

บทที่ 1

บทนำ



ที่มาและความสำคัญของปัญหา

ในปัจจุบันการวิจัยในด้านต่าง ๆ อาทิเช่น วิทยาศาสตร์ สังคมศาสตร์ และในด้านธุรกิจต่าง ๆ จำเป็นต้องอาศัยความรู้ทางสถิติเข้ามาช่วยในการวิจัยค้นคว้าโดยเฉพาะ เพื่อการคาดคะเนสิ่งที่จะเกิดขึ้นในอนาคตหรือที่เรียกว่าการพยากรณ์ ซึ่งอาจจะจำแนกได้เป็นสองประเภทใหญ่คือประเภทที่ 1 เป็นวิธีการที่มีแนวความคิดว่าพฤติกรรมในอดีตของสิ่งที่จะพยากรณ์ควรจะเพียงพอที่จะพยากรณ์พฤติกรรมในอนาคตของตนเองได้ เช่น อนุกรมเวลา ส่วนประเภทที่ 2 เป็นวิธีการที่มีแนวความคิดว่าพฤติกรรมของสิ่งที่จะพยากรณ์ถูกกำหนดขึ้นโดยสิ่งอื่น ๆ ซึ่งมีความสัมพันธ์บางลักษณะกับสิ่งที่จะพยากรณ์ เช่น การวิเคราะห์การถดถอย (วิชิต หล่อจ๊ะระชุนท์กุล, 2539: 1) ในปัจจุบันนิยมใช้สมการการถดถอยเข้ามาช่วยในการพยากรณ์และหาคำตอบ ในการวิเคราะห์การถดถอยจะประกอบไปด้วยตัวแปรอิสระ (independent variables) และตัวแปรตาม (dependent variable) แต่ในความเป็นจริงการใช้ตัวแปรอิสระเพียงตัวเดียวอาจจะไม่สามารถอธิบายตัวแปรตามได้ดีจึงควรใช้ตัวแปรอิสระมากกว่าหนึ่งตัวขึ้นไปมาช่วยในการอธิบายตัวแปรตามให้มีประสิทธิภาพในการพยากรณ์มากขึ้น ซึ่งตัวแปรอิสระที่มากกว่าหนึ่งตัวขึ้นไปเข้ามาอยู่ในสมการถดถอยนี้เรียกว่า การถดถอยพหุคูณ (multiple regression) และมีรูปแบบดังนี้

$$y = X\beta + \varepsilon$$

เมื่อ y เป็นเวกเตอร์ของตัวแปรตามขนาด $n \times 1$

X เป็นเมทริกซ์ของตัวแปรอิสระขนาด $n \times (p+1)$

β เป็นเวกเตอร์ของสัมประสิทธิ์การถดถอยขนาด $(p+1) \times 1$

ε เป็นเวกเตอร์ของความคลาดเคลื่อนขนาด $n \times 1$

n เป็นขนาดตัวอย่างของตัวแปรอิสระ

และ p เป็นจำนวนตัวแปรอิสระ

โดยที่ $E(\varepsilon) = 0$ และ $Cov(\varepsilon) = \sigma^2 I_n$

ในการประมาณสัมประสิทธิ์การถดถอยพหุคูณวิธีที่นิยมใช้กันมากคือวิธีกำลังสองน้อยสุด ซึ่งจะได้ตัวประมาณสัมประสิทธิ์การถดถอยพหุคูณอยู่ในรูปของ $\hat{\beta} = (X'X)^{-1}X'y$ ตัวประมาณที่ได้ดังกล่าวเป็นตัวประมาณไม่เอนเอียง

การหาสัมประสิทธิ์การถดถอยพหุคูณด้วยวิธีกำลังสองน้อยสุดนี้ใช้งานได้ดีเมื่อตัวแปรอิสระไม่มีความสัมพันธ์กัน แต่กรณีนี้ในทางปฏิบัติเป็นไปได้ยากและไม่สามารถทราบได้ว่าตัวแปรอิสระใดบ้างที่มีหรือไม่มีความสัมพันธ์กัน เพราะตัวแปรอิสระบางตัวอาจมีความสัมพันธ์กันอยู่ โดยที่ตัวแปรอิสระบางตัวอาจเป็นฟังก์ชันของตัวแปรอิสระตัวอื่นๆ กล่าวคือ ตัวแปรอิสระมีพหุสัมพันธ์ (multicollinearity) แต่ถ้าใช้สมการถดถอยเมื่อตัวแปรเกิดพหุสัมพันธ์กันช่วยในการพยากรณ์จะทำให้การประมาณค่าที่ได้อาจไม่เหมาะสมและขาดความเที่ยงตรง (accuracy)

ในปี คศ. 1970 โฮเอล (Hoel) และเคนนาร์ด (Kennard) ได้เสนอวิธีแก้ปัญหาในกรณีที่เกิดพหุสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระ ซึ่งจะได้ค่าความคลาดเคลื่อนกำลังสองน้อยสุดซึ่งเรียกว่า วิธีริดจ์รีเกรชัน (Ridge regression method) และมีหลักการทำงานจากระยะทางระหว่างตัวประมาณสัมประสิทธิ์กำลังสองน้อยสุด ($\hat{\beta}$) และค่าสัมประสิทธิ์การถดถอยพหุคูณ (β) เพื่อพิจารณาค่าเฉลี่ยยกกำลังสองของระยะทางระหว่าง $\hat{\beta}$ และ β มีค่าเท่ากับ $\sigma^2 \text{trace}(X'X)^{-1}$ ซึ่งจะมีค่าสมมูล (equivalent) กับค่าเฉลี่ยของ $\hat{\beta}$ และ β ซึ่งสามารถเขียนให้อยู่ในรูปของ

$$E(\hat{\beta}'\hat{\beta}) = \beta'\beta + \sigma^2 \text{trace}(X'X)^{-1}$$

$$\text{ดังนั้น} \quad E(\hat{\beta}'\hat{\beta}) = \beta'\beta + \left(\frac{\sigma^2}{\lambda_1} + \frac{\sigma^2}{\lambda_2} + \dots + \frac{\sigma^2}{\lambda_p} \right)$$

ซึ่งผู้อ่านจะเห็นได้ว่าผลบวกกำลังสองของตัวประมาณ $\hat{\beta}$ มากกว่าผลบวกกำลังสองของ β อยู่เท่ากับ $\sigma^2 \text{trace}(X'X)^{-1}$ เพราะฉะนั้นการที่จะทำให้ผลบวกกำลังสองของ $\hat{\beta}$ ลดลงก็โดยการเพิ่มค่า λ ของเมทริกซ์ $(X'X)$ และทำการบวกค่าคงที่ k ที่มากกว่าศูนย์บนเส้นทแยงมุมของเมทริกซ์ $(X'X)$ ซึ่งจะได้ค่าประมาณสัมประสิทธิ์ของสมการถดถอยริดจ์จากรูปแบบดังนี้

$$\hat{\beta}_R(k) = (X'X + kI)^{-1} X' y \quad ; k > 0$$

ในการหาค่าประมาณสัมประสิทธิ์ของสมการถดถอยริดจ์ที่ได้กล่าวมานี้พบว่ามีการประมาณค่าพารามิเตอร์ k เพื่อช่วยในการหาค่าสัมประสิทธิ์ (เจษฎาพร ยุทธนวิบูลย์ชัย, 2533: 3) ซึ่งได้มีผู้เสนอวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ k หลายวิธี แต่ยังไม่มียุทธวิธีไหนที่ให้ค่าพารามิเตอร์ k ที่มีความเหมาะสมและเที่ยงตรงมากที่สุด ในที่นี้ผู้วิจัยได้เสนอวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ k ดังนี้

ในปี ค.ศ. 1995 บรีแมน (Breiman) ได้เสนอให้มีประมาณค่าพารามิเตอร์ k จากค่าของ $\text{trace}(X'X(X'X + kI)^{-1})$ จนกระทั่งได้ค่าของผลรวมเท่ากับจำนวนตัวแปรอิสระ ซึ่งวิธีที่บรีแมนได้เสนอมาใหม่นี้มีช่วยในการหาสัมประสิทธิ์ของตัวประมาณริตจ์ได้สะดวกรวดเร็วยิ่งขึ้น โดยการบวกค่าคงที่เข้าไปในเทอมของเมทริกซ์ $(X'X)$ และแก้สมการของผลรวมของเส้นทแยงมุมเพื่อหาค่า k วิธีนี้ค่อนข้างจะสะดวกในการคำนวณและคาดคะเนแต่เป็นวิธีใหม่ที่เพิ่งเสนอจึงยังไม่เป็นที่นิยมใช้แพร่หลายมากนัก

ในปีเดียวกันนั้นบรีแมนยังได้เสนอสมการเชิงเส้นใหม่ขึ้นมาเพื่อใช้ช่วยในการพยากรณ์เมื่อเกิดพหุสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระ ซึ่งสมการเชิงเส้นใหม่นี้ค่อนข้างง่ายในการพิจารณาได้แก่วิธีของสมการถดถอยเชิงเส้นการรีด (Garrote linear regression method (GAR)) โดยมีหลักการในการทำงานดังนี้คือ ทำการหาตัวประมาณสัมประสิทธิ์การถดถอยจากวิธีกำลังสองน้อยสุดเพื่อนำมาช่วยในการหาตัวประมาณใหม่ โดยจะต้องทำให้สมการ $\sum_{i=1}^n (y_i - \sum_{k=1}^{p+1} c_k \hat{\beta}_k x_{ki})^2$ ให้มีค่าต่ำสุดเพื่อหาค่า $\{c_k\}$ ภายใต้เงื่อนไขที่ว่า $\sum_{k=1}^{p+1} c_k^2 \leq (p+1)^2$ เมื่อ p คือจำนวนตัวแปรอิสระ และ n คือขนาดตัวอย่าง ซึ่งจะได้สัมประสิทธิ์การถดถอยใหม่จากสมการดังนี้

$$\hat{\beta}_G(k) = \hat{c}_k \hat{\beta}_k \quad ; \quad k = 1, \dots, p+1$$

วิธีนี้ได้พัฒนามาจากวิธีกำลังสองน้อยสุด โดยการเพิ่ม $\{c_k\}$ ให้เป็นตัวถ่วงน้ำหนักของตัวประมาณสัมประสิทธิ์การถดถอยของวิธีกำลังสองน้อยสุดและได้อาศัยหลักการคล้ายกับตัวประมาณสไตน์ (Stein estimator) โดยเป็นการนำเอาค่าคงที่คูณกับสัมประสิทธิ์ตัวประมาณกำลังสองน้อยสุด โดยค่าคงที่ซึ่งนำมาคูณหามาจากวิธีกำลังสองน้อยสุดซึ่งเป็นวิธีที่ใช้กันอย่างแพร่หลาย ดังนั้นในการคำนวณหาค่า c ที่เหมาะสมจึงไม่ค่อยยุ่งยากและมีความเที่ยงตรงมากกว่าวิธีกำลังสองน้อยสุดในกรณีเกิดพหุสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระ

จากที่กล่าวมาข้างต้นผู้วิจัยจะทำการประมาณสัมประสิทธิ์การถดถอย 3 วิธีคือ วิธีกำลังสองน้อยสุด วิธีที่ได้จากสมการถดถอยริตจ์โดยใช้วิธีของบรีแมน และวิธีของสมการถดถอยเชิงเส้นการรีด ซึ่งทั้งสามวิธีเป็นการหาตัวประมาณสัมประสิทธิ์การถดถอยในกรณีที่เกิดพหุสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระ โดยจะพิจารณาว่าวิธีไหนที่จะให้สมการการพยากรณ์ที่มีประสิทธิภาพและความเที่ยงตรงในการพยากรณ์มากที่สุดในการวิจัยครั้งนี้

วัตถุประสงค์ของการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้เพื่อประมาณสัมประสิทธิ์การถดถอยเมื่อเกิดพหุสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระ ซึ่งในการวิจัยครั้งนี้ได้แบ่งออกเป็น 3 วิธีดังนี้

1. วิธีกำลังสองน้อยสุด (Ordinary Least Square Method) : OLS
2. วิธีที่ได้จากสมการถดถอยริดจ์โดยใช้วิธีของบริแมน (Ridge Regression by Breiman Method) : RID
3. วิธีของสมการถดถอยเชิงเส้นการลัด (Garrote Linear Regression Method) : GAR

สมมติฐานของการวิจัย

เมื่อตัวแปรอิสระเกิดพหุสัมพันธ์กัน วิธี RID จะให้ค่าสัมประสิทธิ์การถดถอยพหุคูณมีความถูกต้องมากกว่าวิธีอื่นภายใต้จำนวนตัวแปรอิสระ ขนาดตัวอย่างและร้อยละของสัมประสิทธิ์การแปรผันของความคลาดเคลื่อนเดียวกัน โดยที่วิธี OLS และ GAR จะมีประสิทธิภาพดีเมื่อตัวแปรอิสระเกิดพหุสัมพันธ์กันสูงมากและการแจกแจงเข้าสู่การแจกแจงแบบปกติ

ข้อตกลงเบื้องต้น

ในการวิจัยครั้งนี้ใช้ค่าเฉลี่ยความคลาดเคลื่อนกำลังสองเป็นตัวตัดสินใจในการเลือกวิธีที่จะใช้ในการประมาณสัมประสิทธิ์การถดถอยเชิงเส้นพหุคูณเมื่อเกิดพหุสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระ

ขอบเขตของการวิจัย

1. การแจกแจงของความคลาดเคลื่อนมี 4 การแจกแจงคือ

1.1 ความคลาดเคลื่อนมีการแจกแจงปกติ (normal distribution)

ฟังก์ชันความหนาแน่นของ X อยู่ในรูปของ

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2}(x-\mu)^2\right\}, -\infty < x < \infty$$

เมื่อ μ คือพารามิเตอร์ค่าเฉลี่ยซึ่งมีค่าเท่ากับ 1

และ σ^2 คือพารามิเตอร์ความแปรปรวนซึ่งมีค่าเท่ากับ 0.0025 และ 0.0225 ถ้าความแปรปรวนมีค่ามากไปกว่านี้ความคลาดเคลื่อนของการแจกแจงจะไม่ใช้การแจกแจงแบบปกติ (จิรายสุ พุ่มนตรี, 2534: 6)

1.2 ความคลาดเคลื่อนที่มีการแจกแจงปกติปลอมปน (scale-contaminated normal distribution)

ฟังก์ชันการแจกแจงอยู่ในรูปของ

$$F = (1-p)N(\mu, \sigma^2) + pN(\mu, c^2\sigma^2)$$

เมื่อ μ คือพารามิเตอร์ค่าเฉลี่ยซึ่งมีค่าเท่ากับ 1

σ^2 คือพารามิเตอร์ความแปรปรวนซึ่งมีค่าเท่ากับ 0.0025 และ 0.0225

c คือสเกลแฟคเตอร์ (scale factor) ซึ่งมีค่าเท่ากับ 3 และ 10 ถ้าค่า c มีค่าสูงจะทำให้ค่าสังเกตที่ผิดปกติมีค่าสูงด้วย

และ p คือเปอร์เซ็นต์การปลอมปน (percent of contamination) ซึ่งมีค่าเท่ากับ 5 และ 10 ถ้าค่า p มีค่าสูงจะทำให้ค่าสังเกตที่ผิดปกติมีค่าสูงด้วย

1.3 เมื่อความคลาดเคลื่อนมีการแจกแจงไวบูลล์ (Weibull distribution)

ฟังก์ชันความหนาแน่นของ X อยู่ในรูปของ

$$f(x) = \frac{\beta}{\alpha} \left(\frac{x}{\alpha}\right)^{\beta-1} \exp\left\{-\left(\frac{x}{\alpha}\right)^\beta\right\}, \quad x > 0$$

เมื่อ α คือพารามิเตอร์มาตราส่วน (scale parameter) ซึ่งมีค่าเท่ากับ 1

และ β คือพารามิเตอร์สัณฐาน (shape parameter) ซึ่งมีค่าเท่ากับ 1, 2 และ 5 ถ้าพารามิเตอร์สัณฐานมีค่าเพิ่มขึ้นไปมากกว่านี้กราฟของการแจกแจงจะเข้าสู่การแจกแจงแบบปกติมากขึ้น

1.4 ความคลาดเคลื่อนที่มีการแจกแจงล็อกนอร์มอล (lognormal distribution)

ฟังก์ชันความหนาแน่นของ X อยู่ในรูปของ

$$f(x) = \frac{1}{\sigma x \sqrt{2\pi}} \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2}(\ln x - \mu)^2\right\}, \quad x > 0$$

เมื่อ μ คือพารามิเตอร์ค่าเฉลี่ยซึ่งมีค่าเท่ากับ 0

และ σ^2 คือพารามิเตอร์ส่วนความแปรปรวนซึ่งมีค่าเท่ากับ 0.05, 0.3 และ 0.7 ถ้าค่าความแปรปรวนมีค่าลดลงไปมากกว่านี้กราฟของการแจกแจงจะเข้าสู่การแจกแจงปกติมากขึ้น (เจษฎาพร ยุทธนวิบูลย์ชัย, 2533: 7)

2. จำนวนตัวแปรอิสระ

จำนวนตัวแปรอิสระที่ศึกษามี 2 ระดับ คือ 3 ตัว และ 5 ตัว

3. ขนาดตัวอย่าง

ขนาดตัวอย่างที่ศึกษามี 4 ระดับคือ 10, 30, 50 และ 100

4. การกำหนดค่าสัมประสิทธิ์การถดถอยพหุคูณ (β)

การกำหนดค่าสัมประสิทธิ์การถดถอยพหุคูณ (β) เพื่อสร้างค่า y ขึ้นจากตัวแบบ $y = X\beta + \varepsilon$ ผู้วิจัยกำหนดค่า β จากเวกเตอร์เฉพาะที่สอดคล้องกับค่าเฉพาะที่มีค่ามากที่สุดของเมทริกซ์ ($X'X$) เพราะจะให้ค่ากำลังสองของความแตกต่างระหว่าง $\hat{\beta}$ และ β มีค่าน้อยที่สุด

5. ระดับความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระ

ระดับความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระแต่ละตัวจะคำนวณจากสูตร $\rho_{ij} = \rho^{|i-j|}$ เมื่อ i และ j เป็นตำแหน่งของตัวแปรอิสระ โดยกำหนดให้ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (ρ) เริ่มต้นมีค่าเท่ากับ 0.1, 0.3, 0.5, 0.7, 0.9 และ 0.99 ซึ่งผู้วิจัยได้แบ่งระดับสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เป็น 4 ระดับดังนี้

- ระดับต่ำที่ $\rho = 0.1$ และ 0.3
- ระดับปานกลางที่ $\rho = 0.5$
- ระดับสูงที่ $\rho = 0.7$ และ 0.9
- ระดับสูงมากที่ $\rho = 0.99$

ผู้วิจัยได้ใช้วิธีการจำลองของ วิเชิน(Wichem) และ เซอร์ซิลล์ (Churchill) ทำให้สามารถสร้างตัวแปรอิสระที่มีความสัมพันธ์กันในระดับต่าง ๆ ดังนี้

1. กรณีที่ตัวแปรอิสระเท่ากับ 3 ตัว

สูตรที่ใช้ในการทำการวิจัยคือ

$$x_{ij} = (1 - \alpha_1^2)^{\frac{1}{2}} Z_{ij} + \alpha_2 Z_{i4} \quad ; i = 1, \dots, n$$

$$j = 1, \dots, 3$$

เมื่อ Z_{ij} เป็นตัวแปรอิสระที่สร้างจากการแจกแจงแบบปกติที่มีค่าเฉลี่ยเท่ากับศูนย์และค่าความแปรปรวนเท่ากับหนึ่ง

α_1 เป็นความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร (x_1 กับ x_2) และ (x_2 กับ x_3)

α_2 เป็นความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร (x_1 กับ x_3)

และ n เป็นขนาดตัวอย่าง

2. กรณีที่ตัวแปรอิสระเท่ากับ 5 ตัว

สูตรที่ใช้ในการทำการวิจัยคือ

$$x_{ij} = (1 - \alpha_1^2)^{\frac{1}{2}} Z_{ij} + \alpha_2 Z_{i6} \quad ; i = 1, \dots, n \\ j = 1, 2, 3$$

$$x_{ij} = (1 - \alpha_3^2)^{\frac{1}{2}} Z_{ij} + \alpha_4 Z_{i6} \quad ; i = 1, 2, \dots, n \\ j = 4, 5$$

เมื่อ Z_{ij} เป็นตัวแปรอิสระที่สร้างจากการแจกแจงแบบปกติที่มีค่าเฉลี่ยเท่ากับศูนย์และค่าความแปรปรวนเท่ากับหนึ่ง

α_1 เป็นความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร (x_1 กับ x_2), (x_2 กับ x_3), (x_3 กับ x_4) และ (x_4 กับ x_5)

α_2 เป็นความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร (x_1 กับ x_3), (x_2 กับ x_4) และ (x_3 กับ x_5)

α_3 เป็นความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร (x_1 กับ x_4) และ (x_2 กับ x_5)

α_4 เป็นความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร (x_1 กับ x_5)

และ n เป็นขนาดตัวอย่าง

(Wichem and Churchill, 1978: 304)

โดยมีหลักเกณฑ์ในการพิจารณาจากที่ตัวแปรอิสระแต่ละตัวไม่สามารถมีความสัมพันธ์เท่ากันได้ทุกตัวดังนั้นในการวิจัยครั้งนี้กำหนดให้ตัวแปรอิสระที่อยู่ใกล้กันมีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์กันมากและตัวแปรอิสระที่อยู่ห่างกันมีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์น้อยลงไปเรื่อยๆ เพราะตัวแปรอิสระที่อยู่ใกล้กันอาจมีความเกี่ยวข้องมากและตัวแปรที่อยู่ห่างกันอาจมีความเกี่ยวข้องกันน้อย โดยพิจารณาในทุกกรณีที่สามารถเกิดขึ้นได้ ซึ่งแบ่งเป็น 2 กรณี ดังนี้

1. กรณีที่มีตัวแปรอิสระเท่ากับ 3 ตัว

ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เริ่มต้นระหว่าง

$$(x_1 \text{ กับ } x_2) \text{ และ } (x_2 \text{ กับ } x_3) = 0.1, 0.3, 0.5, 0.7, 0.9 \text{ และ } 0.99^*$$

ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่าง

$$(x_1 \text{ กับ } x_3) = 0.01, 0.09, 0.25, 0.49, 0.81 \text{ และ } 0.9801$$

* เมื่อตัวแปรอิสระเท่ากับ 3 ตัว ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่าง (x_1 กับ x_2) , (x_2 กับ x_3) = 0.1 และ (x_1 กับ x_3) = $(0.1)^2 = 0.01$ เนื่องจากตัวแปรอิสระที่มี subscript ใกล้กันจะมีความสัมพันธ์กันมากและตัวแปรอิสระที่มี subscript ห่างกันมากขึ้นจะมีความสัมพันธ์กันน้อยลง โดยค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เริ่มต้นจะเพิ่มขึ้นไปเป็น 0.3, 0.5, 0.7, 0.9 และ 0.99 ตามลำดับ

2. กรณีที่มีตัวแปรอิสระเท่ากับ 5 ตัว

ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เริ่มต้นระหว่าง

$$(x_1 \text{ กับ } x_2), (x_2 \text{ กับ } x_3), (x_3 \text{ กับ } x_4) \text{ และ } (x_4 \text{ กับ } x_5) = 0.1, 0.3, 0.5, 0.7, 0.9 \text{ และ } 0.99^*$$

ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่าง

$$(x_1 \text{ กับ } x_3), (x_2 \text{ กับ } x_4) \text{ และ } (x_3 \text{ กับ } x_5) = 0.01, 0.09, 0.25, 0.49, 0.81 \text{ และ } 0.9801$$

ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่าง

$$(x_1 \text{ กับ } x_4) \text{ และ } (x_2 \text{ กับ } x_5) = 0.001, 0.027, 0.125, 0.343, 0.729 \text{ และ } 0.9701$$

ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่าง

$$(x_1 \text{ กับ } x_5) = 0.0001, 0.0081, 0.0625, 0.2401, 0.6561 \text{ และ } 0.9650$$

วิธีดำเนินการวิจัย

1. สร้างข้อมูลของตัวแปรอิสระโดยใช้เทคนิคมอนติคาร์โลตามระดับความสัมพันธ์ต่าง ๆ ที่กำหนดไว้ในขอบเขตการวิจัย
2. สร้างข้อมูลของตัวแปรตามจากตัวแปรอิสระที่สร้างขึ้นที่สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ที่กำหนดขึ้นมา และค่าความคลาดเคลื่อนตามการแจกแจงต่าง ๆ ที่กำหนดไว้
3. ประมาณค่าพารามิเตอร์ตามวิธีที่กำหนดไว้
4. คำนวณค่าเฉลี่ยของค่าความเฉลี่ยความคลาดเคลื่อนยกกำลังสองโดยพิจารณาเปรียบเทียบแต่ละวิธี
5. ทำการเปรียบเทียบค่าต่าง ๆ ของวิธีที่กำหนดไว้และสรุปผล

ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

1. เพื่อให้ทราบวิธีที่เหมาะสมสำหรับใช้ในการประมาณสัมประสิทธิ์ของสมการถดถอยเมื่อเกิดพหุสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระ
2. สามารถนำเอาวิธีที่เหมาะสมไปประยุกต์กับเหตุการณ์จริง

* เมื่อตัวแปรอิสระเท่ากับ 5 ตัว ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่าง $(x_1 \text{ กับ } x_2)$, $(x_2 \text{ กับ } x_3)$, $(x_3 \text{ กับ } x_4)$ และ $(x_4 \text{ กับ } x_5) = 0.1$, $(x_1 \text{ กับ } x_3)$, $(x_2 \text{ กับ } x_4)$ และ $(x_3 \text{ กับ } x_5) = (0.1)^2 = 0.01$, $(x_1 \text{ กับ } x_4)$ และ $(x_2 \text{ กับ } x_5) = (0.1)^3 = 0.001$ และ $(x_1 \text{ กับ } x_5) = (0.1)^4 = 0.0001$ เนื่องจากตัวแปรอิสระที่มี subscript ใกล้เคียงกันจะมีความสัมพันธ์กันมากและตัวแปรอิสระที่มี subscript ห่างกันมากขึ้นจะมีความสัมพันธ์กันน้อยลง โดยค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เริ่มต้นจะเพิ่มขึ้นไปเป็น 0.3, 0.5, 0.7, 0.9 และ 0.99 ตามลำดับ