

วิธีการที่ใช้ในการศึกษา

1. วิธีการที่ใช้ในการวิเคราะห์ค่าแนวโน้มตามลำดับเวลา

การวิเคราะห์ค่าแนวโน้มตามลำดับเวลาเป็นการแสดงแนวโน้มของข้อมูลตามระยะเวลา ทั้งในรูปเส้นตรงและเส้นโค้ง โดยแสดงลักษณะความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรตามกับระยะเวลา ในรูปสมการต่าง ๆ ดังนี้

1. สมการเส้นตรง (Linear Trend) มีรูปแบบการเป็น

$$\hat{Y} = a + bX \dots\dots\dots (A)$$

โดย

$\hat{Y}$  = ค่าประมาณของตัวแปรตาม

X = ค่าตัวแปรอิสระที่กำหนดตามระยะเวลาที่ศึกษา เช่น ช่วงเวลา 5 ปี

X จะมีค่า -2, -1, 0, 1, 2 โดยมี  $\sum_{i=1}^5 X = 0$

a = intercept ของ Y คือค่า Y เมื่อ X = 0

b = slope ของ Y คือความลาดชันหรือทิศทางของ Y

โดยใช้วิธีกำลังสองน้อยที่สุด (Least Square Method) ในการคำนวณค่า a, b จะทำให้ได้เส้นแนวโน้มที่ใกล้เคียงกับค่าจริงมากที่สุด เนื่องจากเส้นแนวโน้มที่ได้จากวิธีกำลังสองน้อยที่สุดจะให้ผลต่างระหว่างค่าจริงและค่าประมาณน้อยที่สุด นั่นคือ เมื่อ  $e = Y - \hat{Y}$  จะได้  $\sum_{i=1}^n e^2$  มีค่าน้อยที่สุด เมื่อ n เป็นจำนวนค่าสังเกต

2. สมการเส้นโค้ง (Non-linear Trend) จำแนกออกเป็น

2.1 Second degree polynomial curve แสดงโดยสมการ

$$\hat{Y} = a + bX + cX^2 \dots\dots\dots (B)$$

$\hat{Y}$  = ค่าประมาณของตัวแปรตาม

X = ตัวแปรอิสระกำหนดขึ้นตามระยะเวลา โดยมี  $\sum_{i=1}^n X = 0$

$$\begin{aligned}
 a &= \text{ค่าของ } Y \text{ เมื่อ } X = 0 \\
 b, c &= \text{สัมประสิทธิ์ของตัวแปรอิสระซึ่งเป็นตัวคงที่ ๆ ไม่ทราบค่า} \\
 &\text{และต้องคำนวณจากสมการ}
 \end{aligned}$$

โดยใช้วิธีกำลังสองน้อยที่สุด จะได้ Normal equation ในการคำนวณค่า a, b และ c

เส้นแนวโน้มแบบ second degree polynomial นี้จะเปลี่ยนทิศทางของเส้น 1 ครั้ง มีลักษณะเป็นรูปพาราโบลา (Parabola) ค่าหรือหงายขึ้นกับเครื่องหมายของ c ซึ่งเป็นค่าเปลี่ยนแปลงทิศทางของเส้นแนวโน้ม

เมื่อ c เป็น + จะได้รูปพาราโบลาแบบหงาย

เมื่อ c เป็น - จะได้รูปพาราโบลาคว่ำ

## 2.2 Third degree polynomial curve แสดงโดยสมการ

$$\hat{Y} = a + bx + cx^2 + dx^3 \dots\dots\dots (c)$$

โดย  $\hat{Y}$  = ค่าประมาณตัวแปรตาม

X = ค่าตัวแปรอิสระที่กำหนดตามระยะเวลา โดย  $\sum_{i=1}^n X = 0$

a = Intercept ของ Y

b, c และ d = สัมประสิทธิ์ของตัวแปรอิสระ ซึ่งเป็นตัวคงที่ ๆ ไม่ทราบค่าและต้องคำนวณจากสมการ

ค่า a, b, c และ d คำนวณจาก Normal Equation ที่ได้จากวิธีกำลังสองน้อยที่สุด

เส้นแนวโน้มที่ได้จากสมการชนิดนี้จะเป็นกราฟที่มีลักษณะ 2 โคน

2.3 Fourth degree polynomial curve แสดงโดยสมการ

$$\hat{Y} = a + bX + cX^2 + dX^3 + eX^4 \dots\dots\dots (D)$$

เมื่อ

$\hat{Y}$  = ค่าประมาณตัวแปรตาม

X = ค่าตัวแปรอิสระที่กำหนดตามระยะเวลา

a = intercept ของ Y

b, c, d และ e = สัมประสิทธิ์ของตัวแปรอิสระ ซึ่งเป็นค่าคงที่ ๆ ของ  
คำนวณจากสมการ

สมการแบบ polynomial นี้ มีได้ถึง n degree กล่าวคือ

$$Y = a + bX + cX^2 + \dots\dots\dots + pX^n$$

แต่สมการในชั้นนี้จะแสดงแนวโน้มของข้อมูลได้ดีที่สุดนั้น จะต้องพิจารณาถึงนัยสำคัญของ b, c, ..., p ที่มีต่อสมการก็จะกล่าวโดยละเอียดต่อไปในการพิจารณาเลือกเส้นแนวโน้ม

เส้นแนวโน้มจากสมการแบบ polynomial นี้จะเปลี่ยนทิศทาง (n-1) ครั้งตามเครื่องหมายของสัมประสิทธิ์ของตัวแปรอิสระ ถ้าเครื่องหมายเป็น + เส้นจะมีทิศทางขึ้น (slope upward) ในทางตรงกันข้ามถ้ามีเครื่องหมาย - เส้นแนวโน้มจะมีทิศทางลง (slope downward)

2.4 Simple Exponential curve แบ่งเป็น 2 ชนิด คือ

2.4.1 First degree exponential curve อยู่ในรูปสมการ

$$\hat{Y} = ab^X \dots\dots\dots (E)$$

$\hat{Y}$  = ค่าประมาณตัวแปรตาม

a = intercept ของ Y เมื่อ X = 0

b = rate of change เมื่อ b > 1, Y จะเพิ่มขึ้น

b < 1, Y จะลดลง

Transform (E) ให้อยู่ในรูปสมการเส้นตรง โดยการ take logarithm ทั้ง 2 ข้าง

$$\log Y = \log a + x \log b$$

เส้นแนวโน้มที่ได้จากสมการนี้ จะเป็นเส้นเพิ่มขึ้นเมื่อ  $b > 1$  และจะเพิ่มขึ้นเรื่อย ๆ เมื่อ X เพิ่มขึ้น ในทางตรงกันข้าม เส้นจะลดลงเมื่อ  $b < 1$  อัตราการเปลี่ยนแปลงของความลาดชันของเส้นแนวโน้มจะอยู่ในลักษณะที่คงที่ คือ ค่าแนวโน้มจะเพิ่มหรือลดเป็นจำนวน 50% ของค่าแนวโน้มเดิม เมื่อ X มีค่าเปลี่ยนแปลงไป ลักษณะของเส้นแนวโน้มจากสมการนี้เกือบจะเป็นเส้นตรง แต่เส้นแนวโน้มจากสมการ Simple exponential curve นี้จะมีอัตราการเพิ่มและลดที่รวดเร็วกว่าสมการเส้นตรง

2.4.2 Second degree Exponential curve มีสมการเป็น

$$\hat{Y} = ab^x cx^2 \dots\dots\dots (F)$$

ทำให้อยู่ในรูปสมการเส้นตรง โดย take logarithm ทั้ง 2 ข้างจะได้

$$\log Y = \log a + x \log b + x^2 \log c$$

จะเห็นว่าสมการอยู่ในลักษณะของ Second degree polynomial curve

คือ เมื่อให้

$$\log Y = Y'$$

$$\log a = a'$$

$$\log b = b'$$

$$\log c = c'$$

$$\text{ดังนั้น } \hat{Y}' = a' + b'x + c'x^2 \dots\dots\dots (F')$$

คำนวณค่า a, b และ c เช่นเดียวกับใน Second degree polynomial curve แทนค่า a, b และ c ใน (F') จะได้ log Y เมื่อ antilog ค่า log Y จะได้  $\hat{Y}$

เนื่องจากสมการในรูป logarithm ของ Second degree exponential curve อยู่ในลักษณะของ second degree polynomial curve ดังนั้นย่อมมีลักษณะของเส้นแนวโน้มนที่คล้ายคลึงกัน กล่าวคือ เส้นแนวโน้มนจะเปลี่ยนทิศทาง 1 ครั้งตามเครื่องหมายของ  $\log c$  ซึ่งทำให้เส้นแนวโน้มนมีลักษณะเป็นรูปพาราโบลาคว่ำหรือหงายตามเครื่องหมายของ  $\log c$

### 2.5 Modified Exponential Curve มีสมการเป็น

$$\hat{Y} = L + ab^x \dots\dots\dots(G)$$

วิธีการแก้สมการ (G) ใช้วิธี least square ไม่ได้ เพราะไม่สามารถแปลงรูปสมการให้เป็นสมการเส้นตรงได้ ดังนั้นจึงคำนวณโดยการแบ่งข้อมูลออกเป็น 3 ส่วนเท่า ๆ กัน<sup>1/</sup>

กำหนดให้  $n$  = จำนวนข้อมูลในแต่ละส่วน

$S_1$  = ผลรวมของข้อมูลในส่วนที่ 1

$S_2$  = ผลรวมของข้อมูลในส่วนที่ 2

$S_3$  = ผลรวมของข้อมูลในส่วนที่ 3

$$\Delta_1 = S_2 - S_1$$

$$\Delta_2 = S_3 - S_2$$

$$b^n = \frac{\Delta_2}{\Delta_1}$$

$$a = \frac{\Delta_1 (b^n - 1)}{(b^n - 1)^2}$$

$$L = \frac{1}{n} \left[ S_1 - \frac{(b^n - 1)}{(b - 1)} \cdot a \right]$$

1/ ดูรายละเอียดจากหนังสือ STATISTICS FOR ECONOMICS โดย WILLIAM I. GREENWALD หน้า 223 - 224.

$$\text{จาก } b^n = \Delta_2 - \Delta_1$$

$$n \log b = \log (\Delta_2 - \Delta_1)$$

$$\log b = \frac{\log (\Delta_2 - \Delta_1)}{n}$$

$$b = \text{antilog} \left\{ \frac{\log (\Delta_2 - \Delta_1)}{n} \right\}$$

แทนค่า  $L, a, b^x$  ในสมการ จะได้  $\hat{Y}$

ลักษณะของเส้นแนวโน้มจะคล้ายกับ Simple Exponential Curve แต่ละ Shift  
 ขนลงควยค่าคงที่  $L$  ซึ่งเป็นค่าที่กำหนดขอบเขตค่าสุดหรือสูงสุดของเส้นแนวโน้ม

2.6 Gompertz Curve มีรูปสมการเป็น

$$\hat{Y} = La^{b^x} \dots \dots \dots (H)$$

ทำให้อยู่ในรูปสมการเส้นตรง :

$$\log \hat{Y} = \log L + b^x \log a$$

ซึ่งอยู่ในรูปของ Modified Exponential Curve โดยมี

$$Y' = \log \hat{Y}$$

$$L' = \log L$$

$$a' = \log a$$

ดังนั้น จะใช้วิธีการคำนวณในทำนองเดียวกัน

ค่าประมาณ  $Y$  จะถูกกำหนดโดยค่าคงที่  $L$  โดยมีค่า  $\log a$  และ  $b$  เป็นตัวกำหนด  
 การเปลี่ยนแปลงของ curve ดังนี้<sup>2/</sup>

2/ CROXTON, COWDEN AND KLEIN : APPLIED GENERAL STATISTICS (THIRD  
 EDITION), P. 268.

1. ถ้า  $\log a$  เป็นค่า - และ  $b < 1$  ค่าประมาณ  $Y$  จะเพิ่มขึ้นในอัตราที่รวดเร็วมากในระยะแรก และจะเพิ่มในอัตราที่ลดลงในระยะต่อมา จนกระทั่งค่าประมาณ  $Y$  ใกล้เคียง  $L$  มากที่สุด
2. ถ้า  $\log a$  เป็นค่า - และ  $b > 1$  ค่าประมาณ  $Y$  จะใกล้เคียงค่า  $L$  ในระยะแรก และจะค่อย ๆ ลดลงในอัตราที่สูงขึ้นเรื่อย ๆ จนเข้าใกล้ 0
3. ถ้า  $\log a$  เป็นค่า + และ  $b < 1$  ค่าประมาณ  $Y$  จะลดลงอย่างรวดเร็วในระยะแรก และค่อย ๆ ช้าลง จนกระทั่งเข้าใกล้ค่า  $L$  ในที่สุด
4. ถ้า  $\log a$  เป็นค่า + และ  $b > 1$  ค่าประมาณ  $Y$  จะค่อย ๆ เพิ่มขึ้นในระยะแรก และเพิ่มขึ้นในอัตราที่สูงขึ้นเรื่อย ๆ โดยไม่มีขอบเขต

### การพิจารณาเลือกเส้นแนวโน้ม

เมื่อกำหนดเส้นแนวโน้มควยสมการในแบบต่าง ๆ ดังกล่าวมาแล้ว จึงเกิดปัญหาว่า สมการเส้นแนวโน้มในแบบใด จะให้เส้นแนวโน้มที่ใกล้เคียงกับค่าจริงที่สุด และสามารถพยากรณ์ค่าในอนาคตได้ดีที่สุด

เนื่องจากการคำนวณค่า parameter ต่าง ๆ ของสมการใช้วิธีกำลังสองน้อยที่สุด ซึ่งมีลักษณะที่สำคัญคือ  $\sum_{i=1}^n (y - \hat{y})^2$  น้อยที่สุด ดังนั้นในการพิจารณา Goodness of fit ของสมการ จะทำโดย

ข้อ 1 เปรียบเทียบค่า standard error ของเฉลี่ย ซึ่งคำนวณจาก

$$S = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (y - \hat{y})^2}{n-k}}$$

เมื่อ  $Y$  = ค่าของตัวแปรตาม  
 $\hat{Y}$  = ค่าประมาณของตัวแปรตาม  
 $n$  = จำนวนค่าสังเกต  
 $k$  = จำนวน parameter

และค่าที่นิยาม (R<sup>2</sup>) ซึ่งแสดงเปอร์เซ็นต์ความผันแปรของค่าตัวแปรตามที่ถูกกำหนดโดย  
 ผันแปรของตัวแปรอิสระ ซึ่งคำนวณโดย

$$R^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (\hat{Y} - \bar{Y})^2}{\sum_{i=1}^n (Y - \bar{Y})^2} \times 100$$

ของแต่ละสมการ สมการใดที่ให้ค่า standard error ของนัยน้อยที่สุด และค่า R<sup>2</sup> สูงสุด  
 จะเป็นสมการที่ให้เส้นแนวโน้มที่ใกล้เคียงกับความจริงที่สุด<sup>3/</sup>

ขั้นที่ 2 หลังจากที่ได้เลือกได้สมการที่เป็น best fit แล้ว นำสมการที่ได้มาทดสอบ  
 นัยสำคัญ ภายใต้สมมติฐาน H<sub>0</sub> : B<sub>1</sub> = B<sub>2</sub> = B<sub>3</sub> = ..... = B<sub>n</sub> = 0<sup>4/</sup> โดยใช้ค่า F  
 จากตารางการวิเคราะห์ variance

ตารางที่ 2.1.1 ตารางการวิเคราะห์ Variance เพื่อทดสอบนัยสำคัญของสมการ<sup>5/</sup>

Source of Variation	Degree of freedom	Sum of Square	Mean Square	F
Regression	k	$\sum (\hat{Y} - \bar{Y})^2 = SSR$	$MSR = \frac{SSR}{df}$	$\frac{MSR}{MSE}$
Residual	n - k - 1	$\sum (Y - \hat{Y})^2 = SSE$	$MSE = \frac{SSE}{df}$	
Total	n - 1	$\sum (Y - \bar{Y})^2 = SST$		

3/ CHARLES R. FRANK, JR : STATISTICS AND ECONOMETRICS (HOLT, RINEHART AND WINSTON, INC.), P. 32.

4/ B<sub>1</sub>, B<sub>2</sub> ..... B<sub>n</sub> เป็นสัมประสิทธิ์ของตัวแปรอิสระ

5/ STEEL AND TORRIE, PRINCIPLES AND PROCEDURE OF STATISTICS (McGRAW-HILL BOOK COMPANY, INC.), P. 296.



พิจารณานัยสำคัญของสมการโดยเปรียบเทียบค่า  $F$  ที่คำนวณได้จากตารางที่ degree of freedom  $(k, n-k-1)$  และค่า  $F$  จากตาราง  $F$ -distribution ณ ระดับความเชื่อมั่นต่าง ๆ

ขั้นที่ 3 หลังจากทดสอบรวมทั้งสมการ ได้ผลว่าสมการมีนัยสำคัญแล้วก็นำมาทดสอบนัยสำคัญของตัวแปรอิสระแต่ละตัวในสมการ โดยทดสอบนัยสำคัญของ  $B_1, B_2, \dots, B_k$  ซึ่งเป็น Partial regression coefficient ของตัวแปรอิสระ  $x_1, x_2, x_k$  โดยใช้  $t$ -test ภายใต้สมมติฐาน  $H_0 : B_i = 0, i = 1, 2, 3, \dots, k$

## 2. วิธีการที่ใช้ในการวิเคราะห์ดัชนีฤดูกาล

ในการวิเคราะห์ข้อมูลตามฤดูกาลนั้น ลักษณะของข้อมูลจะต้องอยู่ในช่วงเวลาที่เหมาะสม ช่วงเวลานำมาพิจารณาอาจเป็น ปี เดือน อาทิตย์ ฯลฯ ขึ้นกับลักษณะของข้อมูลแต่ละชุด

ความเคลื่อนไหวของข้อมูล แต่ละช่วงเวลาอาจเป็นไปในลักษณะเดียวกัน หรือเปลี่ยนแปลงไปบ้างในบางช่วง ขึ้นกับสาเหตุต่าง ๆ ที่สำคัญ ได้แก่ ภัยพิบัติทางอากาศ ซึ่งมีผลโดยตรงต่อการเพาะปลูกพืช ดังนั้นจึงได้เลือกเอาการวิเคราะห์การเปลี่ยนแปลงตามฤดูกาลมาเป็นวิธีหนึ่งในการวิเคราะห์ความเคลื่อนไหวของราคาข้าวโพดขายส่งในแต่ละปี

ในการวิเคราะห์การเปลี่ยนแปลงตามฤดูกาลนี้ จะต้องสร้างค่าดัชนีฤดูกาลขึ้น จากการพิจารณาจากกราฟที่ 1-6 ซึ่งแสดงการเคลื่อนไหวของราคาในแต่ละปี จากปี 2503 - 2517 การเคลื่อนไหวของราคาไม่ได้อยู่ใน pattern เดียวกันทุกปี ดังนั้นจะใช้วิธีวิเคราะห์ชนิด Changing Seasonal Pattern

ข้อมูลที่จะนำมาวิเคราะห์ตามฤดูกาลนี้ จะต้องเป็นข้อมูลที่ประกอบด้วยการเคลื่อนไหวตามฤดูกาลเป็นส่วนใหญ่ ดังนั้นในการคำนวณค่าดัชนีฤดูกาล จึงได้พยายามกำจัด  $T, C$  และ  $I$  ออกจากอนุกรมเวลา ซึ่งประกอบด้วยปัจจัยทั้ง 4 ในรูปผลคูณ คือ  $T.C.S.I$

### การคำนวณค่าดัชนีฤดูกาล

1. หาค่าเคลื่อนที่เฉลี่ย 12 เดือน (12-month moving average) จากข้อมูลเดิม คำนวณเป็นตัวประมาณของ Trend และ Cyclical (T, C)
2. นำไปหารข้อมูลเดิม  $\frac{Y}{T \cdot C} \times 100$  จะเหลือ S.I
3. เพื่อกำจัด I หาค่าแนวโน้มของ S.I ได้จากข้อ 2 ในแต่ละเดือนด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด ผลที่จะได้เหลือแต่เพียง S
4. นำมาปรับโดยให้ค่าเฉลี่ย 12 เดือน รวมกัน = 1200 ดังนี้

$$\text{ค่าดัชนีฤดูกาล} = \frac{\text{ค่าประมาณดัชนีฤดูกาล}}{\text{ยอดรวมของค่าประมาณ}} \times 1200$$

### 3. วิธีการที่ใช้ในการวิเคราะห์สมการถดถอยหลายชั้น (Multiple Linear Regression)

Multiple Linear Regression เป็นวิธีการวิเคราะห์ความสัมพันธ์ของข้อมูล ตั้งแต่ 2 ชุดขึ้นไป เมื่อข้อมูลชุดหนึ่งเป็นตัวแปรตาม (Dependent Variable) และข้อมูลชุดอื่น ๆ เป็นตัวแปรอิสระ (Independent Variable) ในรูปสมการกำลังหนึ่ง

$$Y = a + b_1X_1 + b_2X_2 + \dots + b_pX_p$$

เมื่อ

Y	เป็นตัวแปรตาม
$X_i$	เป็นตัวแปรอิสระ โดยที่ $i = 1, 2, \dots, p$
$b_i$	เป็น partial regression coefficient ของ $X_i$ คือ Y เมื่อ $X_i$ ควบคุม ๆ คงที่, $i = 1, 2, 3, \dots, p$ $b_i$ จะเป็นค่าที่แสดงว่า ถ้า $X_i$ เปลี่ยนแปลงไป 1 หน่วย จะทำให้ค่า Y เปลี่ยนแปลงไปเท่ากับ $b_i$ ควบ
a	เป็นค่า intercept ของ Y

## การสร้างสมการถดถอยหลายชั้นโดยคอมพิวเตอร์

เป็นการนำข้อมูลในอดีตมาสร้างสมการถดถอย ด้วยวิธี stepwise multiple regression โดยพยายามเลือกตัวแปรอิสระที่มีอิทธิพลต่อตัวแปรตามมากที่สุด และรอง ๆ ลงมา เข้ามาในสมการ เพื่อให้ได้สมการที่แสดงค่าประมาณของตัวแปรตามได้ใกล้เคียงค่าจริงที่สุด

### วิธีการในการเลือกตัวแปรอิสระเข้าในสมการ

ในการเลือกตัวแปรอิสระเข้าในสมการ โดยวิธีการของ Stepwise multiple regression นี้ จะเลือก  $x_1$  เข้าในสมการทีละตัวตามลำดับความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรตาม และตัวแปรอิสระ กล่าวคือจะต้องเป็นตัวแปรอิสระตัวที่ให้ค่าดัชนีกำหนด ซึ่งแสดงอัตราส่วนของความแปรปรวนของตัวแปรตาม อันเนื่องมาจากตัวแปรอิสระแต่ละตัวเมื่อตัวอื่น ๆ คงที่สูงสุด

สมมติให้  $x_1$  ให้ค่าดัชนีกำหนดสูงสุด นั่นคือ  $v_1 = r_{yx_1}^2$  มีค่าสูงสุด จะได้สมการ

$$Y = a^{(1)} + b_1^{(1)} x_1$$

ตัวแปรอิสระตัวต่อไปที่จะนำเข้ามาในสมการ คือ ตัวแปรอิสระตัวที่ให้ค่าผลคูณระหว่างค่าดัชนีกำหนดของตัวเอง กับค่าดัชนีกำหนดที่เหลือจากตัวแปรอิสระตัวแรกสูงสุด สมมติว่าเป็น

$x_2$  นั่นคือ  $x_2$  ให้ค่า

$$v_2 = (1 - r_{yx_1}^2) r_{yx_2 \cdot x_1}^2 \quad \text{สูงสุด สมการจะเป็น}$$

$$Y = a^{(2)} + b_1^{(2)} x_1 + b_2^{(2)} x_2$$

ขั้นต่อไปสมมติให้  $x_3$  เป็นตัวแปรอิสระตัวต่อไปที่จะถูกนำเข้ามาในสมการ นั่นคือ  $x_3$

ให้ค่า

$$v_3 = (1 - r_{yx_1}^2) (1 - r_{yx_2 \cdot x_1}^2) r_{yx_3 \cdot x_1 x_2}^2 \quad \text{สูงสุด}$$

ได้สมการ  $Y = a^{(3)} + b_1^{(3)} X_1 + b_2^{(3)} X_2 + b_3^{(3)} X_3$

เช่นนี้เรื่อย ๆ ไป สมมติมีตัวแปรอิสระ  $p$  ตัว จะได้

$$V_p = (1-r_{yx_1}^2) (1-r_{yx_2 \cdot x_1}^2) \dots (1-r_{yx_{p-1} \cdot x_1 x_2 \dots x_{p-2}}^2) r_{yx_p \cdot x_1 x_2 \dots x_{p-1}}^2$$

สูงสุดโดยมีสมการเป็น

$$Y = a^{(p)} + b_1^{(p)} X_1 + b_2^{(p)} X_2 + \dots + b_p^{(p)} X_p$$

เนื่องจากตัวแปรอิสระทุกตัว ไม่ได้มีอิทธิพลอย่างมีนัยสำคัญต่อสมการทุกตัว ดังนั้นสมการในขั้นสุดท้าย ซึ่งประกอบด้วยตัวแปรอิสระ  $p$  ตัว อาจจะไม่ใช้สมการที่มีนัยสำคัญเสมอไป วิธีการที่จะเลือกว่าสมการในขั้นใด ประกอบด้วยตัวแปรที่มีอิทธิพลอย่างมีนัยสำคัญต่อสมการ กล่าวคือ ตัวแปรอิสระเหล่านั้นสามารถอธิบายตัวแปรตามได้ และให้ค่าประมาณของตัวแปรตามที่ใกล้เคียงความจริง จะใช้หลักในการทดสอบเช่นเดียวกับการทดสอบสมการค่าแนวโน้ม คือ

1. พิจารณาว่าสมการในขั้นใดให้ค่า Standard error ของเฉลี่ยน้อยที่สุด และค่าค่านี้น่าหนักสูงสุด
2. ทดสอบนัยสำคัญของสมการโดย F - test จากตารางการวิเคราะห์ Variance
3. ทดสอบนัยสำคัญของ Partial regression coefficient โดย t - test