดของจุลินทรีย์และผลิตภัณฑ์ที่เกิดจากการหมักที่มีการศึกษาในระบบต่อเนื่อง

ตารางที่ 2-1 ชนิดของจุลินทรีย์ที่ใช้ในการหมักด้วยระบบต่อเนื่อง (Aiba, 1965)

ชนิดของจุลินทรีย์ (Organisms)	สกุล (Genera)
Actinomycetes	<u>Streptomyces</u>
Algae	<u>Chlorella</u> <u>Euglena</u> <u>Scenedesmus</u>
Bacteria	<u>Aerobacter</u> <u>Azotobacter</u> <u>Bacillus</u> <u>Brucella</u> <u>Clostridium</u> <u>Salmonella</u>
Fungi	<u>Ophiostoma</u> <u>Penicillium</u>
Protozoa	<u>Tetrahymena</u>
Yeast	<u>Saccharomyces</u> <u>Torula</u>

ตารางที่ 2-2 ผลึกภัณฑ์ที่ได้จากการหมักด้วยระบบต่อเนื่อง (Aiba, 1965)

ผลึกภัณฑ์ที่ได้สัมพันธ์โดยตรง กับการเจริญของจุลินทรีย์ (Growth-associated)	ผลึกภัณฑ์ที่ได้ไม่มีความสัมพันธ์ กับการเจริญของจุลินทรีย์ (Non-growth associated)
Acetic acid Butanediol Ethanol Gluconic acid Hydrogen sulfide Lactic acid	Acetone Butanol Glycogen Subtilin Chloramphenicol Penicillin Streptomycin Vitamin B ₁₂

กระบวนการหมักด้วยระบบต่อเนื่องมีข้อได้เปรียบการหมักระบบอื่นหลายประการ

เช่น

1. สามารถศึกษาสรีรวิทยาของจุลินทรีย์ภายใต้สภาวะแวดล้อมคงที่ชนิดใดชนิดหนึ่งได้

2. ตามทฤษฎีแล้วให้ผลผลิตและประสิทธิภาพในการผลิตผลิตภัณฑ์สูงกว่าในกระบวนการหมักด้วยระบบไม่ต่อเนื่อง

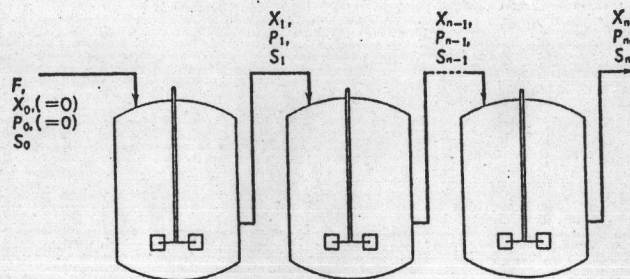
3. ประหยัดเนื้อที่ในการติดตั้งเครื่องมือ และประหยัดแรงงาน

4. สามารถจัดระบบควบคุมแบบอัตโนมัติได้

ทำให้กระบวนการหมักระบบนี้ได้รับความสนใจจากนักวิทยาศาสตร์มากเป็นพิเศษ

ทฤษฎีของกระบวนการหมักด้วยระบบต่อเนื่อง

เมื่อนำเครื่องหมักที่มีปริมาตร V ลิตรเท่ากัน ทั้งหมด n ตัว มาต่อกันดังรูปที่ 2-3 ปล่อยให้ น้ำหมักผ่าน เครื่องหมัก เหล่านี้ ด้วยอัตรา F ลิตรต่อชั่วโมง สามารถเขียนสมการของความสมดุลของมวลสาร (Mass balance equation) ในรูปของน้ำหนักรวม (X) ความเข้มข้นของผลิตภัณฑ์ (P) และความเข้มข้นของสารอาหาร (S) ได้ดังนี้ (Aiba, 1965)



รูปที่ 2-3 แสดงถึง เครื่องหมัก n ตัว โดย

X = น้ำหนักของ เซล

P = ความเข้มข้นของผลิตภัณฑ์

S = ความเข้มข้นของสารอาหาร

F = อัตราการไหลของน้ำหมัก

$$\begin{aligned}
 X : \quad \frac{V dX_n}{dt} &= FX_{n-1} - FX_n + V \left(\frac{dX_n}{dt} \right) \quad \text{การเจริญเติบโต} \quad (2.1) \\
 &\quad \text{ในเครื่องหมักตัวที่ } n \\
 &= FX_{n-1} - FX_n + V \mu_n X_n
 \end{aligned}$$

$$\frac{dX_n}{dt} = D (X_{n-1} - X_n) + \mu_n X_n \quad (2.2)$$

เมื่อ $D = F/V$ อัตราการเจือจาง (Dilution rate), ชม.⁻¹

$=$ ช่วงเวลาของการไหลใน เครื่องหมักแต่ละตัว

$$\mu_n = \frac{1}{X_n} \frac{dX_n}{dt} \quad \text{อัตราการเจริญเติบโตจำเพาะ}$$

$$\begin{aligned}
 P : \quad \frac{dP_n}{dt} &= \frac{F}{V} (P_{n-1} - P_n) + \left(\frac{dP_n}{dt} \right) \quad \text{การผลิตในเครื่อง} \quad (2.3) \\
 &\quad \text{หมักตัวที่ } n
 \end{aligned}$$

$$\frac{dP_n}{dt} = D (P_{n-1} - P_n) + Y_{p/x} \mu_n X_n \quad (2.4)$$

เมื่อ $Y_{p/x} = \Delta P / \Delta X$

$=$ ปริมาณผลผลิตที่ได้ เมื่อเทียบกับน้ำหนัก เซล (yield of product base on cell mass)

$$S : \quad \frac{d S_n}{dt} = \frac{F}{V} (S_{n-1} - S_n) + \left(\frac{d S_n}{dt} \right) \quad (2.5)$$

การใช้สารอาหาร
ในเครื่องหมักตัวที่ n

$$\frac{d S_n}{dt} = D (S_{n-1} - S_n) - \frac{1}{Y_{x/s}} \mu_n X_n$$

$$\frac{d S_n}{dt} = D (S_{n-1} - S_n) - \frac{Y_{p/x}}{Y_{p/s}} \mu_n X_n \quad (2.6)$$

$$\text{เมื่อ } Y_{x/s} = - \Delta X / \Delta S$$

= ปริมาณเซลล์เจริญเติบโตเมื่อเทียบกับสารอาหารที่จำกัด

$$Y_{p/s} = - \Delta P / \Delta S$$

= ปริมาณผลผลิตเมื่อเทียบกับสารอาหารที่จำกัด

$$Y_{p/s} = \left(\frac{\Delta P}{\Delta X} \right) \left(\frac{\Delta X}{-\Delta S} \right)$$

$$= Y_{p/x} \cdot Y_{x/s}$$

สมมติว่า น้ำหมักไหลจากเครื่องหมักตัวที่ (n - 1) ไปยังเครื่องหมักตัวที่ n ถูกผสมกันอย่างสมบูรณ์ทันทีในเครื่องหมักตัวที่ n ค่า $Y_{x/s}$, $Y_{p/x}$ และ $Y_{p/s}$ ในสมการถูกสมมติให้เป็นค่าคงที่ ภายใต้สภาวะคงที่ (Steady-state) ทางด้านซ้ายของสมการ (2.1) - (2.6) จะเป็นศูนย์

จากสมการ (2.2) ได้

$$X_n = \frac{DX_{n-1}}{D - \mu_n} \quad (n \neq 1) \quad (2.7)$$

$$\begin{aligned} X_{n-1} &= \frac{DX_{n-2}}{D - \mu_{n-1}} \\ \vdots & \\ X_n &= \frac{DX_{n-1}}{D - \mu_n} = \frac{D^2 X_{n-2}}{(D - \mu_n)(D - \mu_{n-1})} = \dots \\ & \dots = \frac{D^{n-1} X_1}{\prod_{i=2}^n (D - \mu_i)} \quad (2.8) \end{aligned}$$

จากสมการ (2.8) นี้ สามารถหาค่า X_n ในเครื่องหมักตัวที่ n ได้
และค่า μ หาค่า X_n, X_{n-1}, \dots เป็นต้น สำหรับเครื่องหมัก 1 ตัว ($n = 1$)
ค่า X_0 ในสมการ (2.2) จะมีค่าเท่ากับศูนย์

$$0 = -DX_1 + \mu_1 X_1 \quad (2.9)$$

$$0 = (-D + \mu_1) X_1$$

$$D = \mu$$

$$D = \mu_{\max} \frac{S_1}{K_s + S_1} \quad (2.10)$$

009685

μ_{max} = อัตราการเจริญเติบโตจำเพาะสูงสุด เมื่อความเข้มข้นของสารอาหารไม่มีขอบเขตจำกัด

K_s = ค่าคงที่ (Saturated constant), มิลลิกรัมต่อลิตร

เนื่องจากค่า $\frac{S_1}{K_s + S_1} < 1$ ดังนั้นค่าอัตราการเจริญเติบโตจำเพาะสูงสุดในเครื่องหมักตัวที่ 1 จะมีค่าน้อยกว่าค่าอัตราการเจริญเติบโตจำเพาะสูงสุดในทางทฤษฎีเสมอ ($D < \mu_{max}$) ซึ่งไม่เป็นความจริงในกรณีเมื่อเครื่องหมักผสมกันไม่สมบูรณ์ หรือเมื่อมีอิทธิพลของความเข้มข้นมาเกี่ยวข้อง หรือเมื่อมีระบบการไหลหมุนเวียน (Recycling) แต่กรณีที่น่าสนใจในการพิจารณา คือ เมื่อมีระบบการไหลหมุนเวียนของเชื้อจุลินทรีย์

ให้ r = อัตราส่วนของมวลสารที่หมุนเวียน (Fraction of the mass recycled)

$$\text{ดังนั้น } \frac{dX_1}{dt} = D_1(rX_1 - X_1) + \mu_1 X_1 \quad (2.11)$$

ในสถานะภาพคงที่ (Steady state)

$$\begin{aligned} D_1 &= \mu_1 \frac{1}{(1-r)} \\ &= \mu_{max} \frac{S_1}{(K_s + S_1)(1-r)} \end{aligned} \quad (2.12)$$

จะเห็นว่าสถานะนี้เป็นไปได้ที่มีค่า $D_1 > \mu_{max}$ ซึ่งสถานะนี้ก็อยู่ในสภาพที่เครื่องหมักผสมกันไม่สมบูรณ์ และมีอิทธิพลของความเข้มข้นมาเกี่ยวข้อง

สำหรับ P

$$P_n = \frac{DP_{n-1} + Y_{p/x} \mu_n X_n}{D} \quad (2.13)$$

กรณีเครื่องหมัก 1 ตัว

$$P_1 = \frac{Y_{p/x} \mu_1 X_1}{D}$$

$$= Y_{p/x} X_1 \quad (2.14)$$

สำหรับ S เมื่อสถานะภาพคงที่ (Steady state)

$$S_n = S_{n-1} - \frac{Y_{p/x} X_n \mu_n}{D Y_{p/s}} \quad (2.15)$$

$$= S_{n-1} - \frac{\mu_n X_n}{D Y_{x/s}} \quad (2.16)$$

กรณีเครื่องหมัก 1 ตัว

$$S_1 = S_0 - \frac{Y_{p/x} \mu_1 X_1}{D Y_{p/s}} \quad (2.17)$$

$$= S_0 - \frac{Y_{p/x} X_1}{Y_{p/s}}$$

$$S_1 = S_0 - \frac{X_1}{Y_{x/s}} \quad (2.18)$$

การเปรียบเทียบความสามารถของการหมัก

การเปรียบเทียบความสามารถในการผลิตระหว่างการหมักไม่ต่อเนื่องกับการหมักแบบต่อเนื่อง (Batch productivity compared to continuous productivity)

ค่าความสามารถในการผลิต (Productivity) จะแสดงในรูปของจำนวนกรัมของผลิตภัณฑ์ต่อลิตรต่อชั่วโมง (Aiba, 1965) ในการหมักแบบไม่ต่อเนื่อง 1 รอบใช้เวลาทั้งหมด ดังนี้คือ

$$t_c = t_m + t_o + t_1 + t_2 \quad (2.19)$$

$$= t_m + t_e$$

$$= \frac{1}{\mu_{\max}} \ln \frac{X_m}{X_i} + t_e \quad (2.20)$$

t_m = เวลาที่ใช้ในช่วง Exponential phase

t_o = Harvest period

t_1 = เวลาที่ใช้ในการเตรียมระหว่างที่จะทำการหมักต่อไป

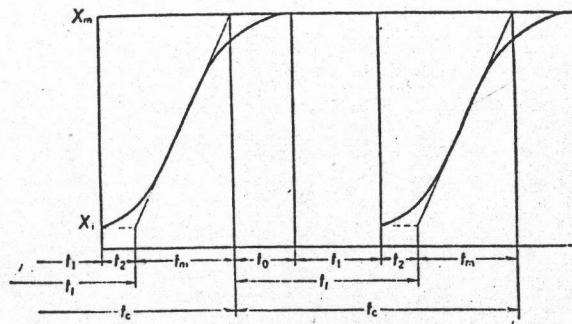
t_2 = เวลาที่ใช้ในการปรับตัวให้เข้ากับสิ่งแวดล้อม

t_e = $t_o + t_1 + t_2$

X_i = น้ำหนัก เซลล์ เริ่มแรก
(Initial cell concentration)

X_m = น้ำหนัก เซลล์ สูงสุด
(Maximum cell concentration)

μ_{\max} = อัตราการเจริญเติบโตจำเพาะสูงสุด เมื่อความเข้มข้นของสารไม่มีขอบเขตจำกัด



รูปที่ 2-4 ความสัมพันธ์ระหว่างน้ำหนักเซลล์กับเวลาที่ใช้ในการหมักไม่ต่อเนื่อง (Aiba, 1965)

จากสมการของปริมาณการเจริญเติบโต (yield of growth)

$$Y_{x/s} = - \Delta X / \Delta S \quad (2.21)$$

$$Y_{x/s} S_0 = X_m - X_i \quad (2.22)$$

ฉะนั้นอัตราการเกิด เซลล์ในการหมักแบบไม่ต่อเนื่อง (γ_{batch}), มิลลิกรัมต่อมิลลิลิตรต่อชั่วโมง คือ

$$\gamma_{batch} = \frac{Y_{x/s} S_0}{\frac{1}{\mu_{max}} \ln \frac{X_m}{X_i} + t_e} \quad (2.23)$$

ส่วนอัตราการเกิด เซลในการหมักแบบต่อเนื่อง (γ_{cont}), มิลลิกรัมต่อมิลลิลิตรต่อ ชั่วโมง คือ

$$\gamma_{\text{cont}} = DX \quad (2.24)$$

หรือ $(\gamma_{\text{cont}})_{\text{max}} = D_m X_m \quad (2.25)$

โดย $D_m = \mu_{\text{max}} \left(1 - \sqrt{\frac{K_s}{K_s + S_o}} \right) \quad (2.26)$

$$X_m = Y_{x/s} \left\{ S_o + K_s - \sqrt{K_s (S_o + K_s)} \right\} \quad (2.27)$$

เมื่อ D_m = อัตราการเจือจางสูงสุด (Maximum dilution rate), ชม.⁻¹

K_s = ค่าคงที่ (Saturated constant) มิลลิกรัมต่อลิตร

S_o = ความเข้มข้นของสารอาหารเริ่มต้น (Substrate concentration)

ฉะนั้น

$$\begin{aligned} (\gamma_{\text{cont}})_{\text{max}} &= \left\{ \mu_{\text{max}} \left(1 - \sqrt{\frac{K_s}{K_s + S_o}} \right) \right\} Y_{x/s} \left\{ S_o + K_s - \sqrt{K_s (S_o + K_s)} \right\} \\ &= Y_{x/s} \mu_{\text{max}} S_o \left[\sqrt{\frac{K_s + S_o}{S_o}} - \sqrt{\frac{K_s}{S_o}} \right]^2 \quad (2.28) \end{aligned}$$

สมมุติว่า $K_s \ll S_0$ ฉะนั้นสมการ 2.29 จะได้

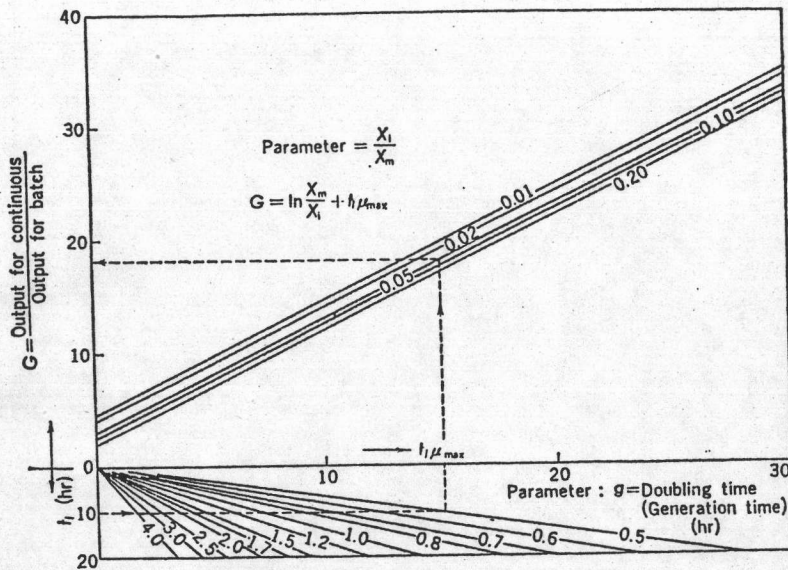
$$(\mathcal{r}_{\text{cont}})_{\text{max}} = Y_{x/s} \mu_{\text{max}} S_0 \quad (2.29)$$

$$\text{กำหนดให้ } G = \frac{(\mathcal{r}_{\text{cont}})_{\text{max}}}{\mathcal{r}_{\text{batch}}} \quad (2.30)$$

$$= \frac{Y_{x/s} \mu_{\text{max}} S_0}{Y_{x/s} S_0} \\ = \frac{1}{\mu_{\text{max}}} \ln \frac{X_m}{X_i} + t_e$$

$$\frac{(\mathcal{r}_{\text{cont}})_{\text{max}}}{\mathcal{r}_{\text{batch}}} = \ln \frac{X_m}{X_i} + t_e \mu_{\text{max}} \quad (2.31)$$

จากสมการ 2.31 สามารถแสดงในกราฟรูปที่ 2-5 โดยให้ปริมาณเซลล์ที่เติมลงไป (Inoculum size) $5\% X_i/X_m = 0.05$, $t_e = 10$ ชั่วโมง, Doubling time (t_d) = 0.05 ชั่วโมง ซึ่งถ้าเปลี่ยนการหมักแบบไม่ต่อเนื่องไปเป็นการหมักแบบต่อเนื่อง ค่า G จะมีค่าเท่ากับ 18 นั่นคือค่า G จะได้รับอิทธิพลจากค่า t_d , t_e มากกว่าค่า X_i/X_m มาก แสดงให้เห็นว่า ปรากฏการณ์การหมักแบบต่อเนื่องจะให้ประโยชน์สำหรับเซลล์ที่มีการเจริญเติบโตรวดเร็ว (รูปที่ 2-5 นี้จะแสดงในรูปของการผลิตเซลล์ ซึ่งสามารถนำมาใช้กับการเกิดผลิตภัณฑ์เช่นกัน)



รูปที่ 2-5 การเปรียบเทียบการหมักไม่ต่อเนื่อง กับ การหมักแบบต่อเนื่อง (Aiba, 1965)

ในทำนองเดียวกัน เมื่อแทนค่าพารามิเตอร์ $X_1/X_m = 0.05$, $t_e = 10$ ชั่วโมง ลงในสมการที่ 2.31 สามารถหาค่าของความสามารถในการผลิตระหว่างการหมักไม่ต่อเนื่อง กับ การหมักต่อเนื่องที่อัตราการผลิตโตจำเพาะต่าง ๆ กัน (Wang, 1979) ดังแสดง ในตารางที่ 2-3

ตารางที่ 2-3 การเปรียบเทียบผลผลิตในการหมักไม่ต่อเนื่อง กับ การหมักแบบต่อเนื่อง

อัตราการเจริญเติบโตจำเพาะสูงสุด ในการหมักไม่ต่อเนื่อง (μ_{\max} , ชั่วโมง ⁻¹)	$\frac{\text{ผลผลิตของการหมักแบบต่อเนื่อง}}{\text{ผลผลิตของการหมักไม่ต่อเนื่อง}}$ (G)
0.05	3.5
0.10	4.0
0.20	5.0
0.40	7.0
0.80	11.0
1.0	13.0
1.2	15.0

จากตารางนี้พอสรุปได้ว่า การหมักแบบต่อเนื่องจะให้ผลผลิตดีกว่าการหมักไม่ต่อเนื่อง และจุลินทรีย์ที่เจริญเติบโตที่เร็วกว่า จะเหมาะกับการหมักแบบต่อเนื่องมากยิ่งขึ้น

การเปรียบเทียบความสามารถในการผลิตระหว่างการหมักไม่ต่อเนื่องกับการหมักกึ่งต่อเนื่อง (Batch productivity compared to semicontinuous productivity)

อัตราการเกิดเซลล์ในการหมักแบบกึ่งต่อเนื่อง (γ_{semi}) มีลิกกรัมต่อลูกบาศก์-เซนติเมตรต่อชั่วโมง คือ

$$\gamma_{\text{semi}} = \frac{1}{2} \left\{ \frac{Y_{x/s} \mu_{\max} S_0 + \frac{Y_{x/s} S_0 \mu_{\max}}{\ln \frac{X_m}{X_i} + t_e \mu_{\max}}}{2} \right\} \quad (2.32)$$

$$= \frac{1}{2} Y_{x/s} \mu_{\max} S_0 \left\{ \frac{\ln \frac{X_m}{X_i} + t_e \mu_{\max} + 1}{\ln \frac{X_m}{X_i} + t_e \mu_{\max}} \right\} \quad (2.33)$$

กำหนด $Q = \frac{\Upsilon_{\text{semi}}}{\uparrow_{\text{batch}}} \quad (2.34)$

$$\begin{aligned} & \frac{1}{2} Y_{x/s} \mu_{\max} S_0 \left\{ \frac{\ln \frac{X_m}{X_i} + t_e \mu_{\max} + 1}{\ln \frac{X_m}{X_i} + t_e \mu_{\max}} \right\} \\ &= \frac{Y_{x/s} S_0}{\frac{1}{\mu_{\max}} \ln \frac{X_m}{X_i} + t_e} \\ &= \frac{1}{2} \left\{ \ln \frac{X_m}{X_i} + t_e \mu_{\max} + 1 \right\} \quad (2.35) \end{aligned}$$

เมื่อแทนพารามิเตอร์ $\% X_i/X_m = 0.05$ $t_e = 10$ ชั่วโมง ลงในสมการ

(2.45) สามารถหาค่าอัตราส่วนของความสามารถในการผลิตระหว่างการหมักไม่ต่อเนื่อง

กับการหมักกึ่งต่อเนื่อง ที่อัตราการเจริญเติบโตจำเพาะต่าง ๆ กัน ดังแสดงในตาราง

ที่ 2-4

ตารางที่ 2-4 การเปรียบเทียบผลผลิตในการหมักไม่ต่อเนื่องกับการหมักแบบกึ่งต่อเนื่อง

อัตราการผลิตโตจำเพาะสูงสุด ในการหมักเป็นครั้งคราว (μ_{max} , ชั่วโมง ⁻¹)	ผลผลิตของการหมักแบบกึ่งต่อเนื่อง (Q) ผลผลิตของการหมักไม่ต่อเนื่อง
0.05	2.2
0.10	2.5
0.20	3.0
0.40	4.0
0.80	6.0
1.0	7.0
1.2	8.0

จากตารางจะ เห็นว่าการหมักแบบกึ่งต่อเนื่องจะให้ผลดีกว่าการหมักแบบไม่ต่อเนื่อง และ เมื่อเทียบกับตารางที่ 2-3 จะพบว่า การหมักแบบกึ่งต่อเนื่องจะให้ผลอยู่ระหว่างการหมักแบบต่อเนื่องกับการหมักไม่ต่อเนื่อง

การจัดจำแนกระบบกระบวนการหมักแบบต่อเนื่อง

ระบบกระบวนการหมักแบบต่อเนื่องอาจจำแนกได้หลายแบบ ถ้าใช้ลักษณะธรรมชาติของการเปลี่ยนแปลงทางชีววิทยาและชีวเคมีในกระบวนการหมักชนิดนั้น ๆ เป็นพื้นฐาน ก็แบ่งกระบวนการหมักได้เป็น 2 ลักษณะ (Wang, 1979) คือ เป็นการหมักเพื่อ

1. ผลิตเซลล์ของจุลินทรีย์ ซึ่งเป็นผลิตภัณฑ์หลักที่ต้องการ
2. ผลิตสารเคมีบางอย่าง ซึ่งอาจจะเกิดจากการสังเคราะห์ขั้นโดยจุลินทรีย์ หรืออาจได้จากการย่อยสลายสารอาหารในน้ำหมักไป เป็นผลิตภัณฑ์ที่ต้องการ

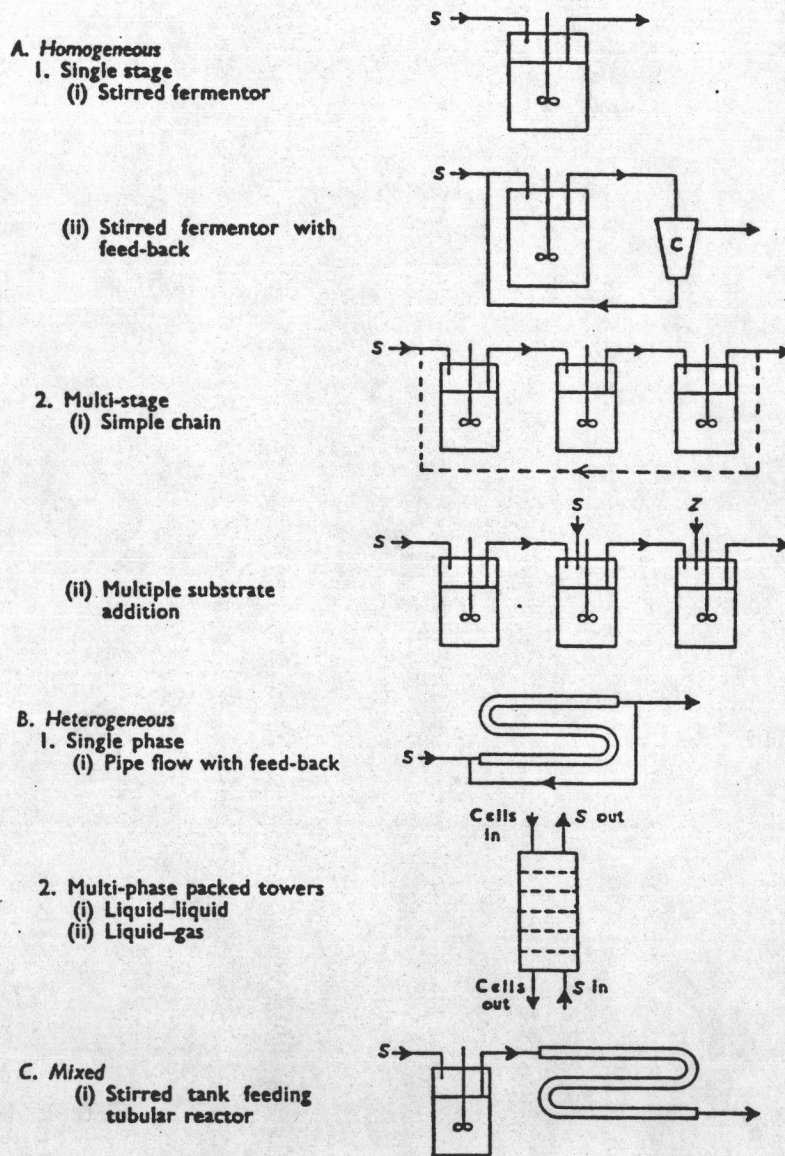
ในแง่ของวิศวกรรมเคมี อาจจำแนกได้เป็น 2 ระบบ (Herbert, 1961) คือ

1. Homogeneous system ระบบนี้จัดได้ว่ามีส่วนประกอบต่าง ๆ ในน้ำหมักกระจายอย่างสม่ำเสมอ จุลินทรีย์มีลักษณะทางสรีรวิทยาเท่าเทียมกันโดยตลอดในขณะที่การหมักอยู่ในสภาวะสมดุลย์ (ตัวอย่างเช่น การหมักด้วยเครื่องหมักระบบแอร์ลิตท์)

2. Heterogeneous system ในระบบนี้ถึงแม้ว่าจะอยู่ในสภาวะสมดุลย์ ความเข้มข้นของเซลล์ ความเข้มข้นของสารอาหาร และผลิตภัณฑ์ในแต่ละจุดจะแตกต่างกัน และจุลินทรีย์ที่กระจายอยู่ตามตำแหน่งต่าง ๆ ในระบบก็มีความแตกต่างกันทั้งทางด้านสรีรวิทยาและความสามารถในการเจริญเติบโต หรือการผลิตผลิตภัณฑ์ ซึ่งความแตกต่างกันนี้คล้าย ๆ กันว่าอยู่ในช่วงต่าง ๆ ของวงจรชีวิต

นอกจากนี้ Herbert, D. (1961) ได้จำแนกระบบกระบวนการหมักแบบต่อเนื่องเป็น 2 ระบบใหญ่ ๆ คือ ระบบเปิด (Open system) และ ระบบปิด (Closed system) ดังแสดงในรูปที่ 2-6 และ 2-7

1. ระบบเปิด หมายถึงระบบที่จุลินทรีย์ในน้ำหมักจะไหลออกมาพร้อมกับผลิตภัณฑ์ตลอดเวลา



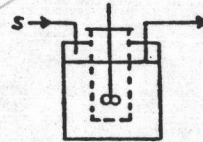
รูปที่ 2-6 การจัดจำแนกกระบวนการหมักแบบต่อเนื่องในระบบเปิด

S, Z = การไหลเข้าของสารอาหาร

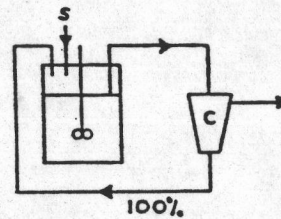
C = เครื่องเหวี่ยงแบบต่อเนื่อง หรือถังตกตะกอน



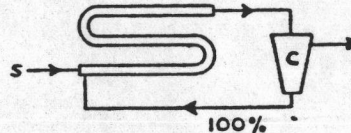
A. Homogeneous
 (i) "Cellophane bag" cultures



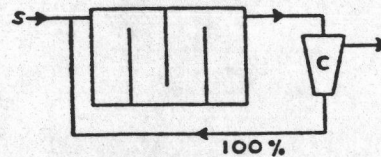
(ii) Stirred fermentor with 100% feed-back of cells



B. Heterogeneous
 1. Single phase
 (i) Pipe flow with 100% feed-back of cells



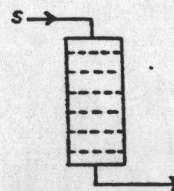
(ii) Partitioned tank with 100% feed-back of cells



2. Two-phase
 (i) Pellicle growth



(ii) Packed towers



รูปที่ 2-7 การจัดจำแนกกระบวนการหมักแบบต่อเนื่องในระบบปิด

S = การไหลเข้าของสารอาหาร

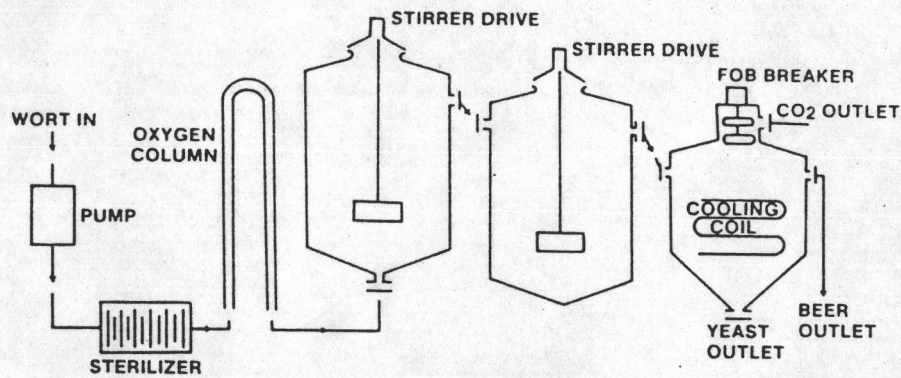
C = เครื่องเหวี่ยงแบบต่อเนื่อง หรือถังตกตะกอน

2. ระบบปิด จุลินทรีย์จะถูกกักให้อยู่ภายในเครื่องหมัก ทั้งนี้อาจจะใช้วิธีการอง
ไม่ให้จุลินทรีย์ผ่านออกมากับผลิตภัณฑ์ หรือทำให้จุลินทรีย์กลับเข้าสู่ถังหมักตลอดเวลา

ซึ่งกระบวนการหมักทั้ง 2 ระบบนี้สามารถแบ่งย่อยออกไปเป็นระบบ homogeneous
ระบบ heterogeneous และระบบผสม ซึ่งในแต่ละระบบจัดให้เป็นแบบ Single
stage หรือ multi-stage ก็ได้

ชนิดของเครื่องหมักในระบบต่อเนื่อง (Lyons, 1981)

1. เครื่องหมักระบบขั้นบันได หรือระบบไหลล้น (Cascade system or overflow continuous fermentation system) ระบบนี้สารอาหารจะไหลเข้าสู่ถังหมักแรกจนถึงระดับที่จะเกิดการไหลล้น น้ำหมักก็จะไหลไปยังถังหมักถัดไป รูปแบบของระบบดังแสดงในรูปที่ 2-8



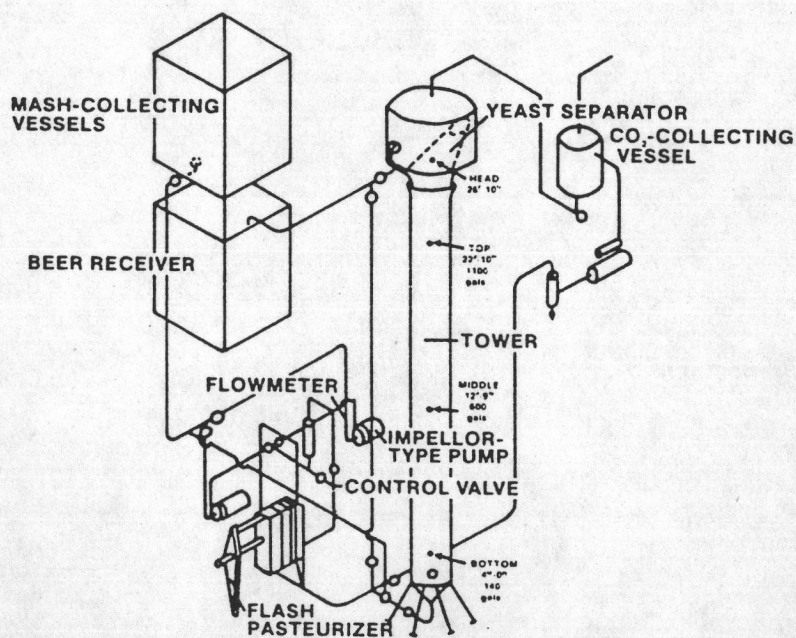
(From Hough, 1971)

รูปที่ 2-8 เครื่องหมักระบบขั้นบันได หรือระบบไหลล้น

2. เครื่องหมักระบบหอสูง (Continuous tower fermentor system)

มีลักษณะโดยทั่วไป เป็นทรงกระบอกตั้งในแนวตั้ง จุลินทรีย์ที่ใช้หมักจะแขวนลอยอยู่ในน้ำหมัก อากาศและน้ำหมักมีทิศทางการไหลไปทางเดียวกัน ทำให้เกิดการผสมผสานกันของน้ำหมักอย่างสม่ำเสมอ ลักษณะการทำงานของเครื่องหมักระบบหอสูง ก็โดยให้อากาศที่ผ่านการกรองหรือฆ่าเชื้อแล้ว ผ่านหัวกระจายอากาศซึ่งมีลักษณะเป็นแผ่นเจาะรูพรุน หรือเป็นทรงกลมติดอยู่บริเวณฐานของเครื่องหมัก เกิดเป็นกลุ่มของฟองอากาศลอยตัวขึ้นไป

ขณะเดียวกันมีการละลายของออกซิเจนจากฟองอากาศลงสู่ น้ำหมัก ลักษณะ เช่นนี้ เป็นการกวน
 ให้น้ำหมัก อากาศ และ เซลจุลินทรีย์ มีโอกาสผสมผสานกันได้โดยไม่ต้องอาศัย เครื่องกวน เหมือน
 เครื่องหมักแบบตั้งกวาง (Imrie and Greenshields, 1973) รูปแบบ เครื่องหมักระบบทอสูง
 ดังแสดงในรูปที่ 2-9



รูปที่ 2-9 เครื่องหมักระบบทอสูง

การนำเซลล์กลับมาใช้งานใหม่

เมื่อการทดลองดำเนินไปถึงระยะหนึ่ง ยีสต์ที่ไหลไปกับน้ำหมักผ่านคอลัมน์ต่าง ๆ จนกระทั่งคอลัมน์หลัง ๆ กิจกรรมของยีสต์ในการเปลี่ยนน้ำตาลไป เป็นเอทานอลจะลดลง และเซลล์เริ่มจับตัวกัน เป็นกลุ่มก้อน เมื่อปริมาณเอทานอลสูงมากขึ้นถึงร้อยละ 11-12 จะมีผลต่อเซลล์ของยีสต์ ทำให้สร้างเอทานอลออกมาจากเซลล์น้อยลง ประกอบกับอาหารในน้ำหมักมีไม่เพียงพอ ทำให้ยีสต์ในช่วงหลัง inactive ดังนั้นจึงมีวิธีการนำยีสต์ที่ติดไปกับผลิตภัณฑ์มากระตุ้นให้ active ใหม่ ซึ่งทำได้หลายวิธี ดังนี้

1. ล้างด้วยกรด โดยการนำตะกอนยีสต์ (Yeast slurry) ใส่ในกรด ทาร์ทาริก กรดฟอสฟอริก หรือกรดซัลฟูริก เพื่อปรับ pH ให้มีประมาณ 2-3 เป็นการป้องกันการปนเปื้อนจากเชื้อจุลินทรีย์ชนิดอื่น ๆ ทั้งไว้ 2-6 ชั่วโมง แล้วจึงนำไปใส่ในคอลัมน์แรก

แต่วิธีนี้มีข้อเสีย เนื่องจาก pH ต่ำมาก อาจทำให้การทำงานของยีสต์เปลี่ยนแปลงไปในระยะเริ่มทำการหมักใหม่ ๆ โดยยีสต์เหล่านี้จะผลิตก๊าซไฮโดรเจน ซัลไฟด์ ได้ (Harrison, 1970)

2. ให้อากาศ ในปริมาณเพียงเล็กน้อยตลอดเวลา คือประมาณ 30 มิลลิลิตรต่อชั่วโมง (0.04 - 0.06 ปริมาตรอากาศต่อปริมาตรน้ำหมักต่อนาที) ก็จะช่วยกระตุ้นการทำงานของยีสต์ได้โดยไม่มีผลกระทบต่อเอทานอลในระบบ (Lyons, 1981) ในการผลิตเบียร์พบว่า ภายใต้อากาศไม่มีอากาศ อัตราการผลิตเบียร์จะต่ำ (Ricketts & Hough, 1961)