

## บทที่ 4

### ผลการคำนวณและอภิปรายผลการคำนวณ

#### 4.1 วิเคราะห์ผล

การเปรียบเทียบผลการทำงานของโปรแกรมกับผลการทดลองของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบทอสองชั้น ดังต่อไปนี้

##### 4.1.1 เปรียบเทียบการไหลแบบขนาน กรณีอัตราการไหลของน้ำร้อนเปลี่ยนไป (ภาวะไม่คงตัว)

###### ค่าเริ่มต้น ( $t=0$ )

อุณหภูมิน้ำร้อน	50	องศาเซลเซียส
อัตราการไหลน้ำร้อน	0.4*	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำร้อน	1145.6	
อุณหภูมิน้ำเย็น	27.5	องศาเซลเซียส
อัตราการไหลน้ำเย็น	1.0	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำเย็น	332.6	

###### ค่าที่เวลา ( $t > 0$ sec)

อัตราการไหลน้ำร้อน	0.6*	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำร้อน	1718.4	

หมายเหตุ: การปรับอัตราการไหลทำภายในเวลา 3 วินาที และเริ่มจับเวลาที่ทุก 20 วินาที

เวลา (วินาที)	อุณหภูมิน้ำร้อน การทดลอง ( $^{\circ}\text{C}$ )			อุณหภูมิน้ำร้อน โปรแกรม ( $^{\circ}\text{C}$ )			ความผิดพลาด $T_{lab}-T_{calc}$ ( $^{\circ}\text{C}$ )	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	กลางท่อ	ทางออก
0	50.0	43.0	40.0	50.00	41.97	39.17	1.0	0.8
20	50.0	43.5	40.0	50.00	43.55	40.77	-0.1	-0.8
40	50.0	44.0	41.0	50.00	43.67	41.23	0.3	-0.2
60	50.0	44.0	41.5	50.00	43.69	41.30	0.3	0.2
80	50.0	44.0	41.5	50.00	43.69	41.31	0.3	0.2
100	50.0	44.0	41.5	50.00	43.69	41.32	0.3	0.2
steady(319)	50.0	44.0	41.5	50.00	43.69	41.33	0.3	0.2

เวลา (วินาที)	อุณหภูมิน้ำเย็น การทดลอง (°C)			อุณหภูมิน้ำเย็น โปรแกรม (°C)			ความผิดพลาด T,lab-T,calc. (°C)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	กลางท่อ	ทางออก
0	27.5	30.5	32.5	27.50	30.51	31.76	0.0	0.7
20	27.5	31.0	32.5	27.50	30.08	31.90	0.9	0.6
40	27.5	31.0	32.8	27.50	30.91	32.11	0.1	0.7
60	27.5	31.0	33.0	27.50	30.93	32.19	0.1	0.8
80	27.5	31.0	33.0	27.50	30.94	32.21	0.1	0.8
100	27.5	31.0	33.0	27.50	30.95	32.22	0.1	0.8
steady(319)	27.5	31.0	33.0	27.50	31.02	32.48	0.0	0.5

เวลา (วินาที)	ปริมาณความร้อน การทดลอง (W)			ปริมาณความร้อน โปรแกรม (W)		
	น้ำร้อน	น้ำเย็น	น้ำร้อน+น้ำเย็น	น้ำร้อน	น้ำเย็น	น้ำร้อน+น้ำเย็น
0	-275.47	344.33	68.87	-298.33	293.37	-4.96
20	-413.20	344.33	-68.87	-381.38	303.01	-78.37
40	-371.88	364.99	-6.89	-362.38	317.48	-44.90
60	-351.22	378.77	27.55	-359.48	322.98	-36.50
80	-351.22	378.77	27.55	-359.07	324.36	-34.71
100	-351.22	378.77	27.55	-358.66	325.05	-33.61
Steady (319)	-351.22	378.77	27.55	-358.24	342.96	-15.29

หมายเหตุ ปริมาณความร้อนเป็น (+) หมายถึง ได้รับความร้อน, และปริมาณความร้อนเป็น (-) หมายถึง ให้ความร้อน

#### 4.1.2 เปรียบเทียบการไหลแบบขนาน กรณีอัตราการไหลของน้ำเย็นเปลี่ยนไป (ภาวะไม่คงตัว)

ค่าเริ่มต้น (t=0)

อุณหภูมิน้ำร้อน 50 องศาเซลเซียส

อัตราการไหลน้ำร้อน 0.6 ลิตรต่อนาที

ค่าเรย์โนลด์น้ำร้อน 1718.4

อุณหภูมิน้ำเย็น 28 องศาเซลเซียส  
 อัตราการไหลน้ำเย็น 0.8\* ลิตรต่อนาที  
 ค่าเรย์โนลด์น้ำเย็น 269.3

ค่าที่เวลา ( $t > 0$  sec)

อัตราการไหลน้ำเย็น 1.1\* ลิตรต่อนาที  
 ค่าเรย์โนลด์น้ำเย็น 370.3

หมายเหตุ: การปรับอัตราการไหลทำภายในเวลา 3 วินาที และเริ่มจับเวลาที่ทุก 20 วินาที

เวลา (วินาที)	อุณหภูมิน้ำร้อน การทดลอง (°C)			อุณหภูมิน้ำร้อน โปรแกรม (°C)			ความผิดพลาด T,lab-T,calc. (°C)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	กลางท่อ	ทางออก
0	50.0	44.0	42.0	50.00	44.12	42.04	-0.1	-0.0
20	50.0	44.0	41.5	50.00	43.95	41.82	0.1	-0.3
40	50.0	43.5	41.5	50.00	43.97	41.69	-0.5	-0.2
60	50.0	43.5	41.0	50.00	43.97	41.72	-0.5	-0.7
80	50.0	43.5	41.0	50.00	43.97	41.72	-0.5	-0.7
100	50.0	43.5	41.0	50.00	43.97	41.72	-0.5	-0.7
Steady(55)	50.0	43.5	41.0	50.00	43.97	41.72	-0.5	-0.7

เวลา (วินาที)	อุณหภูมิน้ำเย็น การทดลอง (°C)			อุณหภูมิน้ำเย็น โปรแกรม (°C)			ความผิดพลาด T,lab-T,calc. (°C)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	กลางท่อ	ทางออก
0	28.0	31.0	33.0	28.00	32.13	33.85	-1.1	-0.9
20	28.0	31.0	32.5	28.00	31.30	32.86	-0.3	-0.4
40	28.0	30.5	32.0	28.00	31.36	32.71	-0.9	-0.7
60	28.0	30.5	32.0	28.00	31.37	32.76	-0.9	-0.8
80	28.0	30.5	32.0	28.00	31.37	32.76	-0.9	-0.8
100	28.0	30.5	32.0	28.00	31.37	32.76	-0.9	-0.8
Steady(55)	28.0	30.5	32.0	28.00	31.37	32.76	-0.9	-0.8

เวลา (วินาที)	ปริมาณความร้อน การทดลอง (W)			ปริมาณความร้อน การทดลอง (W)		
	น้ำร้อน	น้ำเย็น	น้ำร้อน+น้ำเย็น	น้ำร้อน	น้ำเย็น	น้ำร้อน+น้ำเย็น
0	-330.56	275.47	-55.09	-329.02	322.32	-6.70
20	-351.22	340.89	-10.33	-337.87	367.90	30.03
40	-351.22	303.01	-48.21	-343.28	356.68	13.40
60	-371.88	303.01	-68.87	-342.20	360.50	18.31
80	-371.88	303.01	-68.87	-342.20	360.50	18.31
100	-371.88	303.01	-68.87	-342.20	360.50	18.31
Steady(55)	-371.88	303.01	-68.87	-342.20	360.50	18.31

#### 4.1.3 เปรียบเทียบการไหลแบบขนาน กรณีอุณหภูมิของน้ำร้อนเปลี่ยนไป (ภาวะคงตัว)

##### ค่าที่ทำการทดลอง

อุณหภูมิน้ำร้อนที่	45. 50. 55. 60	องศาเซลเซียส
อัตราการไหลน้ำร้อน	0.6	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำร้อน	1523.5, 1718.4, 1924.4, 2129.7	
อัตราการไหลน้ำเย็น	1.0	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำเย็น	370.3	

4.1.3.1	อุณหภูมิน้ำร้อน (°C)			อุณหภูมิน้ำเย็น (°C)			ปริมาณความร้อน (W)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	น้ำร้อน	น้ำเย็น
การทดลอง	45.0	41.0	40.0	30.0	32.0	33.0	-205.3	203.1
โปรแกรม	45.0	41.2	40.2	30.0	31.9	32.7	-202.0	199.2
ความคลาดเคลื่อน T,lab-T,calc (°C)	0.0	-0.2	-0.2	0.0	0.1	0.3	-	-

4.1.3.2	อุณหภูมิน้ำร้อน (°C)			อุณหภูมิน้ำเย็น (°C)			ปริมาณความร้อน (W)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	น้ำร้อน	น้ำเย็น
การทดลอง	50.0	44.0	41.5	27.5	31.0	33.0	-350.3	372.0
โปรแกรม	50.0	43.8	41.5	27.5	31.0	32.5	-349.0	338.8
ความคลาดเคลื่อน T,lab-T,calc (°C)	0.0	0.2	0.0	0.0	0.0	0.5	-	-

4.1.3.3	อุณหภูมิน้ำร้อน (°C)			อุณหภูมิน้ำเย็น (°C)			ปริมาณความร้อน (W)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	น้ำร้อน	น้ำเย็น
การทดลอง	55.0	48.0	45.5	30.5	34.5	36.5	-393.4	407.0
โปรแกรม	55.0	48.2	45.7	30.5	34.4	36.0	-384.3	371.7
ความคลาดเคลื่อน T,lab-T,calc (°C)	0.0	-0.2	-0.2	0.00	0.1	0.5	-	-

4.1.3.4	อุณหภูมิน้ำร้อน (°C)			อุณหภูมิน้ำเย็น (°C)			ปริมาณความร้อน (W)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	น้ำร้อน	น้ำเย็น
การทดลอง	60.0	52.0	49.0	30.5	36.0	38.5	-457.7	543.2
โปรแกรม	60.0	51.8	48.8	30.5	35.2	37.1	-466.4	449.2
ความคลาดเคลื่อน T,lab-T,calc (°C)	0.0	0.2	0.2	0.00	0.8	1.4	-	-

#### 4.1.4 เปรียบเทียบการไหลแบบสวนทาง กรณีอัตราการไหลของน้ำร้อนเปลี่ยนไป (ภาวะไม่คงตัว)

ค่าเริ่มต้น (t=0)

อุณหภูมิน้ำร้อน            50    องศาเซลเซียส

อัตราการไหลน้ำร้อน    0.4\*    ลิตรต่อวินาที

ค่าเรย์โนลด์น้ำร้อน    1145.6

อุณหภูมิน้ำเย็น	26.5	องศาเซลเซียส
อัตราการไหลน้ำเย็น	1.0	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำเย็น	324.7	

ค่าที่เวลา ( $t > 0$  sec)

อัตราการไหลน้ำร้อน	0.6*	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำร้อน	1718.4	

หมายเหตุ: การปรับอัตราการไหลทำภายในเวลา 3 วินาที และเริ่มจับเวลาที่ทุก 20 วินาที

เวลา (วินาที)	อุณหภูมิน้ำร้อน การทดลอง (°C)			อุณหภูมิน้ำร้อน โปรแกรม (°C)			ความผิดพลาด T,lab-T,calc. (°C)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	กลางท่อ	ทางออก
0	50.0	44.0	38.5	50.00	41.87	37.50	2.1	1.0
20	50.0	44.5	39.5	50.00	43.47	39.49	1.0	0.0
40	50.0	45.0	40.5	50.00	43.64	39.89	1.4	0.6
60	50.0	45.0	41.0	50.00	43.69	39.97	1.3	1.0
80	50.0	45.0	41.0	50.00	43.63	39.98	1.4	1.0
100	50.0	45.0	41.0	50.00	43.72	40.01	1.3	1.0
Steady(226)	50.0	45.0	41.0	50.00	43.73	40.03	1.3	1.0

เวลา (วินาที)	อุณหภูมิน้ำเย็น การทดลอง (°C)			อุณหภูมิน้ำเย็น โปรแกรม (°C)			ความผิดพลาด T,lab-T,calc. (°C)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	กลางท่อ	ทางออก
0	26.5	30.0	34.5	26.50	28.29	31.39	1.7	3.1
20	26.5	30.0	35.0	26.50	28.46	31.68	1.5	3.3
40	26.5	30.0	35.0	26.50	28.62	31.90	1.4	3.1
60	26.5	30.0	35.5	26.50	28.68	32.01	1.3	3.5
80	26.5	30.5	35.5	26.50	28.71	32.05	1.8	3.5
100	26.5	30.5	35.5	26.50	28.72	32.07	1.8	3.4
Steady(226)	26.5	30.5	35.5	26.50	28.74	32.12	1.8	3.4

เวลา (วินาที)	ปริมาณความร้อน การทดลอง (W)			ปริมาณความร้อน โปรแกรม (W)		
	น้ำร้อน	น้ำเย็น	น้ำร้อน+น้ำเย็น	น้ำร้อน	น้ำเย็น	น้ำร้อน+น้ำเย็น
0	-316.79	550.93	234.15	-344.24	336.42	-7.81
20	-433.86	585.37	151.51	-434.40	356.73	-77.67
40	-392.54	585.37	192.83	-417.63	372.02	-45.61
60	-371.88	619.80	247.92	-414.30	379.39	-34.91
80	-371.88	619.80	247.92	-413.97	382.44	-31.53
100	-371.88	619.80	247.92	-412.77	383.47	-29.30
Steady(226)	-371.88	619.80	247.92	-412.03	387.22	-24.81

#### 4.1.5 เปรียบเทียบการไหลแบบสวนทาง กรณีอัตราการไหลของน้ำเย็นเปลี่ยนไป (ภาวะไม่คงตัว)

##### ค่าเริ่มต้น (t=0)

อุณหภูมิน้ำร้อน	50	องศาเซลเซียส
อัตราการไหลน้ำร้อน	0.6	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำร้อน	1718.4	
อุณหภูมิน้ำเย็น	27	องศาเซลเซียส
อัตราการไหลน้ำเย็น	0.8*	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำเย็น	262.9	

##### ค่าที่เวลา (t > 0 sec)

อัตราการไหลน้ำเย็น	1.1*	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำเย็น	361.5	

หมายเหตุ: การปรับอัตราการไหลทำภายในเวลา 3 วินาที และเริ่มจับเวลาที่ทุก 20 วินาที

เวลา (วินาที)	อุณหภูมิน้ำร้อน การทดลอง (°C)			อุณหภูมิน้ำร้อน โปรแกรม (°C)			ความผิดพลาด T,lab-T,calc. (°C)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	กลางท่อ	ทางออก
0	50.0	45.0	41.0	50.00	44.29	40.64	0.7	0.4
20	50.0	45.0	41.0	50.00	44.10	40.48	0.9	0.5
40	50.0	44.5	41.0	50.00	44.05	40.40	0.5	0.6
60	50.0	44.5	41.0	50.00	44.05	40.39	0.5	0.6
80	50.0	44.5	41.0	50.00	44.05	40.39	0.5	0.6
100	50.0	44.5	41.0	50.00	44.05	40.39	0.5	0.6
Steady(57)	50.0	44.5	41.0	50.00	44.05	40.39	0.5	0.6

เวลา (วินาที)	อุณหภูมิน้ำเย็น การทดลอง (°C)			อุณหภูมิน้ำเย็น โปรแกรม (°C)			ความผิดพลาด T,lab-T,calc. (°C)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	กลางท่อ	ทางออก
0	27.0	30.5	35.5	27.00	29.79	33.86	0.7	1.6
20	27.0	30.0	35.0	27.00	29.16	32.53	0.8	2.5
40	27.0	30.0	35.0	27.00	29.18	32.44	0.8	2.6
60	27.0	30.0	35.0	27.00	29.19	32.43	0.8	2.6
80	27.0	30.0	35.0	27.00	29.19	32.43	0.8	2.6
100	27.0	30.0	35.0	27.00	29.19	32.43	0.8	2.6
Steady(57)	27.0	30.0	35.0	27.00	29.19	32.43	0.8	2.6

เวลา (วินาที)	ปริมาณความร้อน การทดลอง (W)			ปริมาณความร้อน โปรแกรม (W)		
	น้ำร้อน	น้ำเย็น	น้ำร้อน+น้ำเย็น	น้ำร้อน	น้ำเย็น	น้ำร้อน+น้ำเย็น
0	-371.88	468.29	96.41	-386.80	378.06	-8.74
20	-371.88	606.03	234.15	-393.33	419.21	25.88
40	-371.88	606.03	234.15	-396.62	411.93	15.32
60	-371.88	606.03	234.15	-397.04	411.59	14.54
80	-371.88	606.03	234.15	-397.04	411.59	14.54



เวลา (วินาที)	ปริมาณความร้อน การทดลอง (W)			ปริมาณความร้อน โปรแกรม (W)		
	น้ำร้อน	น้ำเย็น	น้ำร้อน+น้ำเย็น	น้ำร้อน	น้ำเย็น	น้ำร้อน+น้ำเย็น
100	-371.88	606.03	234.15	-397.04	411.59	14.54
Steady(57)	-371.88	606.03	234.15	-397.04	411.59	14.54

#### 4.1.6 เปรียบเทียบการไหลแบบสวนทาง กรณีอุณหภูมิของน้ำร้อนเปลี่ยนไป (ภาวะคงตัว)

อุณหภูมิน้ำร้อนที่	<u>45. 50. 55. 60</u>	องศาเซลเซียส
อัตราการไหลน้ำร้อน	0.6	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำร้อน	1523.5, 1718.4, 1924.4, 2129.7	
อัตราการไหลน้ำเย็น	1.0	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำเย็น	340.4	

4.1.6.1	อุณหภูมิน้ำร้อน (°C)			อุณหภูมิน้ำเย็น (°C)			ปริมาณความร้อน (W)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	น้ำร้อน	น้ำเย็น
การทดลอง	45.0	41.0	38.5	28.5	31.0	35.0	-266.7	440.2
โปรแกรม	45.0	40.7	38.1	28.5	30.1	32.6	-282.7	274.7
ความคลาดเคลื่อน T,lab-T,calc (°C)	0.0	0.3	0.4	0.0	0.9	2.4	-	-

4.1.6.2	อุณหภูมิน้ำร้อน (°C)			อุณหภูมิน้ำเย็น (°C)			ปริมาณความร้อน (W)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	น้ำร้อน	น้ำเย็น
การทดลอง	50.0	45.0	41.0	26.5	30.5	35.5	-370.8	609.1
โปรแกรม	50.0	43.9	40.2	26.5	28.8	32.3	-404.0	390.6
ความคลาดเคลื่อน T,lab-T,calc (°C)	0.0	1.1	0.8	0.0	1.7	3.2	-	-

4.1.6.3	อุณหภูมิน้ำร้อน (°C)			อุณหภูมิน้ำเย็น (°C)			ปริมาณความร้อน (W)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	น้ำร้อน	น้ำเย็น
การทดลอง	55.0	49.0	44.5	29.0	33.0	39.0	-434.6	678.7
โปรแกรม	55.0	48.2	44.1	29.0	31.6	35.4	-451.9	435.7
ความคลาดเคลื่อน T,lab-T,calc (°C)	0.0	0.8	0.4	0.0	1.5	3.6	-	-

4.1.6.4	อุณหภูมิน้ำร้อน (°C)			อุณหภูมิน้ำเย็น (°C)			ปริมาณความร้อน (W)	
	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	ทางเข้า	กลางท่อ	ทางออก	น้ำร้อน	น้ำเย็น
การทดลอง	60.0	52.0	47.0	29.0	33.0	40.5	-540.3	781.1
โปรแกรม	60.0	51.8	46.9	29.0	32.1	36.7	-542.8	520.7
ความคลาดเคลื่อน T,lab-T,calc (°C)	0.0	0.2	0.1	0.0	0.9	3.8	-	-

หมายเหตุ ปริมาณความร้อน =  $Q \cdot \rho \cdot C_p \cdot \Delta T$  (W)

เมื่อ Q = Flow rate (m<sup>3</sup>/sec)  
 ρ = Density (kg/ m<sup>3</sup>)  
 C<sub>p</sub> = Heat capacity (kJ/kg/K)  
 ΔT = (T<sub>in</sub>-T<sub>out</sub>) (°C)

#### 4.2 วิเคราะห์ผลการเปรียบเทียบผลการคำนวณและผลการทดลอง

1. กรณีการถ่ายโอนความร้อนแบบไหลขนานพบว่าผลที่ได้จากโปรแกรมให้คำตอบที่ใกล้เคียงกับการทดลองในเชิงของอุณหภูมิโดยมีความผิดพลาด  $\pm 1.5$  °C คิดเป็นเปอร์เซ็นต์ความผิดพลาด 20 %
2. ส่วนกรณีการถ่ายโอนความร้อนแบบไหลสวนทางพบว่าค่าที่ได้จากโปรแกรมมีความแตกต่างจากค่าในการทดลองค่อนข้างสูง แต่เมื่อนำอุณหภูมิจากการทดลองทั้งหมดมาวิเคราะห์ในเชิงปริมาณความร้อนที่ถ่ายโอนจากน้ำร้อนไปสู่ น้ำเย็น พบว่าให้ค่าความร้อนที่น้ำเย็นได้รับที่มีค่าสูงกว่าที่น้ำร้อนให้มาก แสดงว่ามีความร้อนส่วนเกินเข้ามาสู่ระบบและถ่ายโอนความร้อนไปสู่

น้ำเย็น แต่ผลที่คำนวณได้จากโปรแกรมควบคุมด้วยสมการอนุพันธ์พลังงานไม่มีความร้อนส่วนเกินนี้ แสดงให้เห็นว่าการถ่ายโอนความร้อนแบบไหลสวนทางจะมีการถ่ายโอนความร้อนดีกว่าการถ่ายโอนแบบขนานซึ่งสอดคล้องกับทฤษฎี จึงสรุปว่าการถ่ายโอนความร้อนแบบสวนทางไม่สามารถเปรียบเทียบผลการคำนวณกับผลการทดลองได้

#### 4.3 วิเคราะห์การทำงานของโปรแกรม

ศึกษาการจำลองการถ่ายโอนความร้อนของของไหลในเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบท่อสองชั้นในระบบพิกัดทรงกระบอก 2 มิติ ที่ภาวะคงตัวและ ภาวะไม่คงตัวโดยวิธีการคำนวณเชิงตัวเลขแบบไฟไนต์ดิฟเฟอเรนซ์ ในการคำนวณสมการความต่อเนื่อง, สมการโมเมนตัมในทิศทางตามยาวท่อและทิศทางรัศมี และสมการอนุพันธ์พลังงานโดยใช้ SIMPLE อัลกอริทึมของ Patankar (1972) เข้ามาช่วยในการคำนวณมีรายละเอียดของซอฟต์แวร์ที่ใช้ดังนี้

##### 4.3.1 โปรแกรมคำนวณ

- 1.1 Fortran PowerStation 4.0
- 1.2 โปรแกรมมีขนาดไฟล์ 53 KB ขนาดของ .EXE 253 KB
- 1.3 หน่วยประมวลผล (CPU) 128 MB
- 1.4 หน่วยความจำ Pentium III 450 MHz
- 1.5 ระบบปฏิบัติการ Microsoft Window 98

โดยเวลาที่ใช้คำนวณหลังจากใส่ค่าทุกอย่างเรียบร้อยแล้วกรณีภาวะคงตัวประมาณ 45 นาทีและกรณีภาวะไม่คงตัวประมาณ 5 ชั่วโมง ค่าความคลาดเคลื่อนที่ยอมรับได้ในโปรแกรม (tolerance)  $1.0E-7$  กรณีภาวะคงตัว และ  $1.0E-5$  กรณีภาวะไม่คงตัว ปัญหาที่พบในการคำนวณหาความเร็วที่ตำแหน่งต่าง ๆ ของสมการโมเมนตัมที่ไม่ทราบค่าความดันจึงเริ่มคำนวณจากสมมติค่า แต่ค่าที่สมมติไม่มีค่าที่สอดคล้องกับกรณีปัญหาการพัฒนาความเร็วที่ปากทางเข้าของท่อ และวิธี SIMPLE อัลกอริทึมยังไม่ใช่อัลกอริทึมที่ให้ผลการคำนวณไปสู่ค่าคำตอบเร็วมากนัก นอกจากนี้ในการคำนวณกำหนดให้ค่าคุณสมบัติของของไหลไม่คงที่ ดังนั้นในการคำนวณจำเป็นต้องใช้ตัวถ่วงน้ำหนัก (under relaxation) จึงทำให้การคำนวณใช้เวลานานขึ้น ดังนั้นผู้พัฒนาโปรแกรมจึงพยายามประยุกต์นำอัลกอริทึมอื่น ๆ เช่น SIMPLER, SIMPLEC และ PISO (Versteeg, 1995) เข้ามาใช้แต่ปัญหาที่พบคือวิธีการต่างไม่สามารถนำมาประยุกต์ใช้ได้ทั้งนี้เนื่องจากตัวอัลกอริทึมไม่ให้รายละเอียดที่กระจ่างชัดนักและสามารถคำนวณได้ในบางปัญหาเท่านั้น

##### 4.3.2 โปรแกรมแสดงผล

พัฒนาจากโปรแกรม MATLAB version 5.3 (student edition) โดยนำผลที่คำนวณได้จาก ข้อ 4.3.1. ในรูปเมทริกซ์มาแสดงเป็นกราฟฟีกให้เห็นปรากฏการณ์ชัดเจน

#### 4.4 วิเคราะห์ความผิดพลาดจากการทดลอง

1. เนื่องจากผลที่ได้จากการทดลองกรณีการไหลแบบสวนทาง ปริมาณความร้อนที่น้ำเย็นได้รับ สูงกว่าปริมาณความร้อนที่น้ำร้อนให้ซึ่งขัดแย้งกับทฤษฎีการถ่ายโอนความร้อนทั้งนี้ปริมาณ ความร้อนส่วนเกินที่น้ำเย็นได้รับอาจมาจากปริมาณความร้อนที่ผนังท่อที่น้ำร้อนได้ถ่ายโอนให้ กับน้ำเย็น และน่าจะเกิดขึ้นในกรณีที่อุปกรณ์ที่ใช้ในการทดลองมีขนาดไม่ใหญ่มาก
2. ในการคำนวณการถ่ายโอนความร้อน ค่าการนำความร้อนของน้ำที่ใช้ในโปรแกรมมีค่าเป็น 2 เท่าของค่าการนำความร้อนของน้ำ จึงจะทำให้ค่าที่คำนวณได้จากโปรแกรมได้ผลสอดคล้อง กับการทดลอง เป็นไปได้ว่าในปรากฏการณ์การถ่ายโอนความร้อนจริงของของไหลบางช่วง อาจเกิดการไหลแบบปั่นป่วนจากการเคลื่อนที่ของของไหลผ่านเทอร์โมมิเตอร์ที่ตำแหน่งทาง เข้าท่อ ตรงกลางท่อ และทางออกจากท่อจึงทำให้การทดลองมีการถ่ายโอนความร้อนสูงกว่า การคำนวณ

#### 4.5 ตัวอย่างผลการคำนวณแสดงเป็นกราฟฟีก

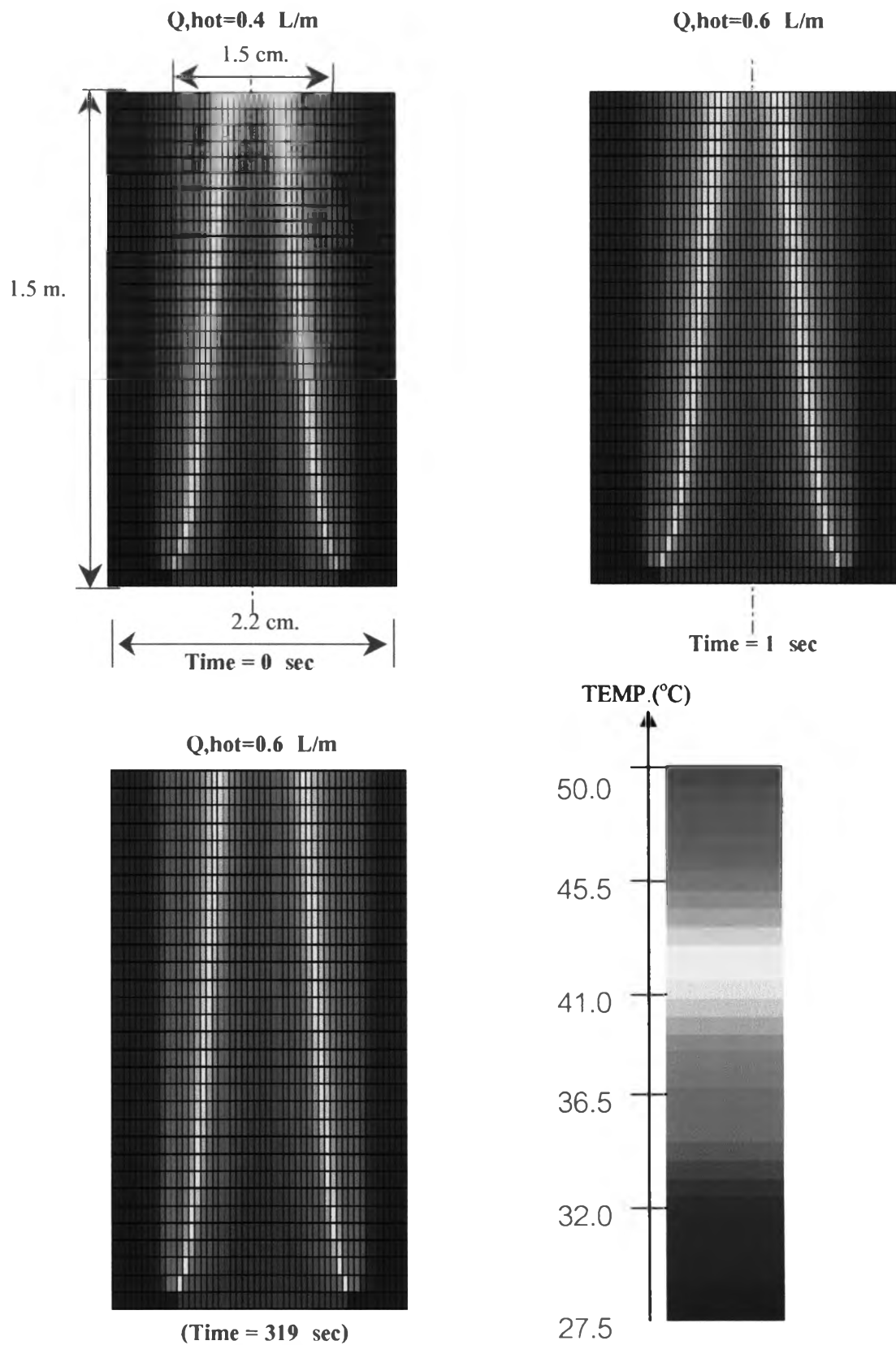
แสดงผลการคำนวณในรูปแบบกราฟฟีกในกรณีการไหลแบบขนานที่ภาวะไม่คงตัว พิจารณาที่ อัตราการไหลของน้ำร้อนเปลี่ยนไป

##### ค่าเริ่มต้น ( $t=0$ )

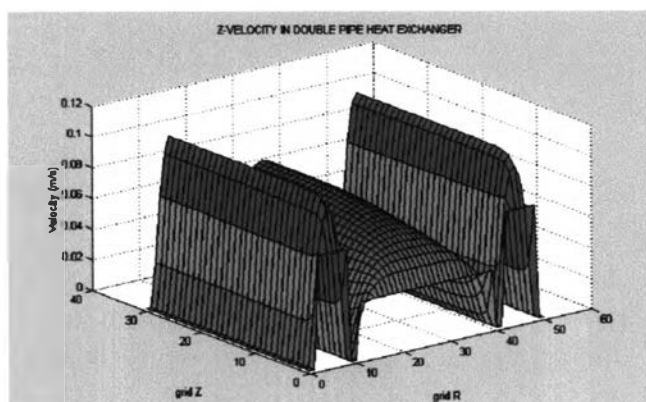
อุณหภูมิน้ำร้อน	50	องศาเซลเซียส
อัตราการไหลน้ำร้อน	0.4*	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำร้อน	1145.6	
อุณหภูมิน้ำเย็น	27.5	องศาเซลเซียส
อัตราการไหลน้ำเย็น	1.0	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำเย็น	332.6	

##### ค่าที่เวลา ( $t > 0$ sec)

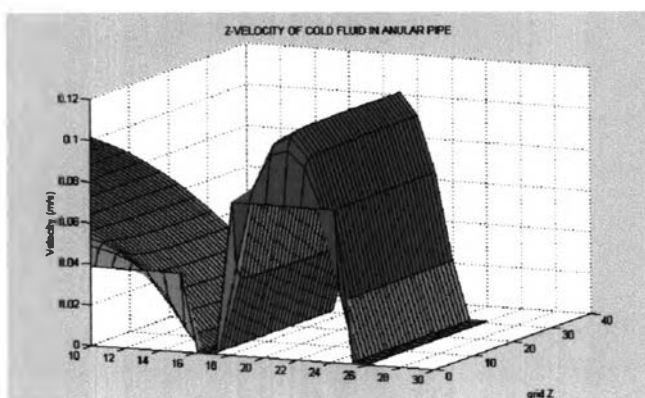
อัตราการไหลน้ำร้อน	0.6*	ลิตรต่อนาที
ค่าเรย์โนลด์น้ำร้อน	1718.4	



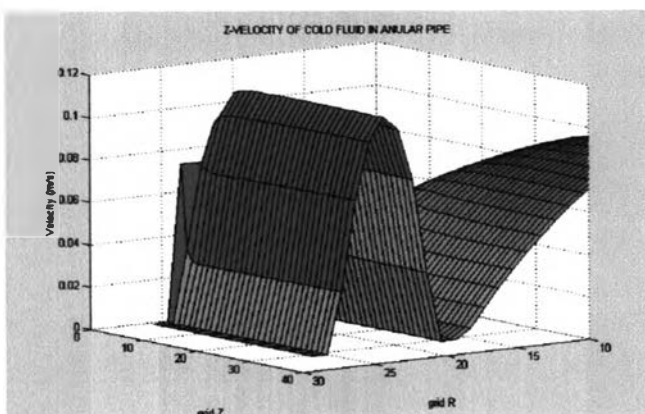
รูปที่ 4.1 อุณหภูมิของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบท่อสองชั้นแบบไหลขนาน (ก) อุณหภูมิภาวะเริ่มต้น (ข) และ (ค) การเปลี่ยนอุณหภูมิเมื่อเวลาเปลี่ยนไป (ง) แถบสีแสดงค่าอุณหภูมิ



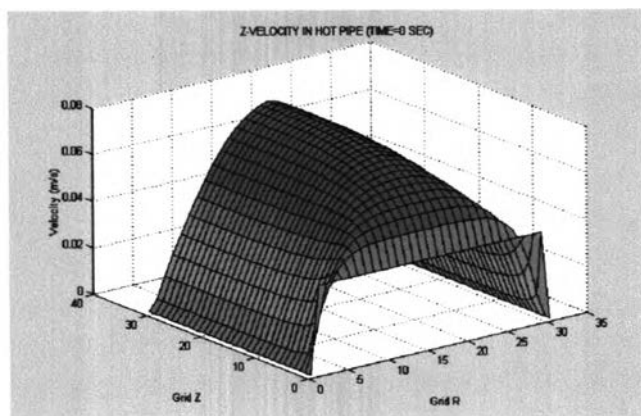
รูปที่ 4.2 ความเร็วของของไหลในท่อในและท่อนอกที่ภาวะเริ่มต้น



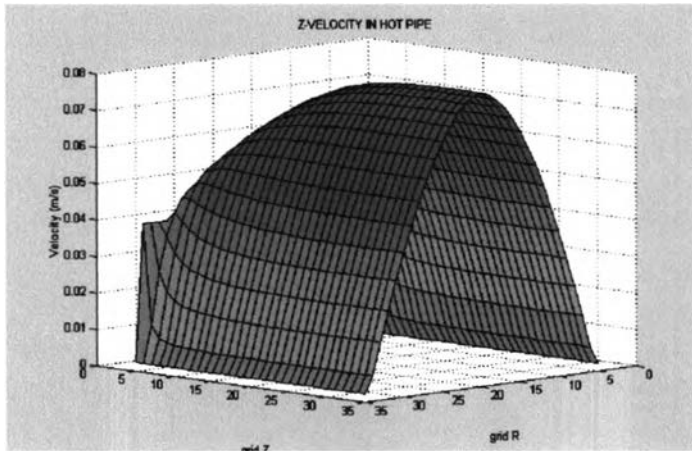
รูปที่ 4.3 ความเร็วของของไหลในท่อนอกที่ตำแหน่งทางเข้าโดยกำหนดความเร็วเท่ากันทุกจุด



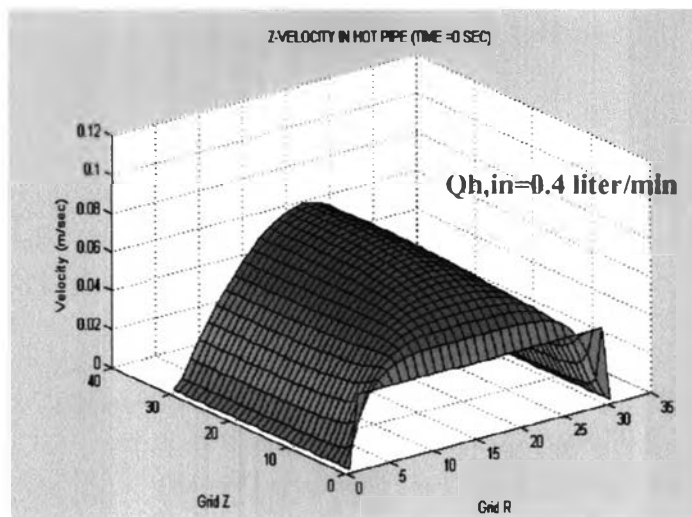
รูปที่ 4.4 ความเร็วของของไหลในท่อนอกที่ตำแหน่งทางออกความเร็วจะจัดรูปเป็นพาราโบลา



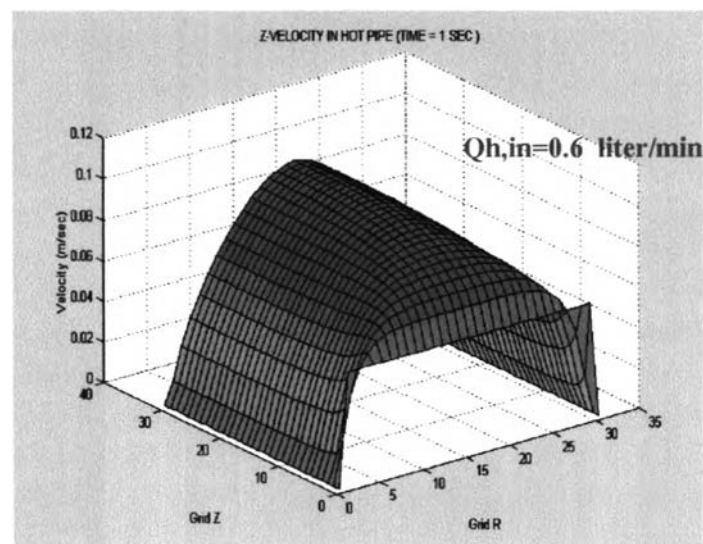
รูปที่ 4.5 ความเร็วของของไหลในท่อในที่ตำแหน่งทางเข้าโดยกำหนดความเร็วเท่ากันทุกจุด



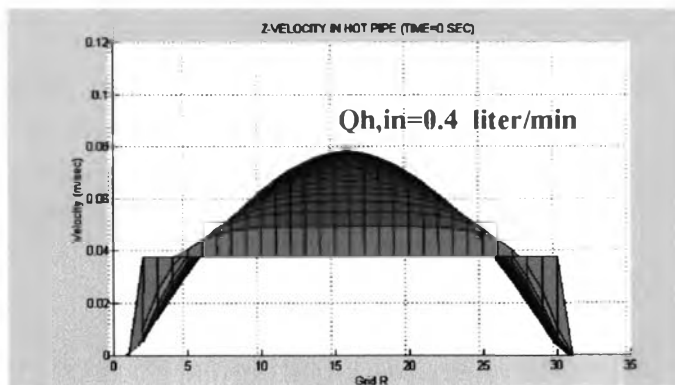
รูปที่ 4.6 ความเร็วของของไหลในท่อในตำแหน่งทางออกความเร็วจะจัดรูปเป็นพาราโบลา



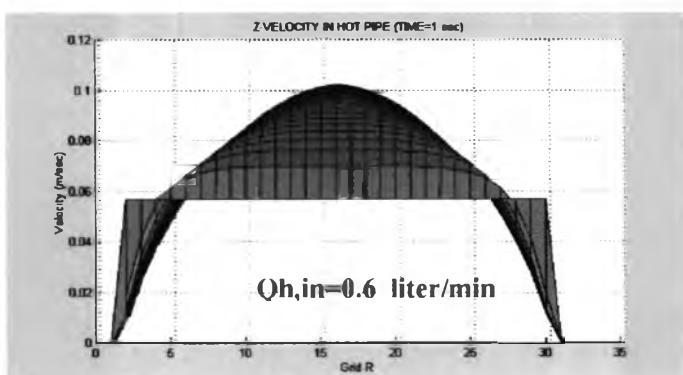
รูปที่ 4.7 ความเร็วของของไหลในท่อในที่ภาวะเริ่มต้น



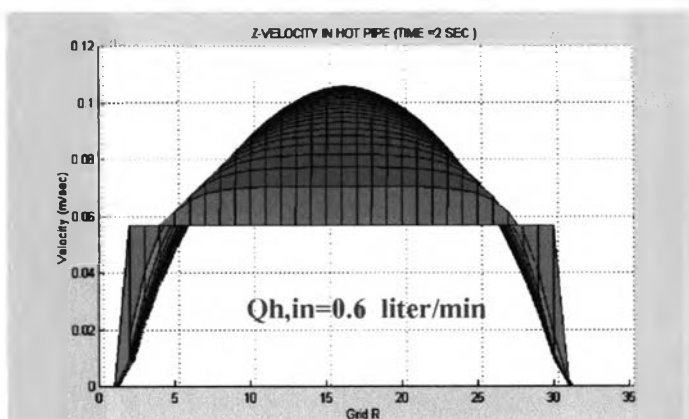
รูปที่ 4.8 ความเร็วของของไหลในท่อหลังจากปรับอัตราการไหลเป็น 0.6 ลิตรต่อวินาที เมื่อเวลาผ่านไป 1 วินาที



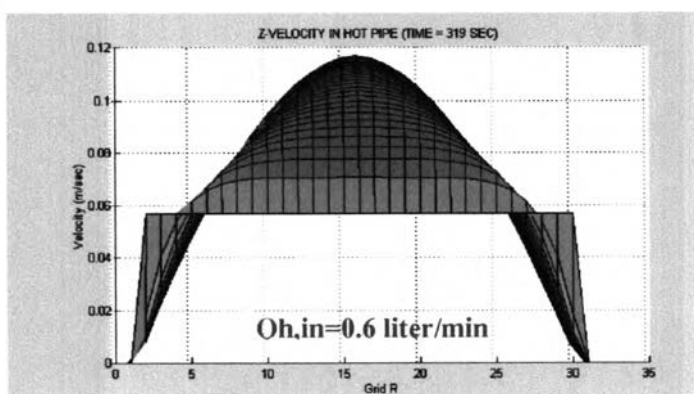
รูปที่ 4.9 ความเร็วของของไหลในท่อในเมื่อพิจารณาจากด้านหน้าของรูปที่ 4.7 ที่ภาวะเริ่มต้น



รูปที่ 4.10 ความเร็วของของไหลในท่อในเมื่อพิจารณาจากด้านหน้าของรูปที่ 4.8 เมื่อปรับอัตราการไหลที่เวลา 1 วินาที

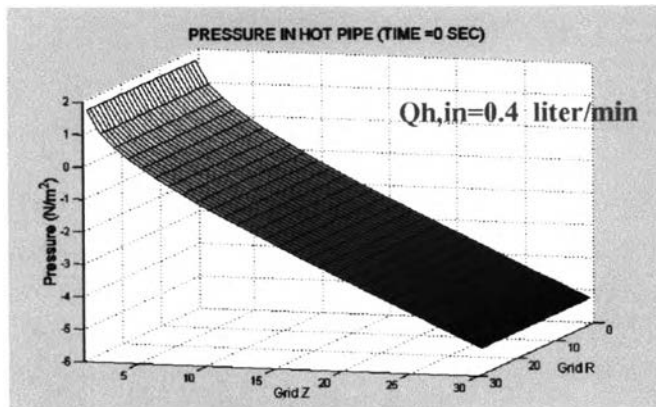


รูปที่ 4.11 ความเร็วของของไหลในท่อในเมื่อพิจารณาจากที่เวลา 2 วินาที

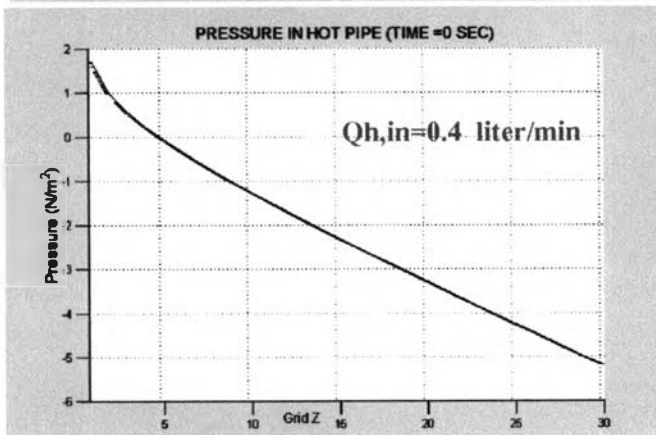


รูปที่ 4.12 ความเร็วของของไหลในท่อในเมื่อพิจารณาจากที่เวลา 319 วินาทีเป็นภาวะคงตัวที่อัตราการไหล 0.6 ลิตรต่อวินาที

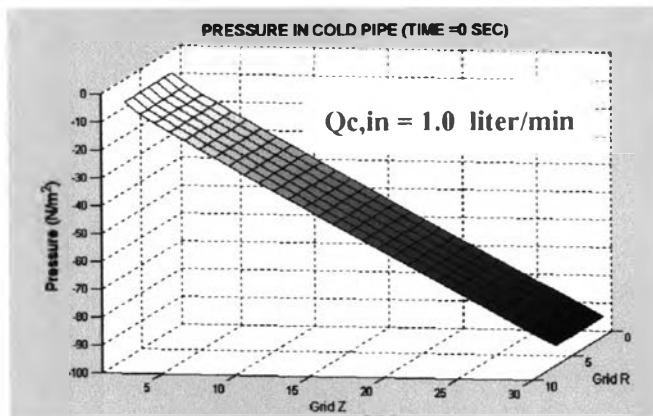




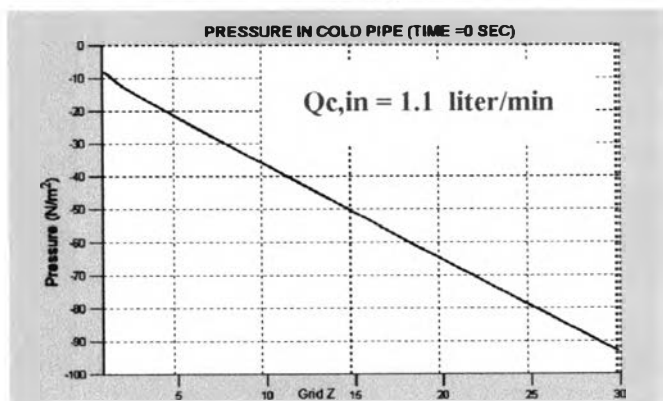
รูปที่ 4.13 ความดันของของไหลในท่อในที่ภาวะเริ่มต้น



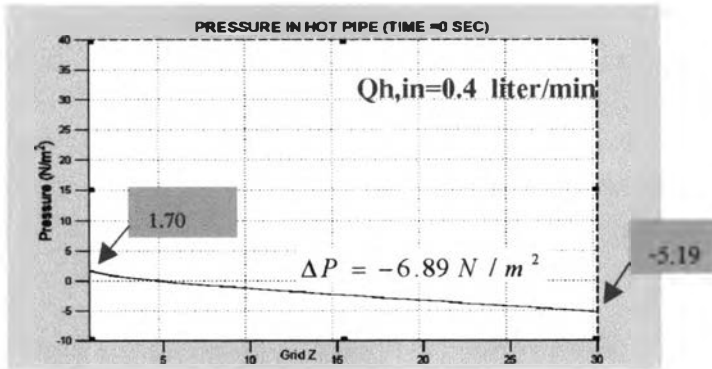
รูปที่ 4.14 ความดันของของไหลในท่อในที่ภาวะเริ่มต้นในทิศด้านข้างของรูปที่ 4.13



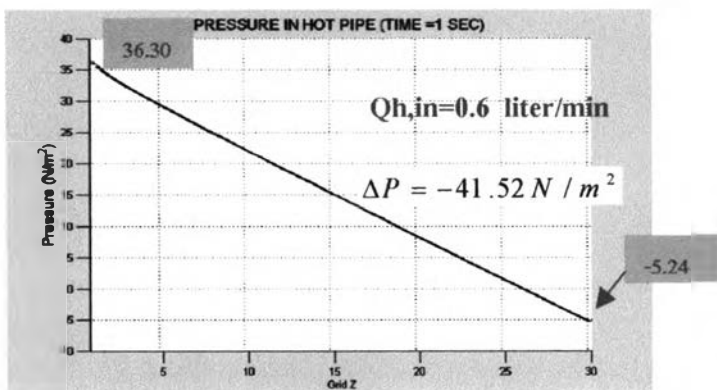
รูปที่ 4.15 ความดันของของไหลในท่อนอกที่ภาวะเริ่มต้น



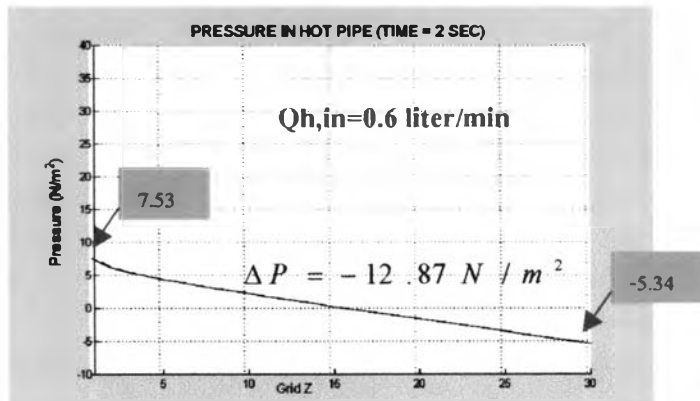
รูปที่ 4.16 ความดันของของไหลในท่อในที่ภาวะเริ่มต้นในทิศด้านข้างของรูปที่ 4.15



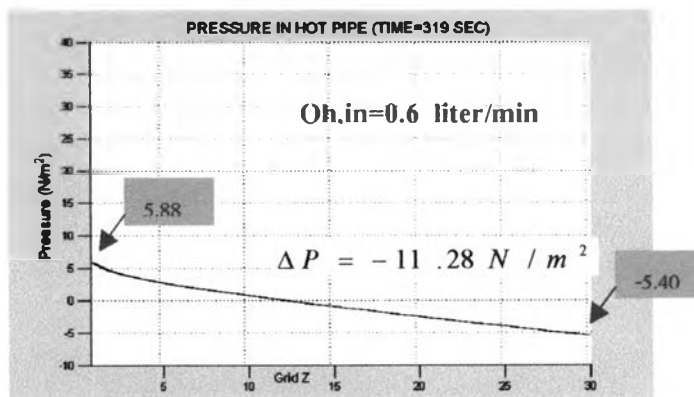
รูปที่ 4.17 ความดันของของไหลในท่อในที่ภาวะเริ่มต้น อัตราการไหลของของไหลเท่ากับ 0.4 ลิตรต่อนาที



รูปที่ 4.18 ความดันของของไหลในท่อหลังจากปรับอัตราการไหลของของไหลเท่ากับ 0.6 ลิตรต่อนาที ที่เวลาผ่านไป 1 วินาที



รูปที่ 4.19 ความดันของของไหลในท่อหลังจากปรับอัตราการไหลของของไหลเท่ากับ 0.6 ลิตรต่อนาที ที่เวลาผ่านไป 2 วินาที



รูปที่ 4.19 ความดันของของไหลในท่อในเป็นภาวะคงตัวที่อัตราการไหลของของไหลเท่ากับ 0.6 ลิตรต่อนาที เมื่อเวลา 319 วินาที

ตัวอย่างผลการจำลองการถ่ายโอนความร้อนของเครื่องแลกเปลี่ยนความร้อนแบบท่อสองชั้น รูปที่ 3.36 แสดงการไหลแบบไหลขนานที่ภาวะไม่คงตัว โดยถือว่าไม่มีการถ่ายโอนความร้อนบริเวณด้านบนและไม่มีความร้อนสูญเสียออกจากอุปกรณ์ ผลการจำลองการถ่ายโอนความร้อนแสดงดังรูปที่ 4.1 เมื่อรูปที่ 4.1 ก เป็นอุณหภูมิที่ภาวะเริ่มต้นหรือที่เวลาเป็นศูนย์ หลังจากนั้นเพิ่มอัตราการไหลของน้ำร้อนจาก 0.4 ลิตรต่อวินาทีเป็น 0.6 ลิตรต่อวินาที รูปที่ 4.1 ข แสดงอุณหภูมิเมื่อเวลาผ่านไป 1 วินาที ส่วนรูปที่ 4.1 ค แสดงอุณหภูมิที่ภาวะคงตัวใหม่ โดยค่าของอุณหภูมิต่างกันได้จากรูปที่ 4.1 ง

รูปที่ 4.2 ถึง 4.6 แสดงลักษณะความเร็วของของไหลในแนวแกนท่อ จากรูปแสดงความเร็วของของไหลในท่อในและท่อวงแหวน กำหนดให้ความเร็วของของไหลคงที่ทุกตำแหน่งที่ปากทางเข้าท่อพบว่า ของไหลที่ไหลเข้าไปในท่อจะจัดรูปแบบการไหลเป็นพาราโบลา ส่วนรูปที่ 4.7 และรูปที่ 4.9 แสดงความเร็วของของไหลที่ภาวะเริ่มต้นภายในท่อน้ำร้อน จากนั้นเพิ่มอัตราการไหลของน้ำร้อน พบว่ารูปแบบการไหลมีลักษณะเป็นพาราโบลาที่มีความชันเพิ่มขึ้นแสดงในรูปที่ 4.9 ถึงรูปที่ 4.12

รูปที่ 4.13 ถึง 4.16 แสดงผลของความดันในท่อในและท่อวงแหวน พบว่าความดันมีลักษณะเป็นเส้นตรงที่มีค่าความชันเป็นลบ โดยจากรูปที่ 4.14 และ 4.16 จะเห็นว่าความดันตกลงอย่างรวดเร็วบริเวณปากทางเข้าท่อต่อจากนั้นจะลดลงอย่างคงที่ รูปที่ 4.17 แสดงความดันที่ภาวะเริ่มต้น จากนั้นปรับเพิ่มอัตราการไหลของน้ำร้อน พบว่าความดันจะเปลี่ยนแปลงอย่างรวดเร็วหลังจากปรับอัตราการไหลและจะเริ่มคงที่เมื่อเวลาผ่านไป แสดงในรูปที่ 4.18 ถึงรูปที่ 4.20